

第一章 遗传因子的发现

第一节 孟德尔豌豆杂交实验

一、一对相对性状的杂交实验 → 结论：性状分离现象定律

假说演绎法

实验成功原因

①材料：豌豆：自花传粉，闭花传粉，自然条件下一般为纯种

未成熟时去雄 → 套袋 → 人工授粉 → 套袋

②豌豆花较大，易进行杂交实验操作

③豌豆有易于区分的性状

第二节 孟德尔豌豆杂交实验(二)

→ 两对相对性状的遗传实验

实验现象 子代性状比为 9:3:3:1

结论 ⇒ 自由组合定律

1. 遗传定律应用 1. 培育具有优良性状且稳定遗传的品种

2. 产生多种优势



第二节 基因在染色体上

基因与染色体的关系

| | | |
|--------------|--------|--------------------------|
| 相同的基因，控制相同性状 | 不同的基因 | 等位基因：控制相对性状的基因，同源染色体一位位置 |
| 非等位基因：非同源染色体 | 同一染色体上 | |

在减数分裂形成配子时，等位基因会随同源染色体的分离而分离

同源染色体分离同时，非同源染色体上的非等位基因自由组合

第三 伴性遗传

定义：基因位于性染色体，在遗传上总是与性别相关

伴性遗传实例

1. 伴Y遗传

限雄遗传，女病子必病

2. 伴X遗传(隐)

如色盲

特点：1. 男患者女患 2. 交叉遗传

3. 母病子必病 女病子必病

3. 伴X遗传(显)

1. 姨妈于男患

2. 女病子必病，子病母必病



第三章

第一节 DNA是主要的遗传物质

相关实验

1. 肺炎链球菌转化实验

结论：无毒R型细菌与加热杀死的S型细菌混合后，R型细菌转化为有毒性的S型细菌，且可以遗传

2. 体外转化实验

结论：DNA为遗传物质

3. 噬菌体侵染细菌实验（无法单独证明DNA为主要遗传物质）

4. 烟草花叶病毒实验

有细胞的 → DNA为遗传物质

无细胞的病毒
| RNA病毒 → RNA
| DNA病毒 → DNA

第二章 DNA的结构

1. 基本单位 脱氧核糖核酸

DNA分子结构特点：

1. 双螺旋结构

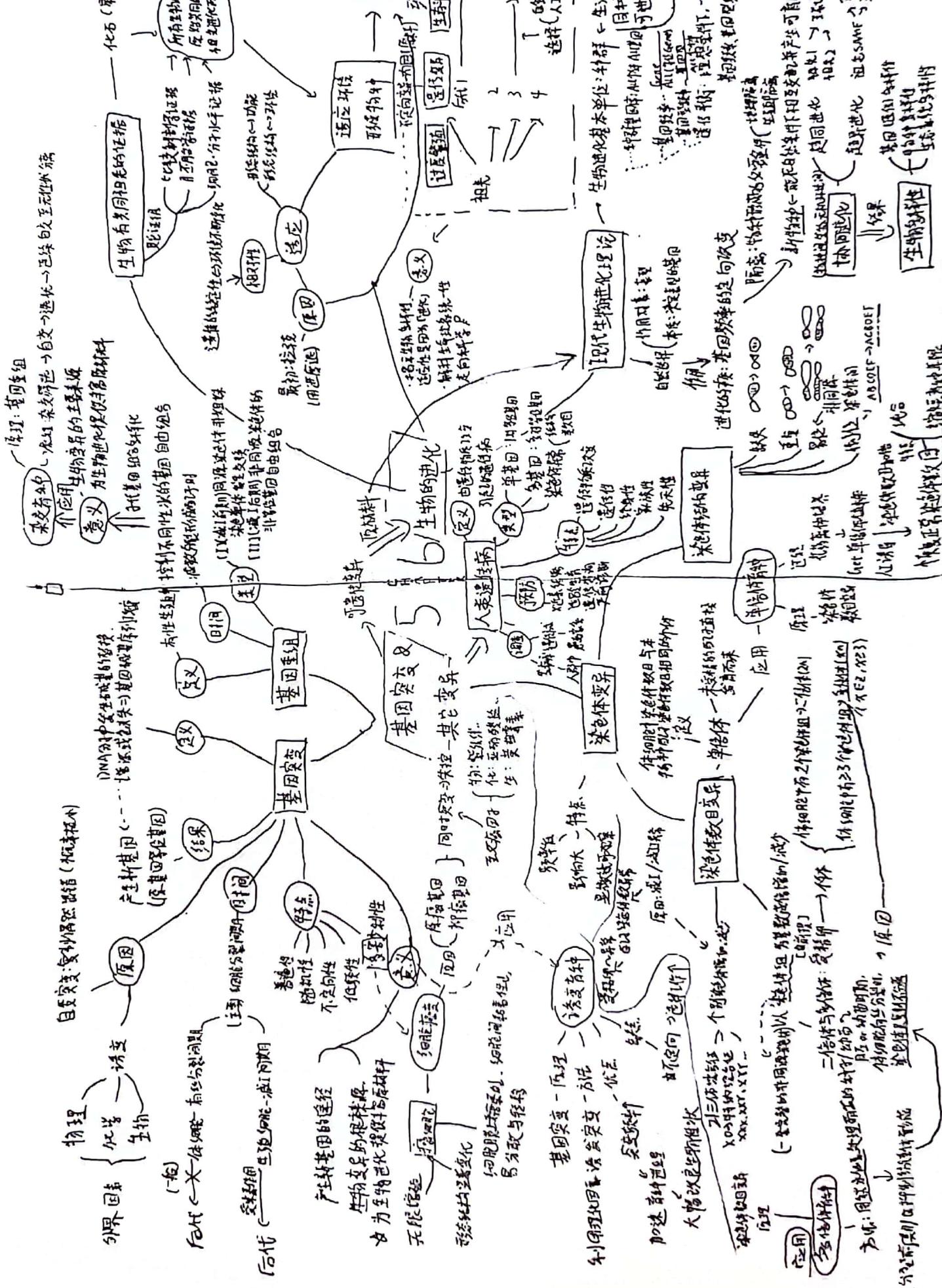
2. 两条脱氧核糖核酸链

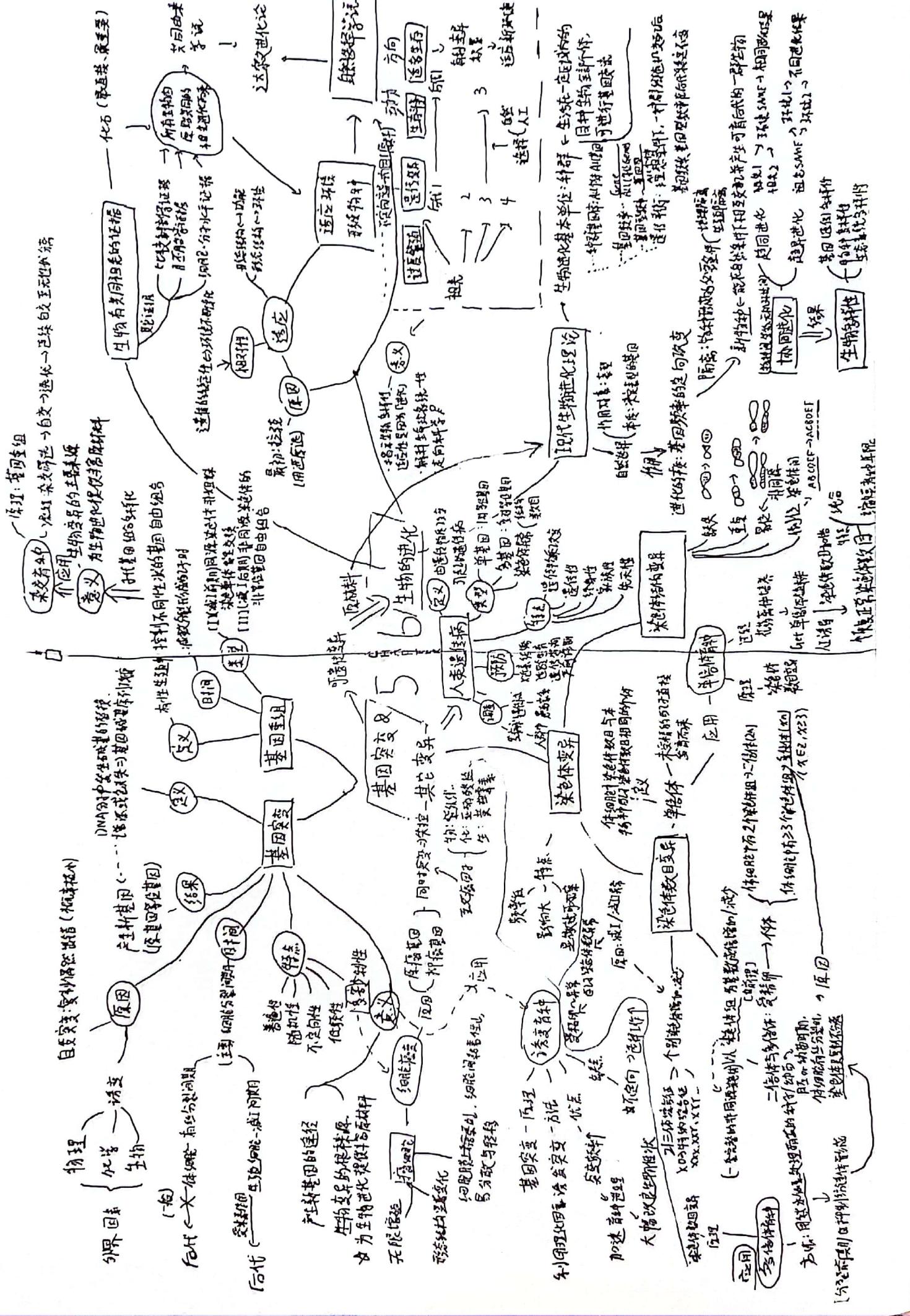
(1) 两条链反向平行

(2) 磷酸基团和脱氧核糖连接在外侧成骨架

(3) 碱基在内，通过氢键连接







一、生物有关同祖性的证据

1. 化石：化石是研究生物进化最直接最重要的证据
化石提供的证据：①有共同祖先 ②进化由简单到复杂，由低等到高等，由水生到陆生

2. 其他证据

胚胎学

细胞学与分子生物学证据



创建全能王 扫描全能王

二、自然选择与适应的形成

- 适应：1. 形态结构适于完成一定功能
2. 形态结构与功能适合在一定环境中生存

二、适应的相对性
遗传的稳定性 → 环境的不断变化

三、适应形成的原因 (→ 拉马克的进化学说：器官用进废退，可以遗传)

(二) 达尔文的自然选择学说

变异不定向 → 个体差异 生存斗争 → 适者生存 不适者淘汰 → 有利变异积累 → 适应环境

三、现代生物进化理论

一、生物进化的基因单位为种群
种群：生活在一定区域内的同种生物全部个体

种群基因库：种群中全部个体所含有的全部基因。基因频率：某一个基因占全部等位基因的比值

不：①突变 ②随机交配 ③自然选择 ④没有隔离。基因频率条件下，基因频率或基因型频率在后代稳定不变的。→ 遗传平衡

二、突变和基因重组为生物进化提供原材料

可遗传变异

基因重组

进化的实质：基因频率的定向改变

隔离

地理隔离：不同物种间不能进行交流的限制

生殖隔离：同一物种由于地理障碍而不同种群

生殖隔离：不能相互交配 / 交配也不能产生后代

遗传与进化

孟德尔遗传定律
 分离定律：控制同一性状的等位基因分离
 自由组合定律：控制不同性状的非等位基因自由组合

减数分裂与受精作用：

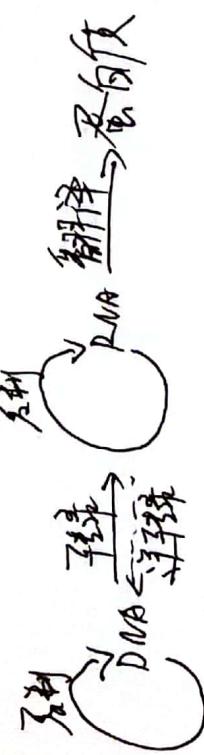
减数分裂：形成生殖细胞，染色体分裂一次，细胞分裂两次。
 染色体数目减半，发生基因的分离与自由组合。
 减数分裂与受精作用维持种群染色体数目的稳定。

基因的本质：DNA
 DNA的结构：双螺旋结构
 DNA复制：半保留复制
 基因是有遗传效应的DNA片段。

基因表达

转录：mRNA为模板合成mRNA过程
 翻译：mRNA为模板合成蛋白质的过程。

中心法则：



基因表达与性状的关系：
 基因 酶活性大
 基因 酶活性小

细胞分化和本质是基因的选择性表达。
 细胞分化的实质是基因的选择性表达。

生物的进化

达尔文进化论：生物通过自然选择进化的方向。
 ① 批判、否定、分子水平证据
 ② 可遗传变异的来源是突变进化的原材料



扫描全能王 创建

「完形」

1. 注意情节线和情感线两条线索
2. 可以先盲填一遍再根据选项填
3. 词组题先根据已知单词的含义猜,如果是平时练习,做完后一定要积累
4. 一定要从上下文找出出处,不要凭感觉选

「阅读A文」(个人习惯先读题,然后直接找定位,其余部分可扫读)

1. 考试时认真细致找出出处即可,要做到又快又准
2. 平时可用来积累作文素材,如活动要求……

「阅读B文」

1. 文体以记叙文为主,注意主旨/人物核心品质(B篇最后一题常考)

「阅读C,D文」(个人习惯先读文章,再读题,可以自己试一下,看看更适合哪种,每句都要细读)

1. 猜词题如果真的认识,那去文中验证。如果模棱两可就完全不认识,亮出上下文猜。
2. 有猜词的话先做猜词,因为猜词只需读附近几句,不必然需要通篇理解。
3. 个人不建议跳过CD文看后面的,个人经历而言,CD篇对你的可能性远高于作文15%的可能性。
4. 两个选项纠结时就大胆放慢速度,CD文用时稍长是正常区,且作文给更多时间也很难高分。
5. 带着一种期待的心情去做CD文,其实很多时候CD文的内容是全卷中最有逻辑的。
6. 在不干扰阅读流畅度的前提下可给文章分层、找关键词(但考场中不要写文字概括,时间不够),平时多用外刊画思维导图。
7. 考前可以每天一篇外刊(只做选择即可),保持手感,不用过于关注正确率。

「阅读回答问题」

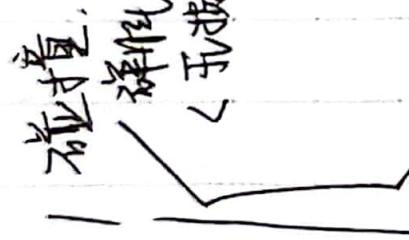
1. 前几题注意字数要求,通常答案是正好等于要求字数的
2. Why → Because
How → By doing
3. 最后一题通常正反皆可,但如果文章明显支持一种态度,建议顺着文章的态度来,如想思路,注意语言的正确性,尽可能地道(注意好词+地道,因为要把好词用在合适的地方才行),不要写得很像,让连自身生活经历就详细写出来,如果是实在没有相关经历,不建议编。特别喜欢写作的同学注意时间,不要陷进去了(因为这题政治题一般情感色彩比较浓厚)。



动能定理（无条件）

$$F_{合} \cdot x = \frac{1}{2} m v^2 - \frac{1}{2} m v_0^2$$

(可由 $v^2 - v_0^2 = 2ax$ 得)



$$E_{动} + E_{势} + E_{电} = 0$$

势（只与位置有关）。

动量定理（无条件）

$$F_{合} t = m v' - m v$$

$$\uparrow F_{合} t = F_{外} t + F_{内} t = F_{外} t$$

动量守恒（不受外力）

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = m$$

$$(m_1 + m_2) v_{初} = m_1 v_1 + m_2 v_2$$

$$\frac{v_0 = 0}{m} \rightarrow \textcircled{①}$$

$$V_1' = \frac{m-M}{m+M} V_1 + \frac{2M}{m+M} \cdot V_2$$

$$V_2' = \frac{2m}{m+M} \cdot V_1 + \left(+ \frac{M-m}{m+M} \right) V_2$$

碰撞
(无损)

$$V_2' = \frac{m}{m+M} \cdot V_1 + \frac{M-m}{m+M} \cdot V_2$$

碰撞

碰撞

碰撞

$$P = F \cdot V = \frac{P_0}{t}$$

$$\text{① 恒力运动: } \begin{cases} x_1 + x_2 = L \\ P = F \cdot V \end{cases}$$

$$P = \frac{P_0}{t}$$

$$\text{② 恒P运动: } \begin{cases} V_m = \frac{P_0}{F} \\ P = F \cdot V \end{cases}$$

$$P = \frac{P_0}{t}$$

$$\text{③ 图像法: } P = F \cdot V$$

$$P = F \cdot V$$

$$\text{④ 位移法: } P = F \cdot S$$

$$P = F \cdot S$$

$$\text{⑤ 动量法: } P = m \cdot V$$

Date

2



扫描全能王 创建

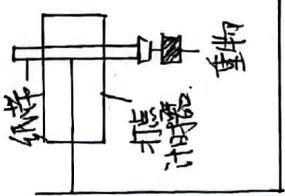
$$公式: P = \frac{W}{t} = F \cdot V \quad 单位: W \rightarrow J \quad W_{弹} = -\frac{1}{2} k V^2$$

$W = F \cdot x$. $P \rightarrow W (km)$. 弹性势能
而类机车启动方式. (焦耳)(瓦特)

- ① 恒定功率启动
 $v_0 = 0, V \uparrow \Rightarrow a > 0, F \rightarrow f$.

机械能守恒定律

机械能守恒定律.



重力势能.

- 只有做功且不受外力. ①
弹力=弹簧弹力 ②.
其他外做功、总功等于0则守恒 ③
能量守恒 ④
“减”⇒可能阻力做功 ⑤

EP与E的互相关系. 动能守恒

$$EP = 0.5 \cdot m \cdot V^2 \quad E_{总} MAX (完全非弹性)$$

$$\begin{cases} m_1 V + m_2 V_2 = m_1 V_1' + m_2 V_2' \\ \frac{1}{2} m_1 V^2 + \frac{1}{2} m_2 V_2^2 = \frac{1}{2} m_1 V_1'^2 + \frac{1}{2} m_2 V_2'^2 \end{cases}$$

$$m_1 V_A = (m_1 + m_2) V_A$$

$$\frac{1}{2} m_1 V_A^2 = E_{总} + \frac{1}{2} (m_1 + m_2) V_A^2$$

$$E_{总} = \frac{1}{2} m_1 V_A^2 - \frac{1}{2} (m_1 + m_2) V_A^2$$

$$V_2' = \frac{2m_1 V}{m_1 + m_2} + \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} V_2$$

$$V_1' = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \cdot V_1$$

$$V_2' = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} - V_1$$

$$V_2 = 0 \quad \text{动量守恒.}$$

$$V_1 = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \cdot V_1$$

$$V_B = 0.$$

反冲现象. 爆炸. 火箭等.

验证碰撞守恒.

有力有位移. 有力 对外.

$\Delta t = m V' - m V$.

应用.

$P = m V$; $E_k = \frac{1}{2} m V^2$.

E_k 不一定变.

P 变 E_k P一定变.

碰撞的合理性

- ① 动量守恒.
② 动能不增加
③ 运动不穿越.

守恒定律

- 基本概念. 动能定理.
 $W = \frac{1}{2} m V_2^2 - \frac{1}{2} m V_1^2$.

- 条件: ① 系统合外力为0. or 不受外力. 使用
② ($T_{max} = 0$).
对外力做功时. 无视摩擦阻力
e.g. 碰撞. 爆炸. 正碰. 守恒.

- 合外力做功=动能变化量
 $E_k = \frac{1}{2} m V^2$ (标量).

- $W_{总} = \Delta E_k = \frac{1}{2} m V_2^2 - \frac{1}{2} m V_1^2$ (重力+空气阻力).
合力做功正负一个F. 依然为E_k. 守恒.
e.g. 打棒球. ① 不考虑中和束缚. : 依然
② 不考虑. ③ 适用范围广.

- ① 列全力做功. ② 和初动能不守恒: 注意.
-f. ΔE_k 一对静摩擦力所做总功为0.
 $= m_1 V_2 - m_2 V_1$.

江泽入: 李鸿章. 王杰等.

宋祖悦
高一(五)班

高一

$$\boxed{\begin{aligned} A: F_1 \cdot \Delta t &= m V_1' - m V_1 \\ B: -F_2 \cdot \Delta t &= m_2 V_2' - m_2 V_2 \\ \therefore m_1 V_1 - m_1 V_1 &= -(m_2 V_2' - m_2 V_2) \\ &= m_2 V_2 - m_2 V_1 \end{aligned}}$$



匀速圆周运动

线速度: $v = \frac{s}{t}$. 角速度: $\omega = \frac{\theta}{t}$. 周期 $T = \frac{2\pi}{\omega}$. 转速 $n = \frac{1}{T} = f$ (频率).

$$v = \frac{2\pi r}{T} = \rho \omega = 2\pi r f = 2\pi r n. (n \text{ 转数 } r/s).$$

1. 向心力

I. 同体转动: 各点 ω 相同, $v \propto r$

II. 共同转动: 各处 v 相同, $\omega \propto \frac{1}{r}$.

向心加速度大小: $a = r\omega^2 = \frac{v^2}{r}$. 匀圆 a 大小恒定. 所有圆周运动公式的共同特征.

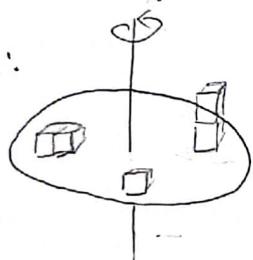
$$\text{向心力 } F = ma = m \frac{v^2}{r} = m \omega^2 r = m \frac{4\pi^2}{T^2} r = 4\pi^2 m f^2 r.$$

方向始终指向圆心.

2. 向心脱离: $F_G = mv^2/r$, 向圆; $F_G < mv^2/r$, 离心; $F_G > mv^2/r$, 向心.

解决问题:

1. 圆盘



单物块: 受力分析 → 判断最大静摩擦是否提供足够的向心力.

多物块: ①确定最容易发生滑动的物体 ②受力分析 → 分析滑界.

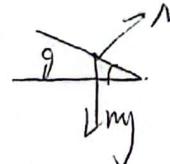
2. 圆锥摆



$$\text{受力分析可得: } mg \tan \theta = m v^2 / (l \sin \theta).$$

$$v = \sqrt{g l \tan \theta}.$$

3. 车轮问题



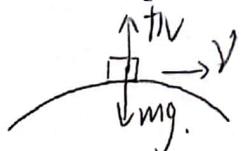
$$F_N = mg \cdot \tan \theta = m \frac{v^2}{r}.$$

$$b = \sqrt{g r \tan \theta}.$$

$v > v_0$, 向外趋势, 挤压外轨.

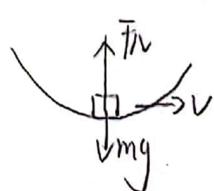
$v < v_0$, 向内趋势, 挤压内轨.

4. 汽车过拱桥



$$G - F_N = m \frac{v^2}{R}.$$

$$F_N = G - m \frac{v^2}{R}.$$



$$F_N - G = m \frac{v^2}{R}.$$

$$F_N = G + m \frac{v^2}{R}.$$



扫描全能王 创建

$r \propto R$. 有最大绕行速度，最大加速度和最小周期。

5. 同步卫星。

$T=24h$. $V.W.A$: 线T. 一定.

6. 天体的质量和密度。

I. 利用不伴星重力 $\frac{GMm}{R^2} = mg \Rightarrow M = \frac{gR^2}{G}$. $\rho = \frac{M}{V} = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi R^3} = \frac{3g}{4\pi GR}$.

II. 利用卫星绕天体匀速圆周运动

$$F = T \cdot r$$

$$\frac{GMm}{r^2} = m \frac{4\pi^2 r}{T^2} \Rightarrow M = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}; \rho = \frac{3\pi r^3}{GT^2}$$

6. 变轨问题。

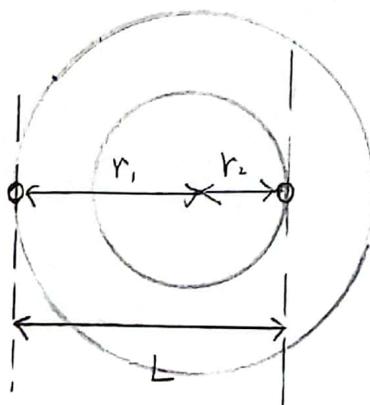
I. 渐变：由于r缓慢变化，每一周运动轨迹作匀圆。先判断向心/离心。

II. 突变：① 变轨点，力速度分析，若r相等，则 ω 相等。

$$\text{② 变轨点，速度分析，干供} < \frac{GMm}{r^2} \quad \text{干供} = m \frac{v^2}{r}$$

干供 = 干需，匀圆；干供 < 干需，离心；干供 > 干需，向心。

7. 双星问题。



$$r_1 + r_2 = L$$

$$\omega_1 = \omega_2, \frac{v_1}{v_2} = \frac{r_1}{r_2}$$

$$\frac{GM_1 M_2}{L^2} = M_2 \omega_2^2 r_2 = M_1 \omega_1^2 r_1$$

$$\cancel{M_1 M_2} \quad M_1 r_1 = M_2 r_2$$



扫描全能王 创建

2020/5/2

物理力学

$$EPR = \frac{1}{2} m_1 V_1^2 + \frac{1}{2} m_2 V_2^2$$

只考虑重力势能： $m_1 V_1 + m_2 V_2 = (m_1 + m_2) V$

$$\frac{1}{2} m_1 V_1^2 + \frac{1}{2} m_2 V_2^2 = \frac{1}{2} m_1 V^2 + \frac{1}{2} m_2 V^2$$

等效质量： $m_1 V_1 + m_2 V_2 = m_{eq} V$

等效质量： $m_{eq} = \frac{m_1 V_1 + m_2 V_2}{V}$

$$m_{eq} = \frac{m_1 V_1 + m_2 V_2}{V} = \frac{m_1 V_1}{V} + \frac{m_2 V_2}{V} = m_1 + m_2$$

动量守恒： $m_1 V_1 + m_2 V_2 = m_1 V' + m_2 V'$

$$m_1 V_1 + m_2 V_2 = m_1 V' + m_2 V'$$

$$m_1 V_1 - m_1 V' = m_2 V' - m_2 V_2$$

动量守恒： $m_1 V_1 - m_1 V' = m_2 V' - m_2 V_2$

$$\left. \begin{aligned} & E = \frac{1}{2} m_1 V_1^2 + \frac{1}{2} m_2 V_2^2 \\ & P = m_1 V_1 + m_2 V_2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \text{能量}$$

作用：惯性

机械能守恒： $E = kT + \frac{1}{2} E_{kinetic} \Rightarrow \Delta E_{kinetic} = 0$

只看初末，不看过程。

$$U_{kinetic} = \frac{1}{2} m_1 V_1^2 + \frac{1}{2} m_2 V_2^2$$

只看初末，不看过程。

$$U_{kinetic} = \frac{1}{2} m_{eq} V^2$$

只看初末，不看过程。

$$U_{kinetic} = N \cdot \frac{1}{2} m V^2$$

只看初末，不看过程。

$$U_{kinetic} = F \cdot S \cdot (4 \times 10^{-10} \text{ 焦耳})$$

只看初末，不看过程。

$$U_{kinetic} = F \cdot S = N \cdot S$$

只看初末，不看过程。

$$U_{kinetic} = N \cdot S = m \cdot S$$

只看初末，不看过程。

$$U_{kinetic} = m \cdot S = m \cdot V$$

只看初末，不看过程。

$$U_{kinetic} = m \cdot V = m \cdot \frac{P}{M}$$

只看初末，不看过程。

$$\left. \begin{aligned} & U_{kinetic} = m \cdot V \\ & U_{kinetic} = G \frac{M \cdot m}{r} \end{aligned} \right\} \Rightarrow GM = kR^2$$

$$F = \frac{GM}{r^2} \quad (条件：质点)$$

$\frac{1}{2} m v^2 = \frac{GM}{r}$



扫描全能王 创建

小结

No.

Date

第三单元 全面依法治国

一、治国理政的基本方式

1. 我国法治建设的历程

① 马克思主义是我国法治建设的理论基础



法是维持社会秩序、调整社会关系的一种社会规范。
是由国家制定或认可的社会规范。
是由国家强制力保证实施的具有普遍约束力的社会规范。
法的政治职能：法维护一定阶级统治的作用
社会职能：法管理一定社会公共事务的作用

2. 全面推进依法治国的原则（目标与原则）

① 全面推进依法治国总目标：建设中国特色社会主义法治体系、建设社会主义法治国家

② 全面推进依法治国的原则

- ① 崇政领导 ② 人民主体地位 ③ 法律面前人人平等 ④ 依法治国以德治国相结合 ⑤ 从中国实际出发
- ⑥ 依法治国和以德治国相辅相成 ⑦ 依法治国和依规治党有机统一 ⑧ 依法治国和宪法法律至上 ⑨ 依法治国和制度创新相促进 ⑩ 依法治国和文明执法相统一

二、法治中国建设

1. 法治国家

- ① 坚持宪法法律至上
- ② 尊重和保障公民权利

2. 建设法治中国

- ① 推进宪法实施：推进合宪性审查工作，加强备案审查制度和能力建设

KOKUYO



扫描全能王 创建

本质要求

一、人民民主专政（国家治理体系本质属性）

全过 程人民民主

最广泛、真 实、管用的民主

健全系、全方 位、全覆 盖民主

（民主选举、协商、决策、管理、监督）

人民当家作主

根本政治制度：人民代表大会制度

制度体系、

保障

人民代表大会：国家权力机关
人大代表：组成人员

质询，提案，表决，审议权

与人民群 体保持密切 联系，帮助人民政 府推进工作

基本政治制度

中国共产党领导的多党合作和政治协商制度

人民政协：长期共存，互相监督，肝胆相照，荣辱与共

前提：坚持中国共产党领导

新型政党制度：①真实、广泛、持久代表和实现广大人民根本利益；

②紧密团结，同舟共济、患难与共；③决策科学化民主化。

保障人民民主，
发展人民民主，
全过程人民民主

增强自信，
优化国 民

三有机制——
全国一盘棋

民族区域自治制度

特点：民族平等，团结，共同繁荣
民族群众自治组织（自我管理，教育监督，服务，管理）

集中力量办大事

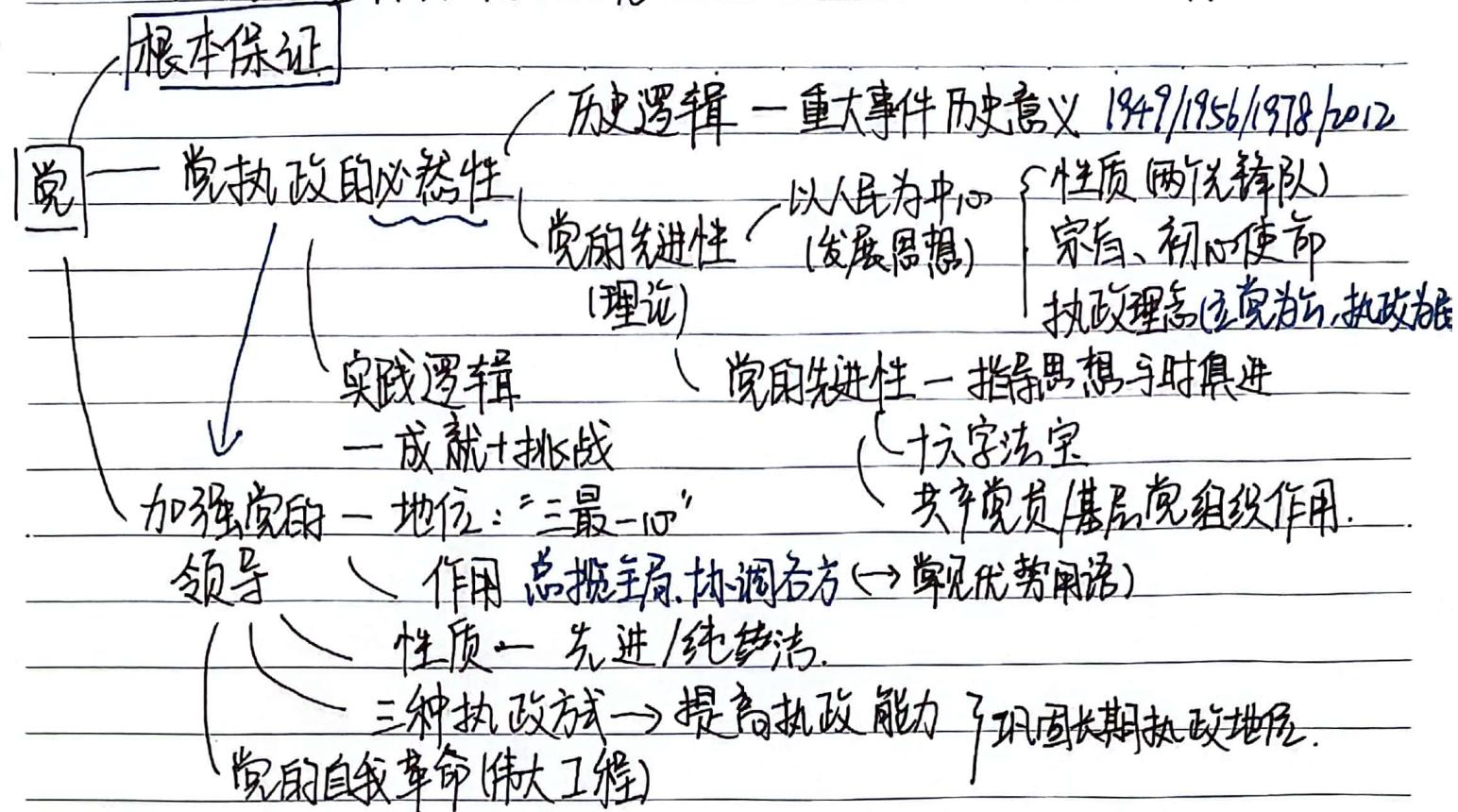
责子

1227

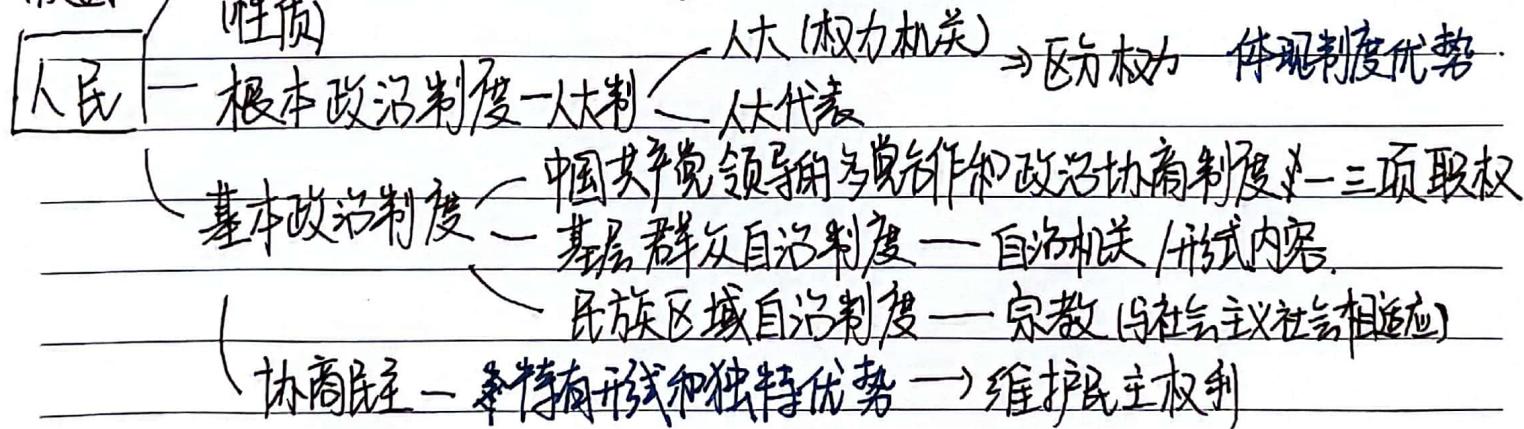


政治必修3整体结构：三统一

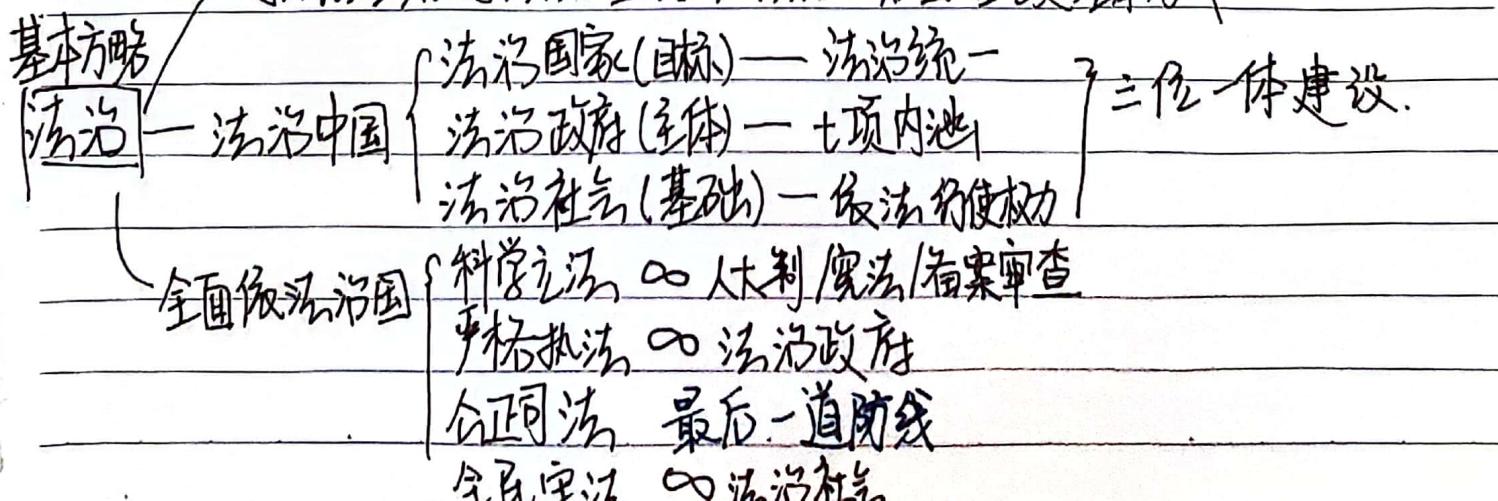
徐嘉煜



本质要求 — 国体/政体(人民代表大会制) → 全过程人民民主。



— 马克思关于法的理论 / 法治一治国理政基本方式



扫描全能王 创建

高一14班 宋子晴、马逸菲

【第一单元】党的领导

易混易错：党积极履行国家职能 \Rightarrow 国家机关履行

(党的政治主张通过党内民主上升为国家意志) \Rightarrow 法定程序

P31 党依法执政；人大功能(相似) P31

党为乡村振兴提出具体的方法措施 \Rightarrow 战略方向

党领导是全面、系统、整体的 P25

以党的作风建设为统领 改革 P29 *

《中国共产党……条例》 \Rightarrow 党内工作条例 + 法律
从群众中来，到群众中去是党一贯坚持的工作作风 群众路线
共产党员的先锋模范作用，是由党的先锋队性质决定的 P18

所决定的 P34

区分 { 实事求是(认识)：探求事物客观规律 P22
求真务实(行动)：按照客观规律行事

人民是决定党和国家前途命运的根本力量 P17

党的领导是人民当家作主和依法治国的根本保证 P13

……委 \Rightarrow 党

高频语词：改进执政方式，提高执政能力，巩固执政地位

国家治理体系治理能力现代化

以人民为中心

Tips：区分党、党组织、党员

注意时间，区分党是否执政了



第二单元: 人民当家作主
易混易错: 真实反映公民意愿是我国立法机关的基本价值取向

人民

全国人民代表大会及其常委会是立法机关
有立法权的国家机构 P98

民众可以通过社情民意反映制度参与监督政府

民主决策: 专家咨询、社会听证

社情民意反映,重大事项社会公示

创新代表联系群众方式,拓宽代表履职范围 ✓

不能说“拓宽权利”

人大代表 - 行使国家权力 ⇒ 人大

区分政治理协商: 对国家大政方针

参政议政: 反映社情民意,进行协商讨论 P55

市卫生健康委员会出台“...考”“...条例”

~~制定地方政府规章~~

“...通知”
“...规定”

全国人大常委会也行使立法权、决定权、任免权、监督权 P47

高频语词: 坚持党的领导、人民当家作主、依法治国有机统一

创新基层治理模式 推进全过程人民民主; 治理体能力建设

多元主体共建共治共享, 提升基层治理效能

基层 坚持党建引领基层社会治理, 把党的政治优势、组织优势
转化为基层治理效能 > 建设高素质村干部队伍

体察人民意志, 保障人民权益, 激发人民创造

回应人民诉求, 保障人民根本利益

拓宽民主渠道、丰富民主形式

民主选举、决策、协商、管理、监督



二、第三单元：全面依法治国

易混易错：

(规范)法律 促进 道德(教化)

~~社区~~行驶社会管理职能 \Rightarrow 政府

政府职能宏观调控、市场监管、社会管理、公共服务、环境保护

全面依法治国根本遵循和行动指南 \Rightarrow 习近平法治思想

党内法规 \Rightarrow 完善法律规范体系

适用于全体社会成员

邪教非宗教

该是人民群众根本利益的体现 \Rightarrow 立法阶级 P76

地方各级国家权力机关应当依照法定职权开展立法工作

有立法权的 地方人大立法权 P98

…部 / …厅 / …局 \Rightarrow 行政机关

高频语词：坚持宪法法律至上，推进宪政实施

建设法治国家 / 政府 / 社会 推进全面依法治国

立法：使…有法可依，为…提供法治保障、增强…制度刚性

为…提供良好政策环境

执法：推进政务公开，增强公信力执行力

严格规范公正文明执法

提高政务服务效能

司法：最后一道防线；以事实为根据，以法律为准绳

司法为人民依靠、人民（法律援助、链接法律服务体系）

调动人民投身于依法治国的
积极性 / 守法：加强法治宣传，道德建设，增强法治观念，尊法学守用

健全矛盾纠纷多元化解机制（法治社会）社会法治化（规范、制度、机制）



有机化学

NO.

DATE

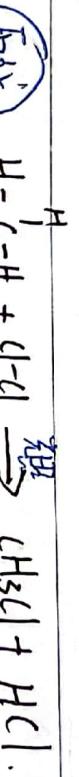
烷

稳定性：常下，不与强酸强碱强氧化剂反应

① 稳定性

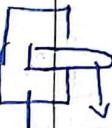


甲烷 分解 $\text{CH}_4 \xrightarrow{\text{高温}} 2\text{H}_2 + \text{C}$



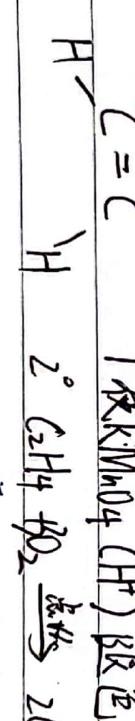
H

$\xrightarrow{\text{CH}_4, \text{Cl}_2$ 颜色变浅，出现油状液滴。



① 氧化反应

$\text{KMnO}_4(\text{H}^+)$ 褪色



$\text{CH}_2 = \text{CH}_2 + 2\text{H}_2\text{O}_2 \xrightarrow{\text{点燃}} 2\text{CO}_2 + 2\text{H}_2\text{O}$

颜色变浅，出现油状液滴。

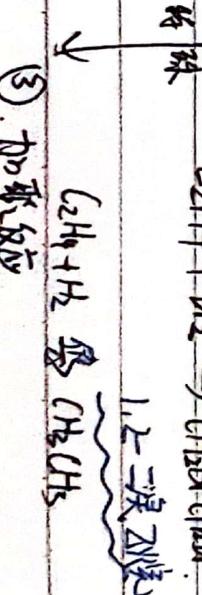
乙烯

② 加成反应 $\text{CH}_2 = \text{CH}_2 + \text{Br}_2 \xrightarrow[\Delta]{\text{光照}} \text{CH}_2\text{Br}-\text{CH}_2\text{Br}$

$\xrightarrow[1,2-\text{溴乙烷}]{\text{光照}}$

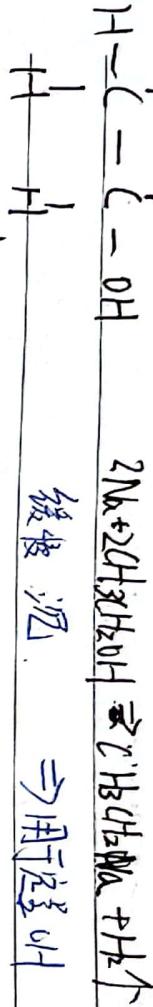


③ 加聚反应





① 与 Na



② 与 K

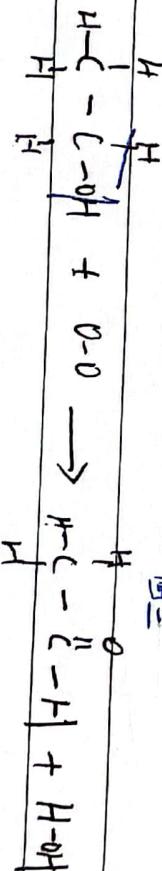


③. 被氧化
④. 反应物



④ 催化氧化

④ 催化氧化





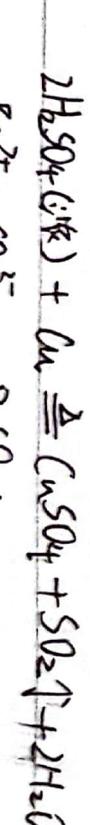
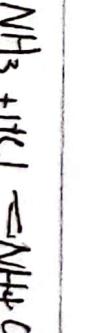
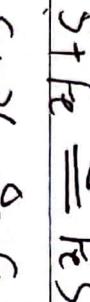
(2) 酯化

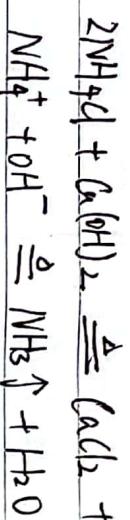


酯脱羧

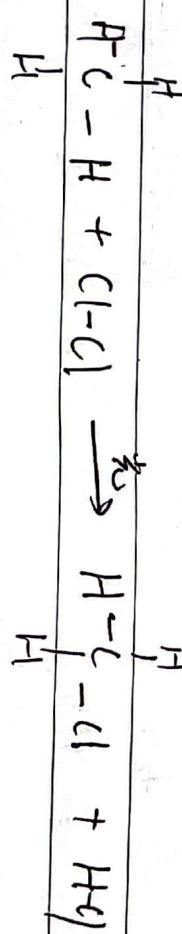
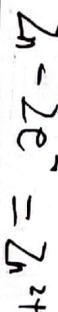
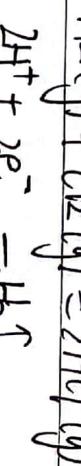
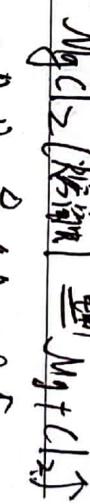
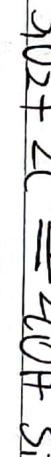
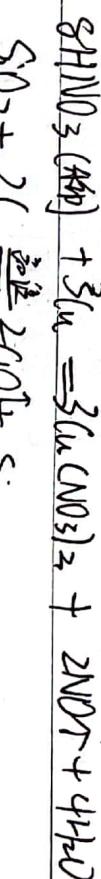
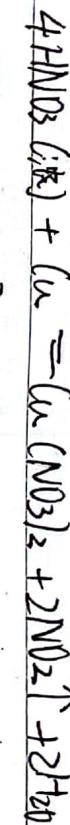


有层析出。





(简)



H



十七单元 电解质溶液

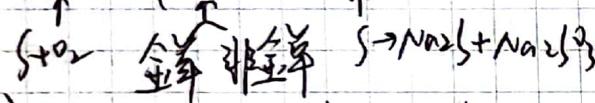
2019.6.29

高一七班 肖可凡

金属材料 $\text{CaNaMgAl}/\text{FeSnPbCu/HgAg/PtAu}$
电离 热还原 水解 双水解 提纯
海水淡化 \rightarrow 直馏、离子交换法、电渗析法、反渗透法

硫及其化合物

硫：还原性、氧化性、成盐



二氧化硫 SO_2 ：漂白、酸雨、氧化物、氧化性、还原性

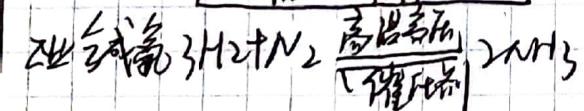
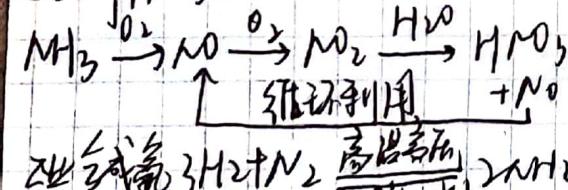
使紫色石蕊褪色 品红 吸水、碱、强氧化剂 $\text{SO}_2 + \text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{H}_2\text{SO}_3$

浓 H_2SO_4 ：吸水、脱水、强氧化剂、难挥发

黑褐色液体

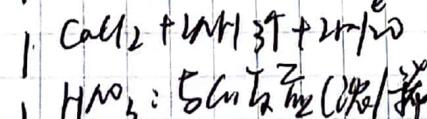
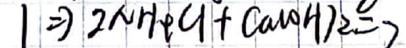
氮及其化合物

工业制 HNO_3 :



N_2 、 NO 、 NO_2
无色、不溶于水、42℃爆炸

氨强氧化剂 NH_3



HNO_3 : 56℃爆破(浓/稀)

与非金属单质反应

与还原性物质反应

无机非金属材料 玻璃、陶瓷、水泥

SiO_2 : 硅酸纤维

无机非金属：玻璃、陶瓷、水泥 有机高分子：塑料、油脂、橡胶

化学变化与能量变化

吉布斯定律 喬斯定律

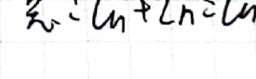
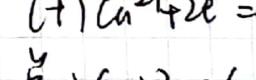
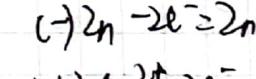
吉布斯自由能：断键吸收能 - 键能的和

原电池：化学能 \rightarrow 电能 e^- 流动

↑ 氧化 ① 阳离子 \rightarrow 还原 ② 得 e^-

↑ 还原 ③ 阴离子 \rightarrow 氧化 ④ 失 e^-

正极材料 电子导体 离子导体 正极材料



有机物 甲烷 CH_4 ：稳定性，可燃性，取代反应。

乙烷 C_2H_6 ：稳定性，加成反应，加聚反应。

乙醇 $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$ ：置换反应，氧化反应，...

乙酸 CH_3COOH ：酸性，酯化反应

其他营养物质 糖类：单糖/二糖/多糖

油脂：皂化反应

蛋白质：水解、变性、盐析、鞣制、显色反应

海水提溴：分离提纯



扫描全能王 创建

地理是国家的基本组成。—— 2020.9.9 李黑子

一、元素：地理是国家的基本组成。
自然因素：人文因素 / (22个)。
对元素的分析：

1. 指述元素 [特征]
2. 其他元素对本元素的影响。

3. 本元素对其他元素的影响。

4. 问题 (原因 + 影响 + 对策)

二、人文的元素

| 城市 | 人口 | 劳动 | 教育 | 土地 |
|---------|--------------------|------------------------|----|----|
| 集聚 / 焦点 | → 人口压力 / 消费量 / 产业多 | → 市场需求 | | |
| 城市 | → 人口压力 | → 人才 / 劳动力 / 消费量 / 产业多 | | |

| 经济 | 市场 | 劳动力 | 人才 | 科技 |
|------------|---------------|---------------------------|-------------|-----------|
| 廉价劳力 → 人才少 | → 市场需求大，人口压力 | → 经济发展，居民收入提高，消费能力增强，人口增长 | → 技术需求大，人才少 | → 人才少，技术少 |
| 人才 → 人才多 | → 市场需求大，人口增长 | → 经济发展，人口增长 | → 技术需求大，人才多 | → 人才多，技术多 |
| 科技 → 人才少 | → 市场需求少，人口增长少 | → 经济发展，人口增长少 | → 技术需求少，人才少 | → 人才少，技术少 |



扫描全能王 创建

教育 \rightarrow 科技

地租 $\left\{ \begin{array}{l} \text{高} \Rightarrow \text{生产格局; 放任} \\ \text{经济} \downarrow, \text{地租} \downarrow \\ \cdot \text{市心, 复杂化, 地租} \uparrow \end{array} \right.$

交通

主要政策历史

大城市 插柳市的作用, 消费人群支付能力
(需求, 产业)

基础设施 $\left\{ \begin{array}{l} \text{完善: 公共服务体系} \\ \text{不完善: 缺少需求, 成本上升, 生活便利} \\ \text{新一代建设: 教育设施, 优先地位} \end{array} \right.$

政策: / 技术资金雄厚完整 (财政补贴, 税收优惠, 政府投资)
+ 限制减少, 简政放权

历史 = 经久: 经验丰富, 工业基础雄厚, 人口压力
环境破坏程度高, 转型困难

产品交通 运输计

商品 $\left\{ \begin{array}{l} \text{产量 (数量)} \\ \text{质量} \\ \cdot \text{精美包装} \\ \text{安全系数} \end{array} \right.$

品牌 $\left\{ \begin{array}{l} \text{附加值: 加工, 科技 (名望, 品牌设计)} \\ \text{性价比: 价值} \\ \text{成本} \\ \text{环保程度} \\ \text{便捷程度: 交通便利, 数字化程度} \end{array} \right.$

便捷程度



扫描全能王 创建

交通 | 便利：物流发达，运输高。

距离

斌：（五）+交通网发达 + 交通点充足

+ 交通线分布 + 多状分布 带

(1) (2) (3) (4) (5) (6)

地理位置 | 优越：指向型

劳力

原料

市场

燃料、能源

距离市场近 + 交通枢纽 + 交通发达

+ 对外开放

市场资金产业优 | 市场大小

区域大小

市场（需求）

大 小

人口多少

协作程度、距离市场近

交通

营销：销量/质量/品牌/渠道

竞争：技术关系；同类产品竞争

市场需求

国外市场

进口

国内市场：市场需求、竞争力



扫描全能王 创建

资金 \rightarrow 缺乏

资金 | 充足 (经济发达, 政策支持, 融资渠道广).
| 缺乏: 反之.

产业 | 基础好, 链完整, 进入门槛低, 政策扶持多.
| 基础相关产业缺, 产业链待升级.
| 产业结构优化升级.

高新技术产业 新兴产业

能源/原料 | 质量好, 成本高, 价格低.
| 储备量/开采量 + 反应/生长 + 估计 (能源消耗量)
+ 2) 持续发展 + 正确 + 利用 + 增强.

环境 清洁生产.

信息集聚工业区

信息 | 通达, 了解市场变化, 学技术趋势.
| 发达, 信息传播效率高, 网络健全.
| 资金/数据/信息产业发展, 努力服务 \rightarrow 良良性企业
化类型.

集聚: 降低生产成本, 取得规模效益.

产业链: 生产.



扫描全能王 创建

城人二蒸料热地

大基政策历史久

商品交通地阜有

市场资金产业链

能源原料环境高

位置集聚工业基



扫描全能王 创建

人口元素

一、人口描述

(一) 人口数量/总量：增长/翻倍；

a. 人口多：基数大+人口流入+自然增长率。

(二) 人口增长(自然增长，机械增长)

自然增长率=出生率-死亡率

机械增长率=迁入率-迁出率

(三) 人口分布

a. 空间分布

b. 分布均匀/不均

c. 哪多哪少

由农村向城市；集中分布，沿海平原，靠近水源，寒带弱

(四) 人口密度(人地关系)稀疏/稠密

(五) 人口结构

a. 年龄结构 (老龄化/青壮化)

b. 性别结构

c. 未来人口和家庭结构

d. 产业结构

(六) 人口流动性 受教育程度

(七) 人口出生/死亡率

人才



扫描全能王 创建

二、人口(其他元素对人口影响略)

聚落 + 人口政策 + 区域资源承载力 + 自然增长 + 机械增长

(一) 聚落(乡村、城市)

(一, 二, 三)

· 自然(气候地形水文+资源) + 产业支撑 + 地理位置

(二) 人口政策

· 生育政策、养老、社会保障、户籍、移民、人才引进

(三) 区域资源承载力

a. 资源丰富程度(资源)

土地、水、矿产、森林(货运、清洁能源)

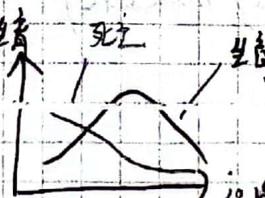
b. 科技发展水平、人口教育水平 → 资源利用率 → 正相关

c. 经济发达程度、正相关

d. 区域开放程度、正相关

e. 人均消费、生活水平、负相关

(四) 影响人口自然增长:



i. 人口迁移

1. 经济发达程度(负相关)

2. 医疗卫生条件

3. 政策

4. 文化 6. 宗教、自然灾害



影响人口机械增长的因素

人口推拉力公式：

收入 + 土地配套 + 内部交通 + 外部交通 + 地理位置

+ 文化习俗

土地（自然 + 水源 + 食物 + 安全（生物、魔兽））

人口拉力工（居住需求大）

迁入工况：就业、生活压力，低值地，城市化，产业结构
自身教育/子女教育

① 生活因素 - 经济

（发达地区）经济发展快，就业机会多，收入水平高 + 产业支持。

（落后地区）就业压力大，物价水平低，经济水平低且发展慢。

② 交通

A. 建成开放程度，交通基础设施

B. 进出且与进入区位是否相近

③ 文化教育

种族文化，宗教，环境等

④ 其他（战争，民族）



扫描全能王 创建

[人口推力]

① 穗 - 经济

(穗) 经济发达，收入高，就业机会多，生活水平高。

(发达地区) 就业压力大，物价高，生活水平低，节奏快。

② 环境

污染严重 (农业发达地区；发达国家)

③ 交通

相对闭塞，地位偏僻，对外开放程度低。

④ 文化教育

⑤ 其他

三、人口对其他元素影响

人口：劳动力 + 消费市场 + 环境压力

影响：人口压力 (环境人口容量，环境承载力)。

→ 环境 + 劳动力 → 带动产业 + 消费量 → 市场 + 压力

(城市化：农业 → 工业 → 服务业)

1. 人口流入

例 ① 劳动力 → 经济发达 → 带动相关产业 → 创业

② 缓解老龄化 ③ 传承文化。

弊 ① 人口压力、环境压力增大，环境污染。

② 城市病



扫描全能王 创建

人口问题

小结

- (1) 限制人口矛盾，环境优美局。
- (2) 加强区域文化交流。
- (3) 限制城市发展。

弊

① 劳力短缺

② 支持人口老龄化

四、人口问题 (原因 - 影响 - 对策)

1. 人口增长过快

① 原因：人口增长的过渡阶段，经济发展水平提高。
生存水平高，文化观念

② 危害 (社会问题)

环境问题

③ 对策 拦制人口增长

增加人口压力，环境承载力。

保护资源。

提高资源利用率。

完善社会保障。

加大科技发展。

合理、节约、开放。

改变消费观念 (节约)。

2. 人口老龄化

① 原因：人口增长少。

② 影响：劳力短缺，国防兵源不足，经济停滞。

社会负担

一级养老保险行业



扫描全能王 创建

对象：自然增长率；调整产业结构。

机械增长：鼓励外来移民/外籍劳工。

完善社会保障。

3. 男女比例失调

原因：观念 / 战争。

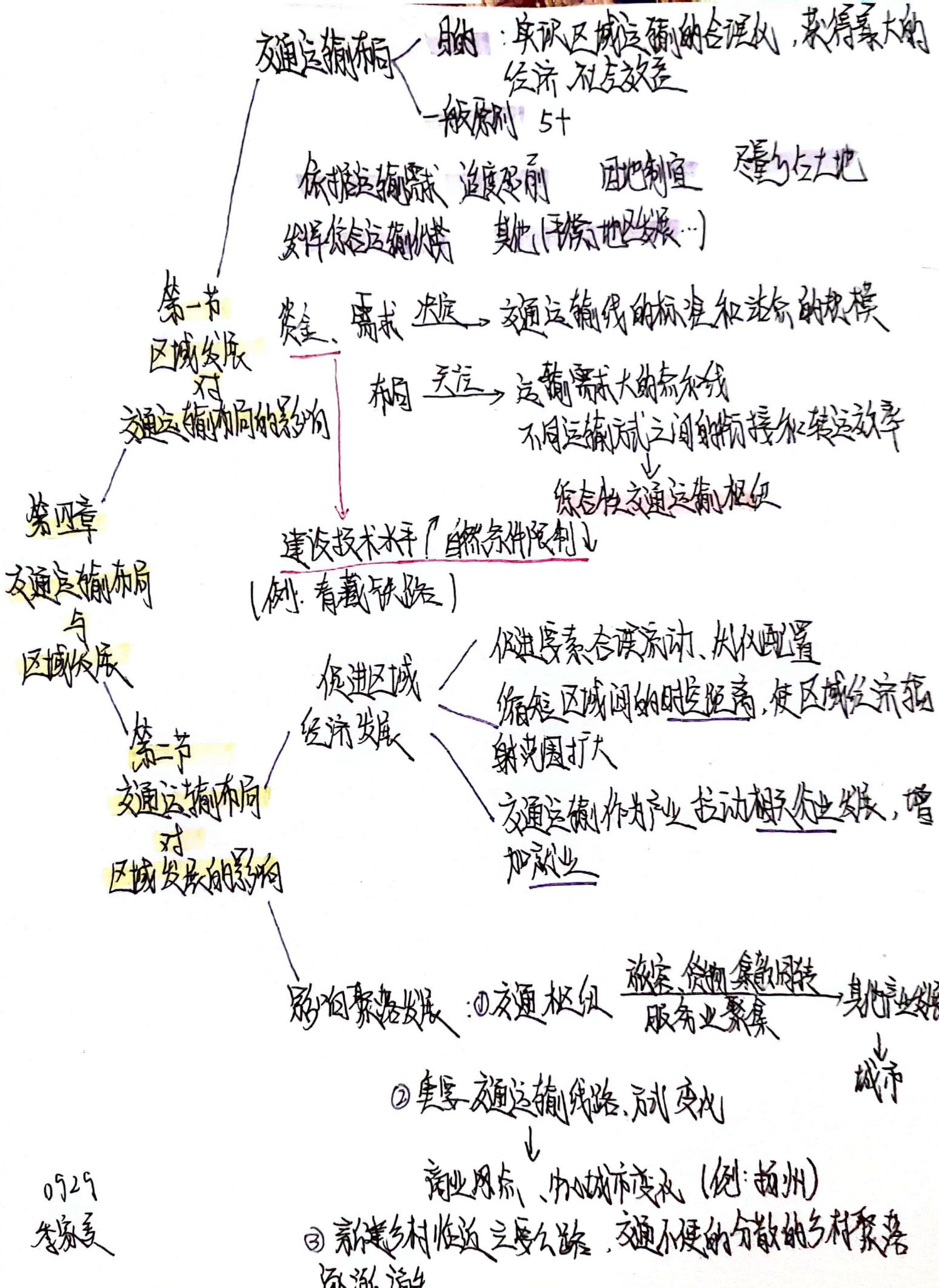
影响：不利于社会稳定。

对象：改革观念、推动男女平等。

完善制度。



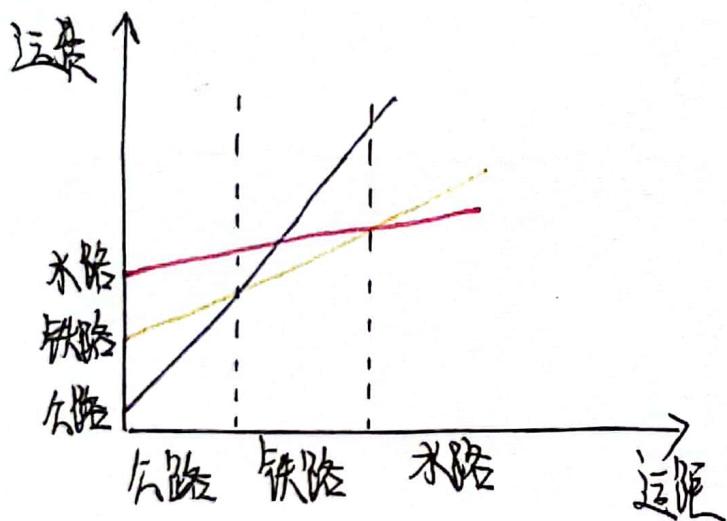
扫描全能王 创建



扫描全能王 创建

五种交通运输方式

| 方式 | 优点 | 不足 |
|------|---------------|--------------|
| 铁路运输 | 连续性好、运量大、速度快 | 短途运输运费较高 |
| 公路运输 | 灵活性强 | 运量小、运费较高 |
| 航空运输 | 速度快 | 运费高、运量小、且易变差 |
| 水路运输 | 运量大、运价低 | 连续性差、速度慢 |
| 管道运输 | 连续性好、运价低、运量较大 | 前期投资大、灵活性差 |



扫描全能王 创建

- 一、匀速圆周运动
- 基本单位关系: $v = \omega r = \frac{2\pi r}{T} = 2\pi r \cdot n$ → 转速
 - 匀速圆周运动: 做圆周运动的物体所受合力 指向圆心、不改变速度大小, 只改变速度方向

$$F = m\omega^2 r = m \frac{v^2}{r} = m \frac{4\pi^2}{T^2} r = m 4\pi^2 n^2 r$$
(2) 向心力: 匀速圆周运动的合力 指向圆心
$$a = \omega^2 r = \frac{v^2}{r} = \frac{4\pi^2}{T^2} r = 4\pi^2 n^2 r$$
(3) 性质: 非匀变速(变变速)曲线运动
3. 一般曲线运动
-
4. 传动: 皮带、齿轮、靠车轮传动: 边缘点线速度大小相等 共轴传动: 角速度、周期相同
- 二、典型题目类型
- 水平圆周运动: 水平转盘, 圆锥摆(漏斗摆), 汽车在水平转弯, 有无超高(外高内低)
注意向心力水平指向圆心, 若有摩擦力方向不确定
 - 竖直圆周运动: 共轴模型 过山车模型 细绳模型
能确定单力方向, 能通过最高点(不被甩出)条件为 $N \geq 0$
 - 管道(杆)模型 弹力方向不确定(最低点处一定向上)
 - 绳子挂着球碰到墙上的钉子 能通过最高点条件为 $N \geq 0$
绳子挂着球碰到墙上的钉子, 线速度不会立刻改变
- 三、易错点
- 时针、分针、秒针的周期分别为12小时, 1小时, 1分钟
 - 匀速圆周运动速度是保持不变的, 方向改变了, 但角速度没有改变
(加速度)
 - 不能根据 $a = \frac{v^2}{r}$, $a = \omega^2 r$ 说 $a \propto v$ 成正比或成反比, 成正比前提是线速度大小一定, 成反比前提是角速度一定



扫描全能王 创建

ch. 5 手抛体运动

1. 曲线运动：(1) 速度方向：运动轨迹切线方向
(2) 性质：变速运动（加速度不为零）
(3) 条件： $F_{合} \neq 0$ 且与 v 不共线 合力总指向轨迹弯内侧 ($v=0$ 时除外)

2. 运动的合成与分解：任意时刻（时间）两个分运动的坐标（位移）、（平均）速度、（平均）加速度的矢量和就是合运动的坐标（位移）、（平均）速度、（平均）加速度

3. 平抛运动：(1) 概念：将物体沿水平方向抛出，在重力作用下的运动
(2) 特点：竖直分运动是自由落体，水平分运动是匀速直线运动
(3) 规律：

| | | | |
|----|-------------------------|----------------------------|-----------|
| 水平 | $x = v_0 t$ | $v_x = v_0$ | $a_x = 0$ |
| 竖直 | $y = \frac{1}{2} g t^2$ | $v_y = g t$ | $a_y = g$ |
| 总 | $r = \sqrt{x^2 + y^2}$ | $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$ | $a = g$ |

- (4) 性质：匀变速曲线运动 任意相等时间内速度变化都相同 (大小相等 方向相同)
(5) 轨迹方程： $y = \frac{g}{2v_0^2} x^2$

4. 一般抛体运动：(1) 特点：水平方向匀速直线运动，竖直方向匀变速直线运动

- (2) 规律：

| | | | |
|----|---|---------------------------------|------------------------|
| 水平 | $x = v_0 \cos \theta t$ | $v_x = v_0 \cos \theta$ | $a_x = 0$ |
| 竖直 | $y = v_0 \sin \theta t \pm \frac{1}{2} g t^2$ | $v_y = v_0 \sin \theta \pm g t$ | $a_y = g$ (上抛取-, 下抛取+) |
| 总 | $r = \sqrt{x^2 + y^2}$ | $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$ | $a = g$ |

射高 (最高点与初位置的高度差)： $H = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$ (经过最高点后为平抛)
射程： $L = \frac{2v_0^2 \sin \theta \cos \theta}{g}$

5. 探究平抛运动特性的实验注意事项：(1) 必须让小球每次从斜槽上的同一位位置由静止释放以保证初速度相等，使运动轨迹相同

- (2) 坐标系原点应在木槽末端正上方与球心等高处

- (3) 调整背板竖直是为了确保运动轨迹记录不变形

- (4) 通过将小球放在斜槽末端看其是否滚动判断斜槽末端是否水平

- (5) 斜槽与小球的摩擦对实验无影响，因为每次摩擦情况都一样，每次平抛初速度都一样，轨迹都一样而小球开始做平抛运动后已离开斜槽不受其摩擦影响

- (6) 从轨迹上选点计算初速度时，该点不宜太近，否则坐标测量误差大也不宜太远，否则速度较大，空气阻力较大，实际轨迹偏离理论轨迹较远

6. 易错点提醒：(1) 曲线运动一定是变速运动，但可以是匀变速运动（可以在恒力作用下）

- (2) 同一高度将三小球以相同初速度分别竖直上抛、平抛、竖直下抛，落地时速度大小相等

- (3) 平抛的水平射程不由初速度决定

- (4) 斜抛运动在最高点速度与加速度均不为0



三、万有引力理论的成就

宇宙航行

1. 绕中心天体做匀速圆周运动

$$G \frac{Mm}{r^2} = ma \Rightarrow a = \frac{GM}{r^2}$$

$$G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$$

$$G \frac{Mm}{r^2} = m\omega^2 r \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{GM}{r^3}}$$

$$G \frac{Mm}{r^2} = m(\frac{2\pi}{T})^2 r \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$$

2. 自转天体：假设地面为惯性系。

设物体受到重力平衡的力—重力

$$(1) \text{ 赤道: } mg_0 = N_0 = G \frac{Mm}{R^2} \Rightarrow mg_0 = G \frac{Mm}{R^2}$$

$$\text{①} \Rightarrow M_{\text{地}} = \frac{g_0 R^2}{G}$$

$$\text{②} \Rightarrow g_0 = \frac{GM}{R^2}$$

$$\text{③ 黄金代换: } GM = g_0 R^2$$

$$(2) \text{ 赤道: } G \frac{Mm}{R^2} - N = m \left(\frac{2\pi}{T_0} \right)^2 R \Rightarrow mg = N = G \frac{Mm}{R^2} - m \left(\frac{2\pi}{T_0} \right)^2 R$$

① ⇒赤道处重力加速度

$g_{\text{赤}} & g_{\text{赤}} \Rightarrow$ 同一物体越靠近赤道 $g \downarrow$.

② 星球最小自转周期: 条件: $N \geq 0$

③ 不考虑重力差异 $mg = N = G \frac{Mm}{R^2} \Rightarrow$ 题中无 g . 考虑差异

3. 三个宇宙速度

(1) 第一宇宙速度: 从地表发射卫星所需最小初速度 7.9 km/s \Rightarrow 近地卫星运行最大速度

(2) 第二宇宙速度: \dots 使其能脱离地球束缚 11.2 km/s

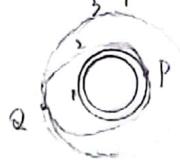
(3) 第三宇宙速度: \dots 使其能脱离太阳系束缚 16.7 km/s

4. 双星系统

$$m_1 \rightarrow r_1 \rightarrow r_2 \rightarrow m_2$$

$$m_1: G \frac{m_1 m_2}{L^2} = m_1 \left(\frac{2\pi}{T_1} \right)^2 r_1 \quad r_1 + r_2 = L \Rightarrow T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{L^3}{GM}} \quad n = \frac{M_2}{M_1 + M_2} \frac{L}{M_1}$$

5. 绕中心天体做椭圆轨道运动



$$a_1 = a_{2P} > a_{2Q} = a_3$$

$$\text{证: } G \frac{Mm}{r^2} = ma \Rightarrow a = \frac{GM}{r^2}, r \downarrow a \uparrow.$$

$$v_{2P} > v_1 > v_3 > v_{2Q}.$$

$$\text{证: 1\&P } G \frac{Mm}{r_1^2} = m \frac{v_1^2}{r_1}$$

$$2\ell P F_{\text{合}} = \frac{GMm}{r_1^2}$$

设 $2\ell P$ 在半径为 r_1 的轨道上运行。

$$F_{\text{合力}} = m \frac{v_2 P^2}{r_1}$$

$$\text{实际: } G \frac{Mm}{r_1^2} < m \frac{v_2 P^2}{r_1} \Rightarrow v_1 < v_{2P}. \text{ 之.}$$

$$v_3 < v_{2Q} \text{ 同理.}$$

典型问题

1. 追及问题

$$\frac{T_1 \pm t}{T_2} = 1 \Rightarrow T = \frac{T_1 T_2}{T_2 \pm T_1} \text{ 注意: 是同向. 反向略}$$

2. 追及与远日点速度关系. 多同向.

$$\begin{aligned} \Delta t &= S = \bar{v} t_{\text{追及}} = \bar{v} t_{\text{远日}} \\ &\Rightarrow \frac{v_{\text{追}}}{v_{\text{远}}} = \frac{t_{\text{追}}}{t_{\text{远}}} \end{aligned}$$

3. 地面上. 近地轨道上. 同步轨道上. 各物理量比较.

地面. 同步轨道: T 一样

先: 地圆. 匀速运动

再: 同. 万有引力+周期运动



扫描全能王 创建

机械能章节

1. 易错点

- ① 功与参考系选择有关，一般都指地面上
- ② 作用力和反作用力的功没有必然关系
- ③ 那个 $\cos\theta$ 不容易忘，但是 $\theta = \pi$ 时特别容易忘
- ④ 固定物体对物体的弹力不做功，比如从楼上掉下来折了，不能怪地面
- ⑤ 从天而降的石子会陷到地里面，水库的水重心不在头顶上
- ⑥ 图像面积的正负与功的正负没关系
- ⑦ W 前面从来不要负号
- ⑧ 动能定理功等于末减初，重力势能变化末减初，重力做功负的末减初
- ⑨ 功是标量

2. 脱稿卷子上写公式

$$W = F \cdot L \cdot \cos\theta \quad W = F \cdot L \quad W = -F \cdot L$$

$$W_{\text{合}} = W_1 + W_2 + \dots + W_n$$

$$W_f^{\text{弹}} = W_f^{\text{滑}}$$

$$W_f = f \cdot s$$

$$|W| = |\text{面积}| \quad |W| = |S|$$

$$P = \frac{W}{t}$$

$$P = F \cdot v \cdot \cos\theta$$

$$W_G = -\Delta E_G$$

$$W_1 + \dots + W_n = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 \quad \text{其中 } W_f \text{ 可以写成 } \pm fd$$

$$\frac{1}{2}mv_1^2 + mgh_1 = \frac{1}{2}mv_2^2 + mgh_2$$

3. 机械能守恒条件

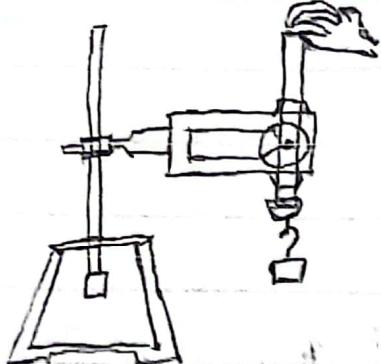
只有静摩擦力、弹力、重力做功



扫描全能王 创建

验证机械能守恒

用这张图回忆一下吧



常考的东西：

- ① 先接通电源，再释放纸带
- ② 不用天平
- ③ 速度 $v = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ ，千万不能用 $v = \sqrt{2gh}$ （否则它咋不守恒？）



扫描全能王 创建

4.1 动量守恒定律

[Part 1] 知识点

一. 动量

1. 定义: $P = mV$ 单位: kg·m/s

2. 性质: ①瞬时性(状态量)

②矢量性: 与速度方向一致

二. 动量定理

1. 冲量: (1) $I = F \cdot t$ (适用于求恒力的冲量) 单位: N·s

(2) 性质: ①过程量(力随时间累积)

②矢量性: 与速度方向一致

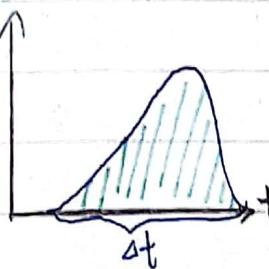
(3) 变力冲量的计算:

① 微元法

② $F-t$ 图的面积

(4) 理解: $F = \frac{I}{t}$

→ 力随时间平均值



2. 内容: 物体的动量变化等于合力的冲量

$$I = \Delta P$$

(合外力冲量) $F \cdot \Delta t = MV' - MV$

理解: $F \cdot \Delta t = \Delta P \Rightarrow F = \frac{\Delta P}{\Delta t}$ 合外力是动量所(时间)变化率

(牛顿第二定律的原始形式)

3. 系统动量定理:

对于 1, 2, 3, ..., n 个点, 构成的系统:

$$\left. \begin{aligned} & 1: \vec{I}_{内} + \vec{I}_{外} = \Delta \vec{P}_1 \\ & 2: \vec{I}_{内} + \vec{I}_{外} = \Delta \vec{P}_2 \\ & \vdots \\ & n: \vec{I}_{内} + \vec{I}_{外} = \Delta \vec{P}_n \end{aligned} \right\} \text{求和: } \vec{I}_{内} + \vec{I}_{内} + \dots + \vec{I}_{内} + \vec{I}_{外} + \vec{I}_{外} + \dots + \vec{I}_{外} = \vec{I}_{总}$$

[外力冲量 = 系统动量变化量]

N.B. 没有系统动能定理!

三. 动量守恒定律

1. 内容: 若一个系统 不受外力/外力的矢量和为0, 该系统总动量保持不变。

2. 动量守恒的判断:



扫描全能王 创建

(1) 判断不守恒：通常通过现象即判断

(2) 判断守恒：通过条件判断

4种情况

① 不受外力

② 外力的矢量和为0

③ 内力>外力 e.g. 爆炸、碰撞、打击 ($\Delta t \rightarrow 0$)

④ 正交分解 \Rightarrow 某方向上满足(1)(2)或(3)，该方向上动量守恒

3. 适用范围：一切（包括微观、高速）

4. 动量 VS 能量

$$E_k = \frac{p^2}{2m}$$

$$p = \sqrt{2m E_k}$$

比较：

能量

动量

过程量

功：与位移有关

冲量：与时间有关

状态量

动能：与速率有关

动量：与速度有关

定理（单物体） 动能定理：标量式

动量定理：矢量式

没有条件！

与位移有关

与时间有关

可正交分解

守恒（系统） 机械能守恒：标量式

动量守恒：矢量式

条件：只有与系统内势能时

条件：合外力为零

应对外做功($G, F_{\text{弹}}$)

四、碰撞

1. 分类：(1) 按速度方向 \rightarrow 一维(对心、正碰)

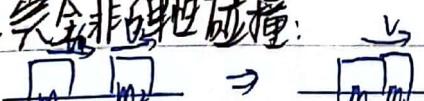
二维

(2) 按机械能是否守恒 \rightarrow 弹性碰撞 (机械能守恒)

非弹性碰撞 (机械能不守恒)

\rightarrow 完全非弹性碰撞 (损失最多 \rightarrow 碰后速度相同)

2. 完全非弹性碰撞：



$$\text{动量守恒: } m_1 v_1 + m_2 v_2 = (m_1 + m_2) V \Rightarrow V = \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2}{m_1 + m_2}$$

3. 一维弹性碰撞：



$$\text{动量守恒: } m_1 v_0 = m_1 v_1 + m_2 v_2$$

$$\text{能量守恒: } \frac{1}{2} m_1 v_0^2 = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2$$

解得：

$$v_1 = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_0, \quad v_2 = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_0$$



扫描全能王 创建

(1) 若 $m_1 = m_2$: $V_1 = 0, V_2 = V_0$ (速度交换) \rightarrow 应用: 反冲摆

(2) 若 $m_1 \gg m_2$: $V_1 \approx V_0, V_2 \approx 0$

(3) 若 $m_1 < m_2$: $V_1 < 0$ 反弹

(4) 若 $m_1 \ll m_2$: $V_1 \approx -V_0, V_2 \approx 0$ (原速率反弹) \rightarrow 常见于“碰撞墙”情境

4. 碰撞合理性判断 (按顺序)

(1) 符合常规 (若碰撞后不反弹, 撞前速度较大的小球撞后速度较小)

(2) 动量守恒

(3) 机械能不增加

五. 动量守恒的应用

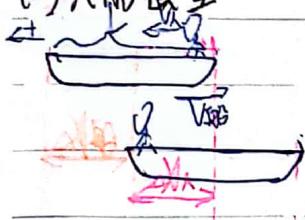
(1) 反冲现象、火箭

设喷气前后瞬间, 火箭速率分别为 V, V' , 燃气相对火箭速度为 u , m 为火箭起飞时质量, m' 为火箭除燃料外的箭体质量, 求火箭速度增量?

$$\begin{array}{c} m \\ m' \\ \boxed{m-m'} \end{array} \uparrow V \quad \boxed{m'} \uparrow V' \quad \text{守恒: } mV = m'V' - (m-m')u \\ \boxed{m-m'} \downarrow u-V' \quad \Delta V = V' - V = \left(\frac{m}{m'} - 1\right)u \end{array}$$

N.B. 根据同时性: “燃气相对火箭速度”是指相对喷气后的火箭

(2) 人船模型



$$\begin{array}{c} \text{守恒: } m_{\text{人}}(V_{\text{人}}) + M_{\text{船}}(V_{\text{船}}) = 0 \\ \Rightarrow m_{\text{人}}v_{\text{人}} = -M_{\text{船}}v'_{\text{船}} \end{array}$$

$$\text{几何: } \Delta x_{\text{船}} + \Delta x_{\text{人}} = L \Rightarrow \Delta x_{\text{人}} = \frac{M_{\text{船}}}{m_{\text{人}} + M_{\text{船}}} L, \Delta x_{\text{船}} = \frac{m_{\text{人}}}{m_{\text{人}} + M_{\text{船}}} L$$

[Part 2: 典型模型] (常与动力学、能量结合)

1. “毛毛虫”模型

A $\xrightarrow{\text{mootoo}} B$

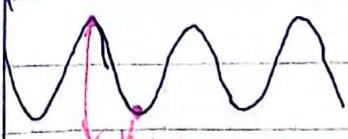
1. 何时 A, B 距离最近? $V_A = V_B$ 时

—★ 两物体沿同一直线运动: 距离最小 / 最大 \Leftrightarrow 速度相同

2. 能量守恒: $E_k, E_{\text{弹}}, Q$ (摩擦热)

3. 弹簧某一侧物体的速度能否沿某个方向? ($v=0$)

v_A (仅考虑最大速度所向即可)



需确定平衡位置

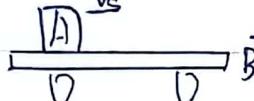
弹簧原长时, $E_{\text{弹}}$ 最小, 在最大计算此时速度所向

传播与波: 弹簧原长



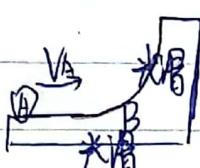
扫描全能王 创建

II. 板块模型

(i)  常用: P守恒 & E_k守恒 (E_k及几何关系)
求相对位移时优先考虑

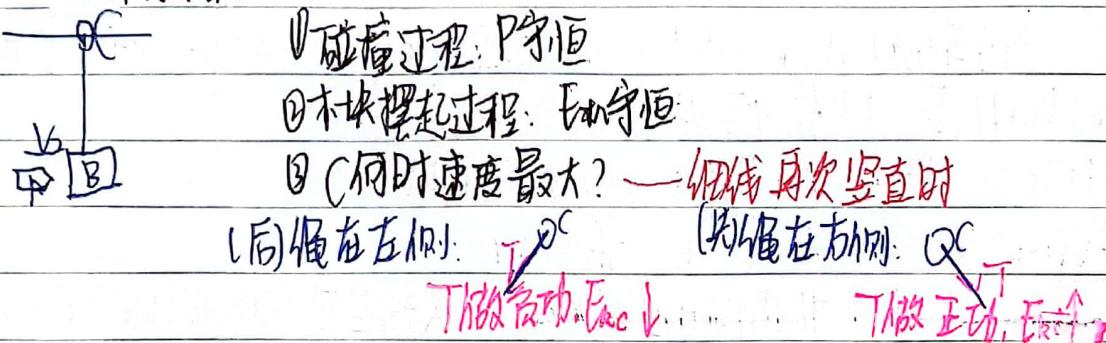
(ii)  求碰撞次数: P守恒 \rightarrow 最终共速时速度 $\rightarrow P_k = \frac{1}{2} \cdot f \cdot L$
次数 \leftarrow 相对位移 L

III. 小球一圆弧面(不固定)



1. 最高点: $v_A = v_B$
2. 若A回到水平面, 对平方向可看作弹性碰撞

IV. 子弹打木块



- ① 碰撞过程: P守恒
- ② 木块摆起过程: E_k守恒
- ③ C何时速度最大? —— 绳线再次竖直时

(后) 缠在左侧: T^C (先) 缠在右侧: Q^C

T做负功, $E_{\text{kin}} \downarrow$ T做正功, $E_{\text{kin}} \uparrow$

[Part 3] 注意事项

1. 动量变化率就是合力
2. 地面上平均作用力: 不要丢重力!
3. 涉及非弹性碰撞: 碰撞过程E_k不守恒, 必须单独处理碰撞
4. 若分段很难考虑, 尝试分析全过程
5. 减少出错概率的Tips:

① 画情境图找几何关系

② 涉及到一组速度, 标上是哪个物体在那一状态的速度

③ 以过程为单位列式 (1) 过程: $\boxed{\quad}$ (2) 过程: $\boxed{\quad \dots}$



正弦定理

by 高一数学 下册

1. 正弦定理

$$\boxed{\text{正弦定理: } \frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}}$$

(边化角) $a = 2R \sin A$ $b = 2R \sin B$ $c = 2R \sin C$

(角化边) $\sin A = \frac{a}{2R}$ $\sin B = \frac{b}{2R}$ $\sin C = \frac{c}{2R}$

* 用于等式两边转化、消去 $2R$.

2. 运用结论 ① 大角对大边, 小角对小边

② $\triangle ABC$ 中, $A > B \Leftrightarrow \sin A > \sin B$ $A > B \Leftrightarrow \cos A < \cos B$

$\sin A + \sin B > \sin C$

③ 正弦定理 $a = c \cos B + b \cos C$. . .

④ $\sin A = \sin [\pi - (B+C)] = \sin (B+C) = \sin C \cos B + \cos C \sin B$.
由正弦定理得 $a = c \cos B + b \cos C$.

3. 三角形解的个数.

① 从锐角看: $\sin B = \frac{b \sin A}{a} > 1$ 三角形个数为0

$\sin B = \frac{b \sin A}{a} = 1$ 三角形个数为1

$\sin B = \frac{b \sin A}{a} < 1$ 三角形个数为1或2

② 从大边对大角角度看.

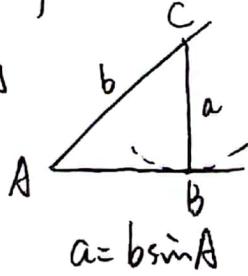
设 A 为锐角. 当 $a \geq b \sin A$, 即 $A \geq B$, B 为锐角, 三角形个数为1

当 $a < b \sin A$, 即 $A < B$. $\sin B = \frac{b \sin A}{a}$

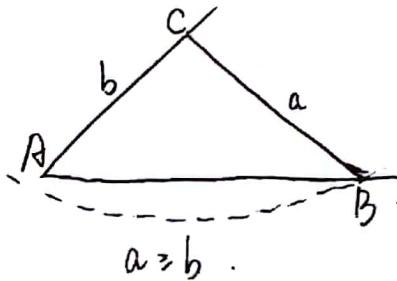
| | | |
|---|--|---|
| $\begin{cases} \sin B > 1, \\ \sin B = 1, \\ \sin B < 1, \end{cases}$ | $\begin{cases} a < b \sin A \\ a = b \sin A \\ a > b \sin A \end{cases}$ | $\begin{cases} 0 \text{ 解} \\ 1 \text{ 解} \\ 2 \text{ 解} \end{cases}$ |
|---|--|---|

③ 从几何角度 设已知 A, b

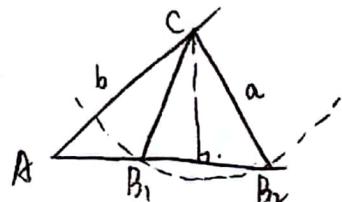
i) A 为锐角



$$a = b \sin A$$

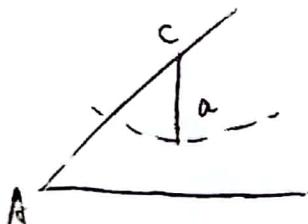


1解.



$$b \sin A < a < b$$

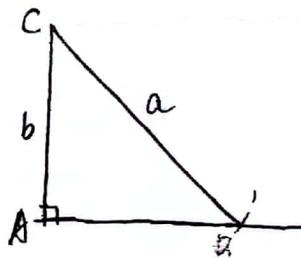
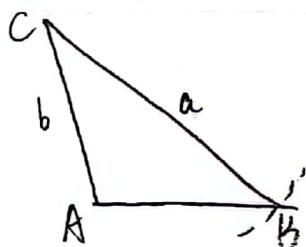
2解.



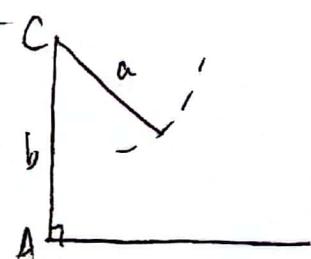
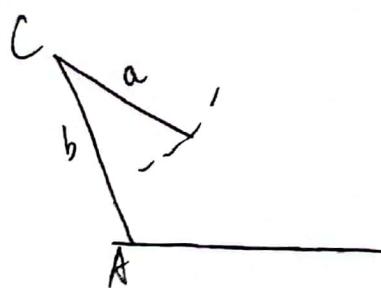
$$b \sin A > a$$

0解.

ii) A 为直角或钝角



$a > b$ 1解



$a \leq b$ 0解

关键思路：固定一角二边，旋转活动边，
沿固定边找交点，再判断

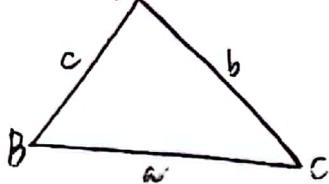


扫描全能王 创建

余弦定理

by 高一(1)班 于浩宇

1. 公式及变形



$$\text{由向量 } \vec{AC} = \vec{AB} + \vec{BC} \\ \therefore \vec{AC}^2 = (\vec{AB} + \vec{BC})^2 = \vec{AB}^2 + \vec{BC}^2 + 2\vec{AB} \cdot \vec{BC} \\ = \vec{AB}^2 + \vec{BC}^2 + 2|\vec{AB}| |\vec{BC}| \cos(\pi - B) \\ \text{即 } b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B.$$

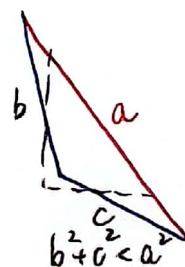
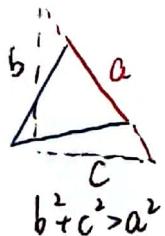
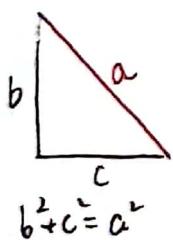
$$\begin{aligned} \text{同理可得: } a^2 &= b^2 + c^2 - 2bc \cos A & b^2 &= a^2 + c^2 - 2ac \cos B \\ c^2 &= a^2 + b^2 - 2ab \cos C \end{aligned}$$

$$\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} \quad \cos B = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac} \quad \cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$$

2. 余弦定理与三角形

$b^2 + c^2 > a^2 \Rightarrow \cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} > 0 \Rightarrow A$ 为锐角 $\Rightarrow \triangle ABC$ 为锐角三角形

同理 $b^2 + c^2 = a^2 \Rightarrow \triangle ABC$ 为直角 \triangle $b^2 + c^2 < a^2 \Rightarrow A$ 为钝角 $\Rightarrow \triangle ABC$ 为钝角 \triangle



也可以画草图快速判断.

3. 三角形的高

$$\begin{aligned} \text{① } ha &= b \sin C = c \sin B \\ \text{② } ha &= \frac{2}{a} \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} \quad p = \frac{1}{2}(a+b+c) \end{aligned}$$



扫描全能王 创建

4. 三角形的面积

$$\textcircled{1} \quad S = \frac{1}{2} a \cdot h_a = \frac{1}{2} b \cdot h_b = \frac{1}{2} c \cdot h_c$$

$$\textcircled{2} \quad S = \frac{1}{2} r(a+b+c) \quad r \text{ 为 } \triangle ABC \text{ 内切圆半径.}$$



$$S = S_1 + S_2 + S_3$$

$$\textcircled{3} \quad S = \frac{1}{2} ab \sin C = \frac{1}{2} ac \sin B = \frac{1}{2} bc \sin A$$

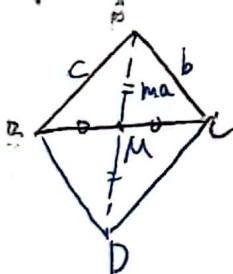
$$\textcircled{4} \quad S = \frac{1}{2} ab \sin C = \frac{1}{2} a \cdot \frac{a \sin B}{\sin A} \sin C = \frac{1}{2} \frac{a^2 \sin B \sin C}{\sin A}$$

$$\textcircled{5} \quad S = 2R^2 \sin A \sin B \sin C = \frac{abc}{4R} \quad R \text{ 为外接圆半径}$$

$$\text{将 } a = 2R \sin A \text{ 代入 } S = \frac{1}{2} a \cdot \frac{\sin B \sin C}{\sin A}$$

$$\textcircled{6} \quad \text{海伦公式: } S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} \quad p = \frac{1}{2}(a+b+c)$$

5. 中线长 m_a 为 a 边上的中线 $m_a = \frac{1}{2} \sqrt{2(b^2 + c^2) - a^2}$



$$\triangle ABC \text{ 中, } AB^2 + BD^2 + CD^2 + AC^2 = AD^2 + BC^2$$

$$\begin{aligned} & 2b^2 + 2c^2 = a^2 + (2m_a)^2 \\ \therefore m_a &= \frac{1}{2} \sqrt{2(b^2 + c^2) - a^2} \end{aligned}$$



扫描全能王 创建

三角函数初步、互逆

春梓诗、1

角的推广与弧度制

像这样绕着一个点旋转形成的图形叫做角，顺时针为负角，逆时针为正角。一般以x轴正半轴为始边，终边落在第几象限就是第几象限角。

负角的终边或负角可加 360° 或减 360° 使其变为正角。

弧度定义：半径r圆周所对弧长l圆心角为 α rad. $\alpha = \frac{l}{r}$

$$1 \text{ rad} = \left(\frac{180}{\pi}\right)^\circ \approx 57^\circ 18'$$

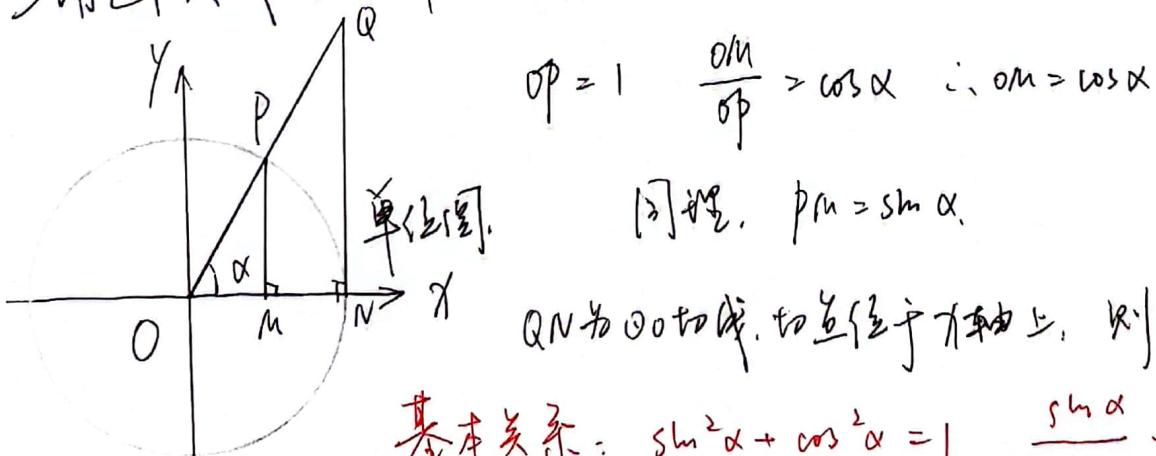
常见弧度角度互化：

| | | | | | | | | | | | |
|---|-----------|------------|------------|------------|------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| 度 | 0° | 30° | 45° | 60° | 90° | 120° | 135° | 150° | 180° | 270° | 360° |
|---|-----------|------------|------------|------------|------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|

| | | | | | | | | | | | |
|----|-----|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|------------------|------------------|------------------|-------|------------------|--------|
| 弧度 | 0 | $\frac{\pi}{6}$ | $\frac{\pi}{4}$ | $\frac{\pi}{3}$ | $\frac{\pi}{2}$ | $\frac{2\pi}{3}$ | $\frac{3\pi}{4}$ | $\frac{6\pi}{5}$ | π | $\frac{3}{2}\pi$ | 2π |
|----|-----|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|------------------|------------------|------------------|-------|------------------|--------|

扇形面积公式： $S = \frac{1}{2}lr = \frac{1}{2}\alpha r^2$

三角函数线与三角函数



基本关系： $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \quad \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \tan \alpha$

齐次式求值：已知 $\tan \alpha$, 求 $\frac{a \sin \alpha + b \cos \alpha}{c \sin \alpha + d \cos \alpha}$ 的形式求值即为二项式

将上下同除 $\cos \alpha$ 或 $\cos \alpha$ 变为 $\tan \alpha$ 求解即可。



扫描全能王 创建

诱导公式：本质：将带有 $\frac{1}{2}\pi$ 的三角函数式化为仅有 α 的异名或同名三角函数式，简化计算。

关键：奇变偶不变，符号看象限。

$\frac{1}{2}\pi$ 作为奇变， $\frac{1}{2}\pi$ 是 $\frac{1}{2}\pi$ 为奇，故变函数名。
偶不变。

(详细见附录)

三角函数图像。

正弦函数。 $y = \sin x$. $y \rightarrow R$ $y \in [-1, 1]$ 奇函数。

在 $[-\frac{\pi}{2} + 2k\pi, \frac{\pi}{2} + 2k\pi]$ ($k \in Z$) ↑ 在 $[\frac{\pi}{2} + 2k\pi, \frac{3\pi}{2} + 2k\pi]$ ($k \in Z$) ↓

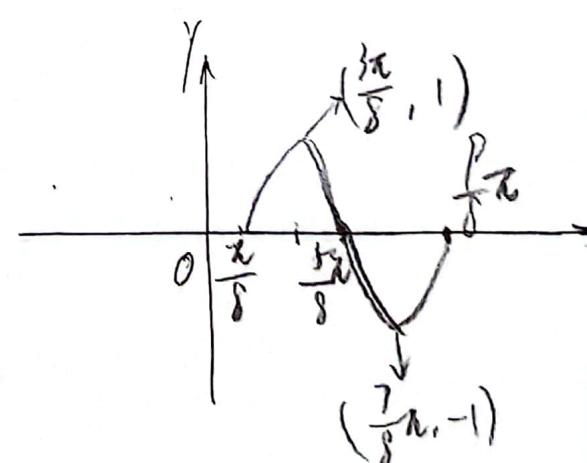
$x = -\frac{\pi}{2} + 2k\pi$ ($k \in Z$) $y_{min} = -1$.

$x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi$ ($k \in Z$) $y_{max} = 1$.

零点： $k\pi$ ($k \in Z$) 对称轴 $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ ($k \in Z$) 对称中心 $(k\pi, 0)$

正弦作图：以 $f(x) = \sin(2x - \frac{\pi}{4})$ 为例。

| x | $\frac{\pi}{8}$ | $\frac{3\pi}{8}$ | $\frac{5\pi}{8}$ | $\frac{7\pi}{8}$ | $\frac{9\pi}{8}$ |
|----------------------------|-----------------|------------------|------------------|------------------|------------------|
| $2x - \frac{\pi}{4}$ | 0 | $\frac{\pi}{2}$ | π | $\frac{3\pi}{2}$ | 2π |
| $\sin(2x - \frac{\pi}{4})$ | 0 | 1 | 0 | -1 | 0 |



正弦型函数。

形如 $y = A \sin(wx + \varphi)$ $y \rightarrow R$ $y \in [-|A|, |A|]$ $T = \frac{2\pi}{|w|}$

A, w, φ 对其影响。



扫描全能王 创建

A: 指制图像纵坐标伸缩.

φ : 左加右减, 指制函数横向平移.

w: 指制周期.

图像基本变换:

先平移, 后伸缩.

$$y = \sin x$$

向左平移
向右平移

\downarrow (1) 个单位.

$$y = \sin(x + \varphi)$$

横坐标
变为 $\frac{1}{w}$ 倍

\downarrow 纵坐标不变.

$$y = \sin(wx + \varphi)$$

纵坐标 $\times A$.
横坐标不变.

$$y = Asm(wx + \varphi)$$

先伸缩 后平移.

$$y = \sin x$$

横坐标
变为 $\frac{1}{w}$ 倍.
纵坐标不变

\downarrow

$$y = \sin wx$$

向左平移
向右平移

\downarrow $\frac{1}{w}$ 个单位.

$$y = \sin(wx + \varphi)$$

纵坐标 $\times A$

\downarrow 横坐标不变.

$$y = Asm(wx + \varphi)$$

由函数图像确定解析式. M为最大值, m为最小值.

$$A = \frac{M-m}{2} \quad \text{相邻两个高点距离 T. } T = \frac{\pi}{w} \text{ 来求 w.}$$

再将 A, w 代入 f(x). 草稿上画出 (x, y) 进入, 求解 φ , 并根据 φ 的范围定.

注意解.

余弦与正切函数请读者自行探究其性质, 用五点法作出三种基本函数图像.



扫描全能王 创建

附录：三角函数公式.

一、诱导公式. 奇变偶不变 符号看象限.

$$\begin{array}{lll}
 \sin\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \cos \alpha & \sin(\pi + \alpha) = -\sin \alpha & \sin\left(\frac{3}{2}\pi + \alpha\right) = -\cos \alpha \\
 \cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = -\sin \alpha & \cos(\pi + \alpha) = -\cos \alpha & \cos\left(\frac{1}{2}\pi + \alpha\right) = \sin \alpha \\
 \tan\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = -\cot \alpha & \tan(\pi + \alpha) = \tan \alpha & \tan\left(\frac{3}{2}\pi + \alpha\right) = -\cot \alpha \\
 \sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cos \alpha & \sin(\pi - \alpha) = \sin \alpha & \sin\left(\frac{3}{2}\pi - \alpha\right) = -\cos \alpha \\
 \cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha & \cos(\pi - \alpha) = -\cos \alpha & \cos\left(\frac{3}{2}\pi - \alpha\right) = -\sin \alpha \\
 \tan\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cot \alpha & \tan(\pi - \alpha) = -\tan \alpha & \tan\left(\frac{3}{2}\pi - \alpha\right) = \cot \alpha \\
 \cot\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \tan \alpha & \cot(\pi - \alpha) = -\cot \alpha & \cot\left(\frac{3}{2}\pi - \alpha\right) = \tan \alpha
 \end{array}$$

二、两角和差公式

$$\begin{array}{ll}
 \sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta & \cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta \\
 \sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \sin \beta \cos \alpha & \cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta \\
 \tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \tan \beta} & \tan(\alpha - \beta) = \frac{\tan \alpha - \tan \beta}{1 + \tan \alpha \tan \beta}
 \end{array}$$

倍角公式只要将 β 变为 α 即可.

三、辅助角公式

$$a \sin \alpha + b \cos \alpha = \sqrt{a^2 + b^2} (\sin(\alpha + \varphi))$$

$$\varphi \text{ 满足 } \sin \varphi = \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}} \quad \cos \varphi = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$



扫描全能王 创建

一. 空间几何体

1. 斜二测画法

要点：平行于x轴线段长度不变，平行于y轴线段长度变为 $\frac{1}{2}$ ； x',y' 夹角 45°

2. 空间中点、线、面基本关系

点、线：点在线上 $A \in l$ ，点不在线上 $A \notin l$

点、面：点在面内 $A \in \alpha$ ，点不在面内 $A \notin \alpha$

线、线：线线平行 $l \parallel m$ ，线线相交 $l \cap m = A$ ，线线异面（不相交也不平行，即不在任意同一个平面内）

线、面：线在面内 $l \subset \alpha$ ，线在面外 $l \not\subset \alpha$ （包括线面平行 $l \parallel \alpha$ ，线面相交 $l \cap \alpha = A$ ）

面、面：面面平行 $\alpha \parallel \beta$ ，面面相交 $\alpha \cap \beta = l$

线面垂直（直线与面内任意一条过垂足的直线垂直）

注：线面垂直，面面垂直是线面相交，面面相交的特殊情况，这里不作为基本关系交代

投影，垂线段，点到面/线到面/面到面的距离（详见书 P64）

3. 空间几何体

a. 多面体与棱柱

多面体（略）

棱柱：有两个面互相平行，多面体的顶点都在这两个面上，其余各面都是平行四边形

① 直棱柱：侧棱都垂直于底面

② 正棱柱：底面是正多边形的直棱柱



扫描全能王 创建

③ 平行六面体：底面是平行四边形的棱柱

④ 正平行六面体：侧棱与底面垂直的平行六面体

包含关系：棱柱 \supset 直棱柱 \supset 正棱柱 \supset 正四棱柱 \subset 长方体 $=$ 直四棱柱

b. 棱锥与棱台

棱锥：有一个面是多边形，其余各面是有一个公共顶点的三角形

正棱锥：底面是正多边形，棱锥顶点到底面中心的连线垂直于底面

斜高：正棱锥侧面三角形底边上的高

棱台：用平行于底面的平面截棱锥，截面与底面间的多面体

正棱台（略）

c. 旋转体

圆柱，圆锥，圆台（由矩形，直角三角形，直角梯形旋转而来）

球（表面积 $S = 4\pi R^2$ ，体积 $\frac{4}{3}\pi R^3$ ）

4. 祖暅原理、体积

柱体： $V = Sh$

锥体： $V = \frac{1}{3}Sh$

台体： $V = \frac{1}{3}(S_2 + \sqrt{S_2 S_1} + S_1)h$

球（如上）

*内切球，外接球

方法总结：

a. 外接球

(1) 由球的定义确定球心

多面体外接球的球心到所有顶点的距离都相等，如果有一个定点到多面体的



扫描全能王 创建

所有顶点的距离都相等,那么这个定点就是该多面体外接球的球心

多面体外接球的一些常见结论:

①长方体或正方体的外接球的球心是其体对角线的中点;

②正棱柱外接球和圆柱外接球的球心是上、下底面中心连线的中点

(2)构造长方体或正方体确定球心

①正四面体、四个面都是直角三角形的三棱锥,都可将三棱锥补形成正方体或长方体;

②同一个顶点上的三条棱两两垂直的四面体、相对的棱长度相等的三棱锥,

可将三棱锥补成长方体或正方体;

③若三棱锥的三个侧面两两垂直,可将三棱锥补成长方体或正方体

(3)由性质确定球心

利用球心 O 与截面圆圆心 O' 的连线垂直于截面圆及球心 O 与弦中点的连线垂直于弦的性质,确定球心. (用勾股定理列方程算半径)

b. 内切球

①利用内切球的定义(球心到各面距离相等)直接找球心和半径.应先作出一个适当的截面,一般是多面体的对角线所在的截面,再利用定义求解.

②利用等体积法求半径,球心到各个面的距离相等,可求出每个面的面积,再利用各个棱锥的体积之和等于多面体的体积求得内切球半径

(关于外接球, 内切球的方法总结摘自高中必刷题的知识点总结, 特此声明)

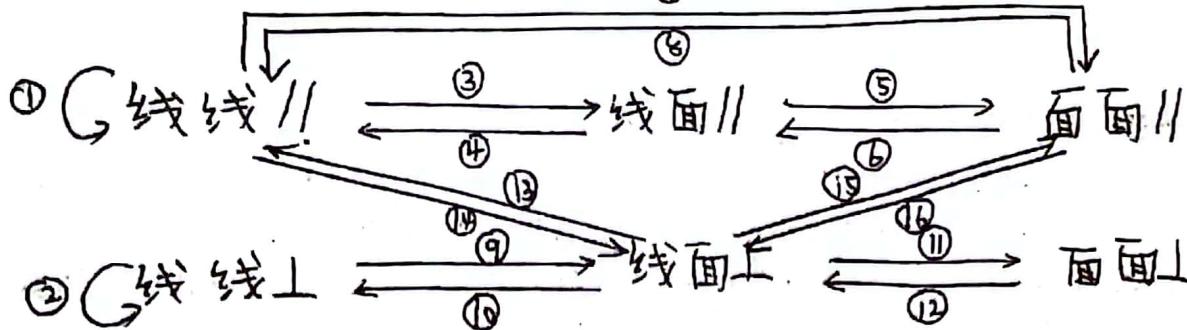


扫描全能王 创建

立体几何初步

立体几何初步 - 定理总结

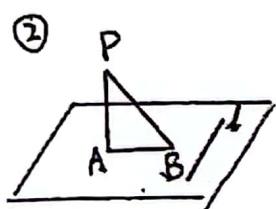
(7)



$$\begin{cases} a \parallel b \\ b \parallel c \end{cases} \Rightarrow a \parallel c$$

$$\begin{cases} \alpha \parallel \beta \\ \alpha \cap \gamma = a \\ \beta \cap \gamma = b \end{cases} \Rightarrow \alpha \parallel \beta$$

$$\begin{cases} a \perp \alpha \\ b \perp \alpha \end{cases} \Rightarrow a \parallel b$$



$$l \perp AB \longleftrightarrow \begin{array}{l} l \perp PB \\ AB \nparallel PB \text{ 且 } A \text{ 在 } l \text{ 上} \end{array}$$

$$\begin{cases} a \perp \alpha \\ b \parallel a \end{cases} \Rightarrow b \perp \alpha$$

$$\begin{cases} a \parallel b \\ a \not\subset \alpha \\ b \subset \alpha \end{cases} \Rightarrow a \parallel b$$

$$\begin{cases} l \perp a \\ l \perp b \\ a \cdot b \subset \alpha \\ a \cap b = O \end{cases} \Rightarrow l \perp \alpha$$

$$\begin{cases} a \perp \alpha \\ a \perp \beta \end{cases} \Rightarrow \alpha \parallel \beta$$

$$\begin{cases} a \parallel \alpha \\ \alpha \cap \beta = b \\ a \subset \beta \end{cases} \Rightarrow a \parallel b$$

$$\begin{cases} a \perp \alpha \\ b \subset \alpha \end{cases} \Rightarrow a \perp b$$

$$\begin{cases} a \perp \alpha \\ \alpha \parallel \beta \end{cases} \Rightarrow a \perp \beta$$

$$\begin{cases} a \parallel \beta \\ b \parallel \beta \\ a \cdot b \subset \alpha \\ a \cap b = O \end{cases} \Rightarrow \alpha \parallel \beta$$

$$\begin{cases} a \perp \alpha \\ a \subset \beta \end{cases} \Rightarrow \alpha \perp \beta$$

$$\begin{cases} \alpha \perp \beta \\ \alpha \cap \beta = l \\ a \perp l \\ a \subset \alpha \end{cases} \Rightarrow a \perp \beta$$

$$\begin{cases} \alpha \parallel \beta \\ \alpha \cap \beta = l \end{cases} \Rightarrow \alpha \parallel \beta$$

$$\begin{cases} a \parallel a' \\ b \parallel b' \\ a \cap b = O \\ a \cdot b \subset \alpha \\ a', b' \subset \beta \end{cases} \Rightarrow \alpha \parallel \beta$$



扫描全能王 创建

长微友

数学平面向量数量积的全面总结

一、基础知识

平面向量数量积(也称为点积或内积)是向量代数中的一个重要概念。给定两个非零向量 a 和 b , 以及它们之间的夹角 θ , 向量 a 和 b 的数量积定义为:

$$a \cdot b = |a| * |b| * \cos\theta$$

其中, $|a|$ 和 $|b|$ 分别表示向量 a 和 b 的模(长度), θ 是向量 a 和 b 之间的夹角。数量积是一个实数, 而不是一个向量。

二、公式使用

数量积的计算: 通过给定两个向量的坐标 ($a=(x_1,y_1)$, $b=(x_2,y_2)$) 或模和夹角, 可以直接使用数量积的公式进行计算。

$$a \cdot b = x_1x_2 + y_1y_2$$

或者



扫描全能王 创建

$$\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = |\mathbf{a}| * |\mathbf{b}| * \cos\theta$$

数量积的性质：

交换律： $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = \mathbf{b} \cdot \mathbf{a}$

数乘结合律： $(\lambda \mathbf{a}) \cdot \mathbf{b} = \lambda(\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}) = \mathbf{a} \cdot (\lambda \mathbf{b})$

分配律： $(\mathbf{a} + \mathbf{b}) \cdot \mathbf{c} = \mathbf{a} \cdot \mathbf{c} + \mathbf{b} \cdot \mathbf{c}$

零向量与任意向量的数量积为 0

当 \mathbf{a} 与 \mathbf{b} 同向时， $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = |\mathbf{a}| * |\mathbf{b}|$ ；当 \mathbf{a} 与 \mathbf{b} 反向时， $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = -|\mathbf{a}| * |\mathbf{b}|$

$|\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}| \leq |\mathbf{a}| * |\mathbf{b}|$ ，当且仅当 \mathbf{a} 与 \mathbf{b} 共线时取等号

三、常见解题方法

公式法：直接利用数量积的公式进行计算。当已知两个向量的坐标或模和夹角时，可以直接代入公式求解。

基底法：当向量的模或夹角不明确，无法用公式直接求出时，可以选择一组基底，将题目中涉及的向量用这组基底表示出来，将问题转化为基底间的运算问题。

几何意义法：利用数量积的几何意义，如一个向量在另一个向量方向上的投影，或者两个向量之间的夹角等，来求解问题。

坐标法：在坐标系中，利用向量的坐标表示，通过计算对应坐标的乘积的和来求解数量积。

四、应用举例

计算向量的模：通过数量积公式可以计算向量的模，如 $|\mathbf{a}| = \sqrt{(\mathbf{a} \cdot \mathbf{a})}$ 。

计算向量之间的夹角：利用数量积公式和向量的模可以计算两个向量之间的夹角，如 $\cos\theta = (\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}) / (|\mathbf{a}| * |\mathbf{b}|)$ 。

判断向量的正交性：如果两个向量的数量积为零，则这两个向量正交（垂直）。

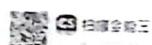
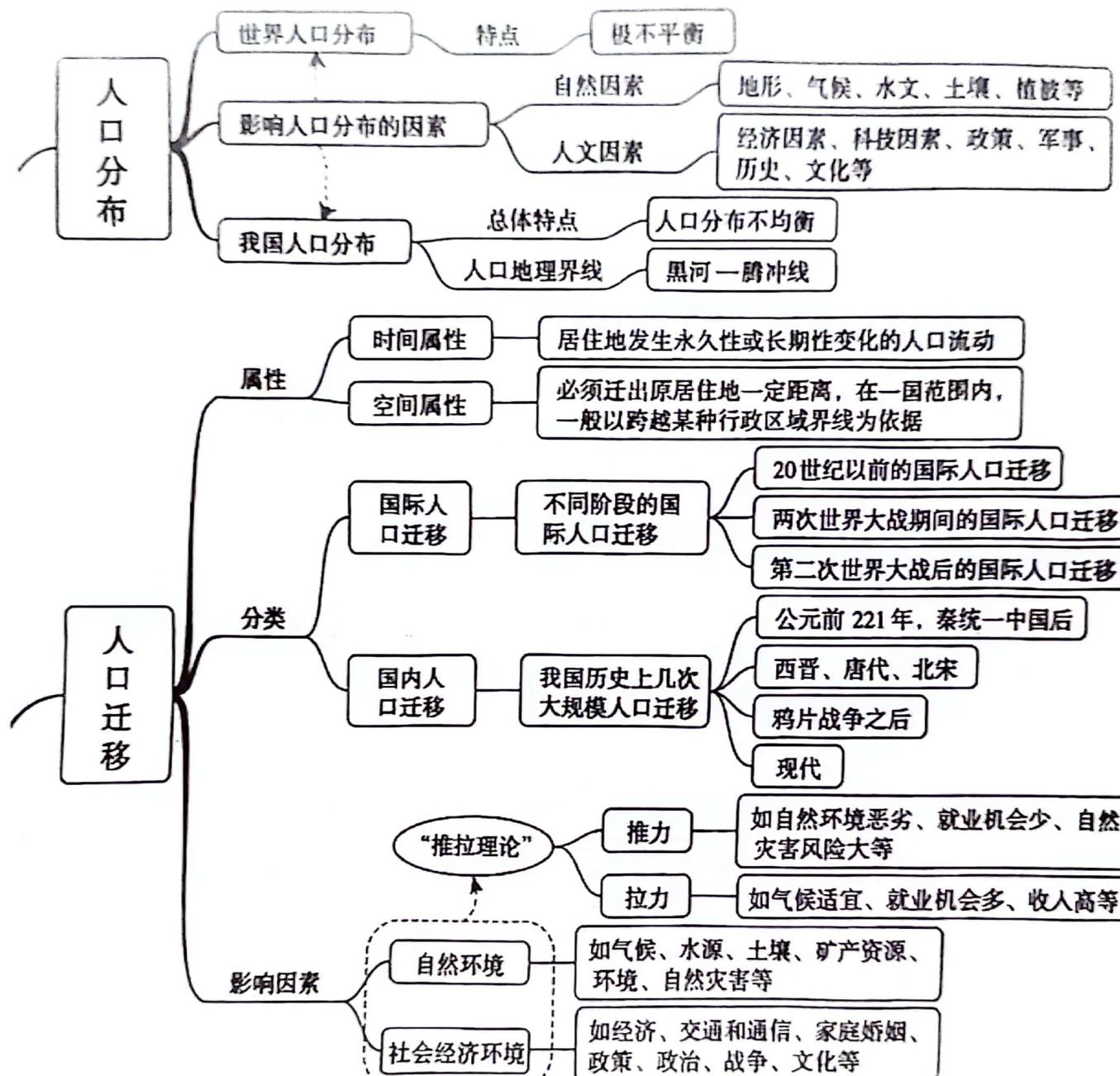


扫描全能王 创建

判断向量的平行性：如果两个向量的数量积等于它们模的乘积，则这两个向量平行。

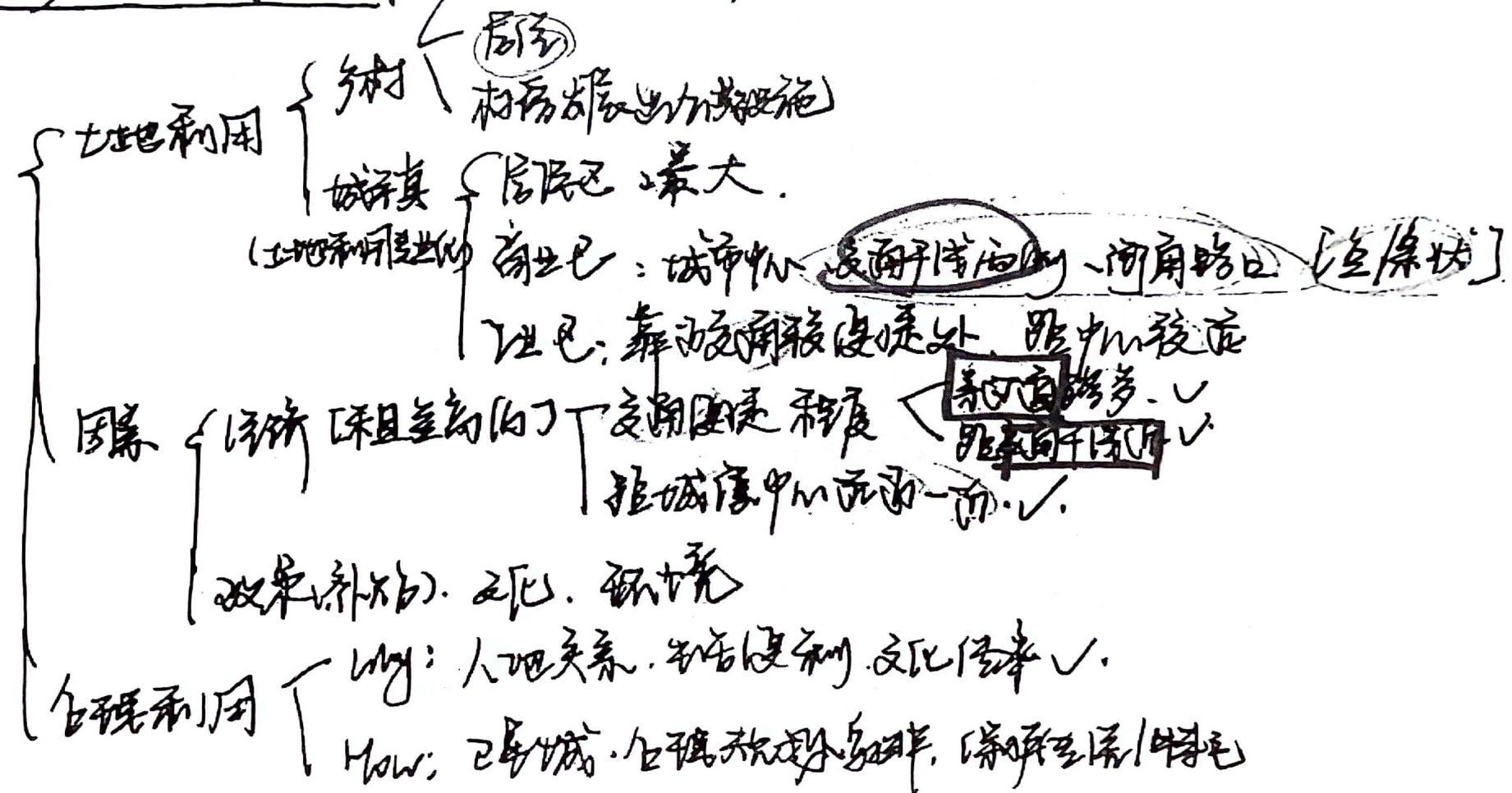
导出向量的投影：通过数量积公式可以导出向量在另一个向量上的投影。





2.1. 城市空间结构

农业用地：耕地、林地、草地、水域

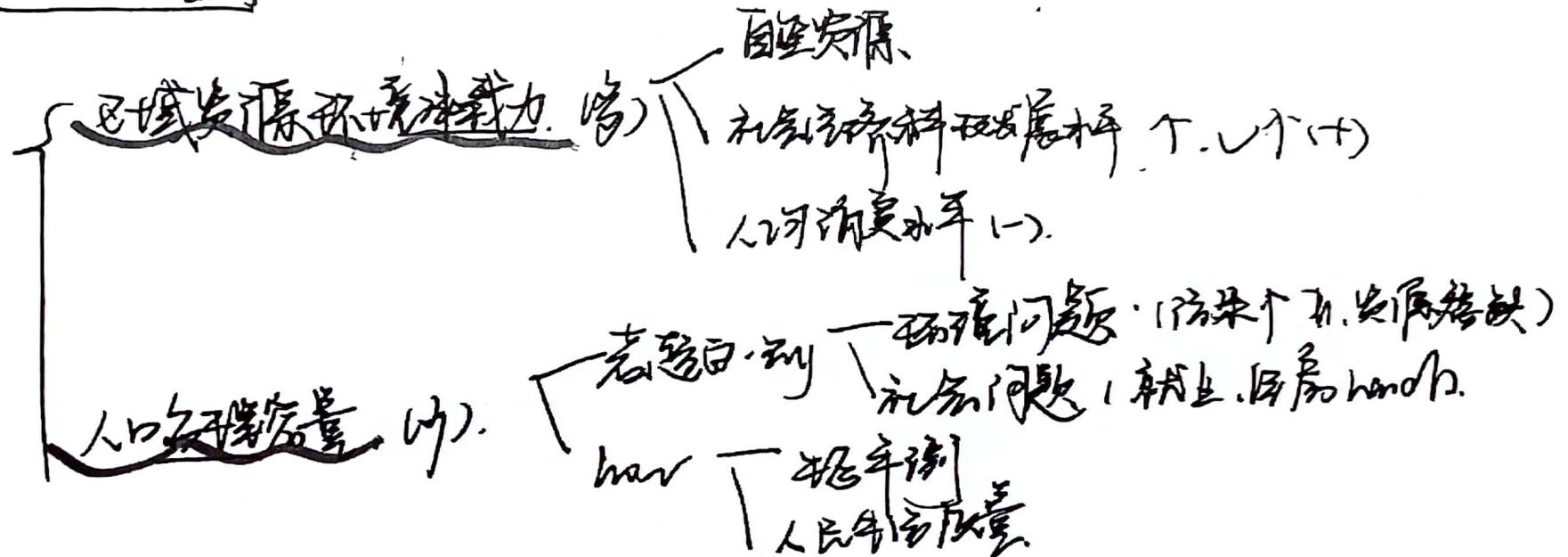


扫描全能王



扫描全能王 创建

11-3-人口容量



扫描全能王 创建

概况 — 美国 GDP 增长地区差异和乡村地区转型与城市化并行

概况 — 特点：①人口增加，②区域人口重心向西上升（农业城市化水平的最重要推手）
③区域是大规模机械化

成因（
机制） —

意义 — 促进区域经济增长（物种隔离、规模效应）
提高资源利用效率（建设设施集中）
改善城乡居住环境（合理规划处理）
缩小区域分化差距（缩小城乡、区域收入差距）

区域极化趋势

18世纪初

20世纪末

发达国家
发展中国家

发展中国家
发达国家

发达国家
发展中国家

发展中国家
发达国家

发达国家
发展中国家

发展中国家
发达国家

内因

— 地理位置
*海岸线
*河流
*地形
*气候

外因 — 地理进程
*殖民地化
*政治发展不均衡
*战争、起义

地区经济发展 — 地理进程
*工业化程度

区域极化

此地有地域化，区域化在特定的地理范围内形成 {“核心” “边缘” } 以及

区域极化 —
核心 (工业区) “空间圈” = > 高度集中 低质生产流域



土壤 — 土质差，盐碱化
“贫瘠地带”

区域极化 —
核心 (工业区) — 高度集中 低质生产流域
*当作为 — 逆极化

乡村城市化 — 逆工业化 逆城市化 漂流人口减少

土地退化 (荒漠化)



第三章 第一节

农业区位因素及其变化

(区位：1.指该事物的位置 2.指该事物与相关地理因素的关系)

1. 农业区位因素

人们利用土地自然生产力，栽培植物或饲养动物，获取产品，称为农业生产活动。

(1) 特点：具有明显地域性、生长规律和一定周期。

(2) 区位因素：自然因素、人文因素。

一、自然因素

1. 热量、光照、降水等气候条件影响很大。对于不同作物生长繁殖，要求不同气候条件，具有明显地域差异。

例：柑橘种植南方，苹果种植北方。

2. 水资源。不仅需求天然降水，还有灌溉水。近西湖、地下水、高山冰雪融水。

3. 地形。平坦地区：地形平坦，土层深厚，利于种植业。

山地、丘陵：起伏大，不易种植，利于林业、畜牧业。

4. 土壤。是作物基础，用不同优势土壤去适应作物。例：土地种茶树。

二、人文因素

1. 市场。需求和价格极大地决定农业生产类型、规模。

2. 交通。便利的交通可以节省农产品运输、存储费用。例：易变质的作物更需要便利的交通。

3. 政策。如用降低税收、优惠政策、控制规模都会影响价格。

4. 资金、劳动力、科技、历史、文化、政治也会影响，因此农业生产必须综合多种因素，要因地制宜。



扫描全能王 创建

农业区位因素的变化

自然因素相对稳定，但人文因素却在不断变化。

1. 市场：供给<需求 \Rightarrow 价格上涨 \Rightarrow 生产规模扩大

供给>需求 \Rightarrow 价格下降 \Rightarrow 生产规模下降

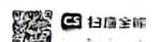
2. 交通改善和保鲜、冷藏改进，可以扩大农业区选择。

3. 经济发展影响：(1) 农副产品需求量大增，形成了一些农副产品基地

(2) 经济发展提高人民生活水平，增加对优质农产品需求

(3) 推进耕种技术、栽培、耕作，可摆脱传统地域限制。

(4) 机械化生产推广



扫描全能王 创建

第三章 第二节

一、工业区位因素

工业也会受 地形、水源、市场的影响还是 经济、环境、政策法规 等人文因素影响

二、工业主要区位因素

1. 经济效益：理想：原料、动力充足、劳动力低廉、交通便利、市场广阔
现实：成本最低。

2. 运输成本 ^{原料}
① 原料轻、远距离成本高（钢铁精炼、水产加工、水果蔬菜）在原料产地。
② 产品易腐烂、产品运输成本高（肉类加工、啤酒）近市场。
③ 大量运进原料（方便捷交通运输条件，沿海、江、港口、铁路枢纽）

3. 能源成本：高耗能工业在能源供应地附近。

4. 劳动力成本 ^{原料}
① 用原料少，劳动力多，技术不高（服装、电子组装），多廉价劳动力
② 技术高（集成电路、机器人、生物制药、航天航空）多高等教育、科技发达

5. 环境因素 环境要求工业远离环境，高污染工业靠近水源及河流上游

6. 社会因素 政策有时会成为主导因素，如提供优惠地价，优惠税收来鼓励工业。

7. 其他 文化 个人偏好等。



扫描全能王 创建

三. 工业区位因素变化

原料、能源的影响减弱、交通运输、消费市场影响增强。

1. 随着信息技术发展，会产生设计与加工空间分离

一些大型工业企业总部会布局在市场广阔的地方

2. 物流发展，出现了完全依托互联网的新型工业企业，更看重信息通达性

3. 工业生产发生变革，改变产品形态，降低产品运输成本，可以就近市场转为近原料，同时扩大市场。

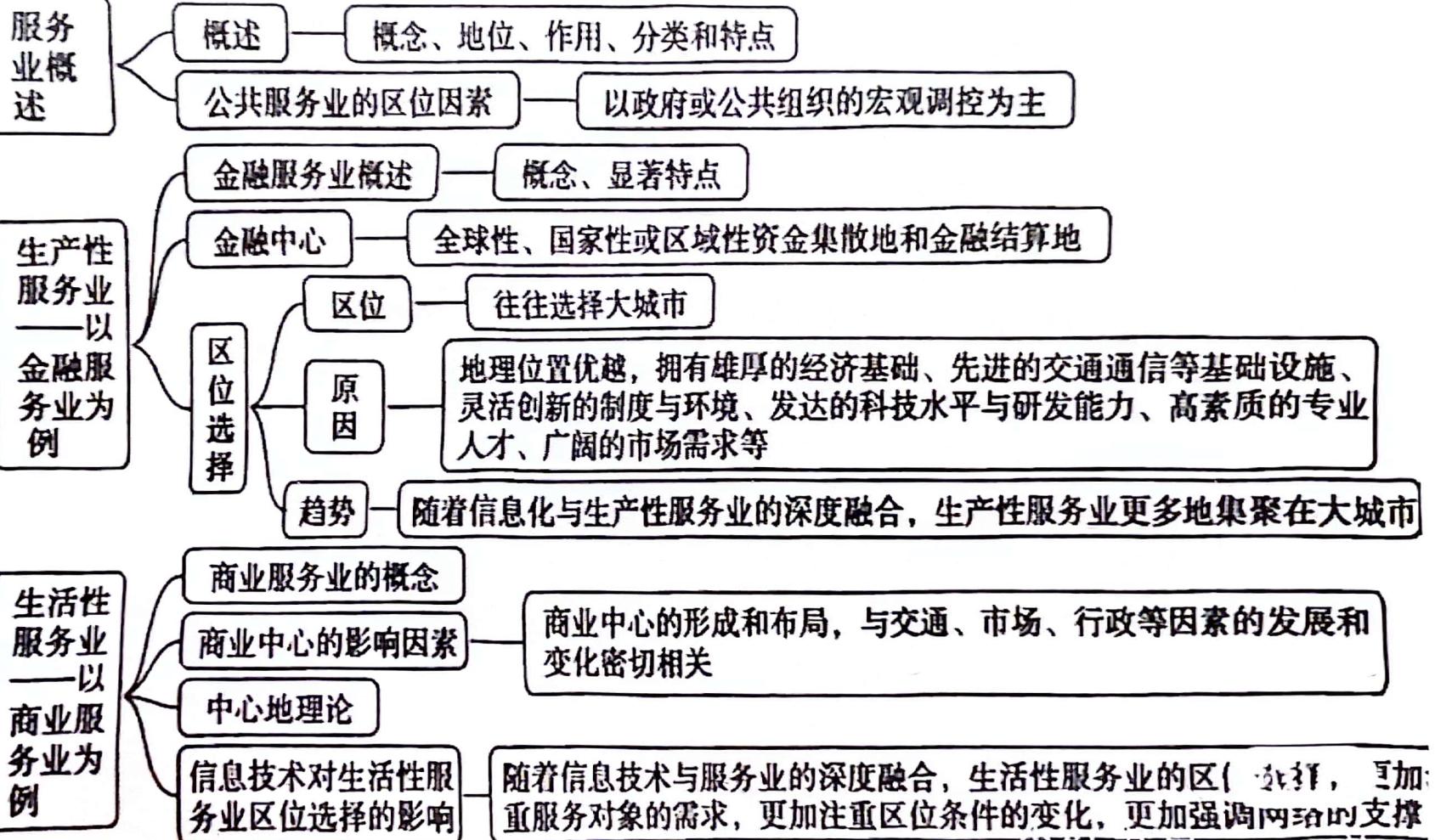


扫描全能王

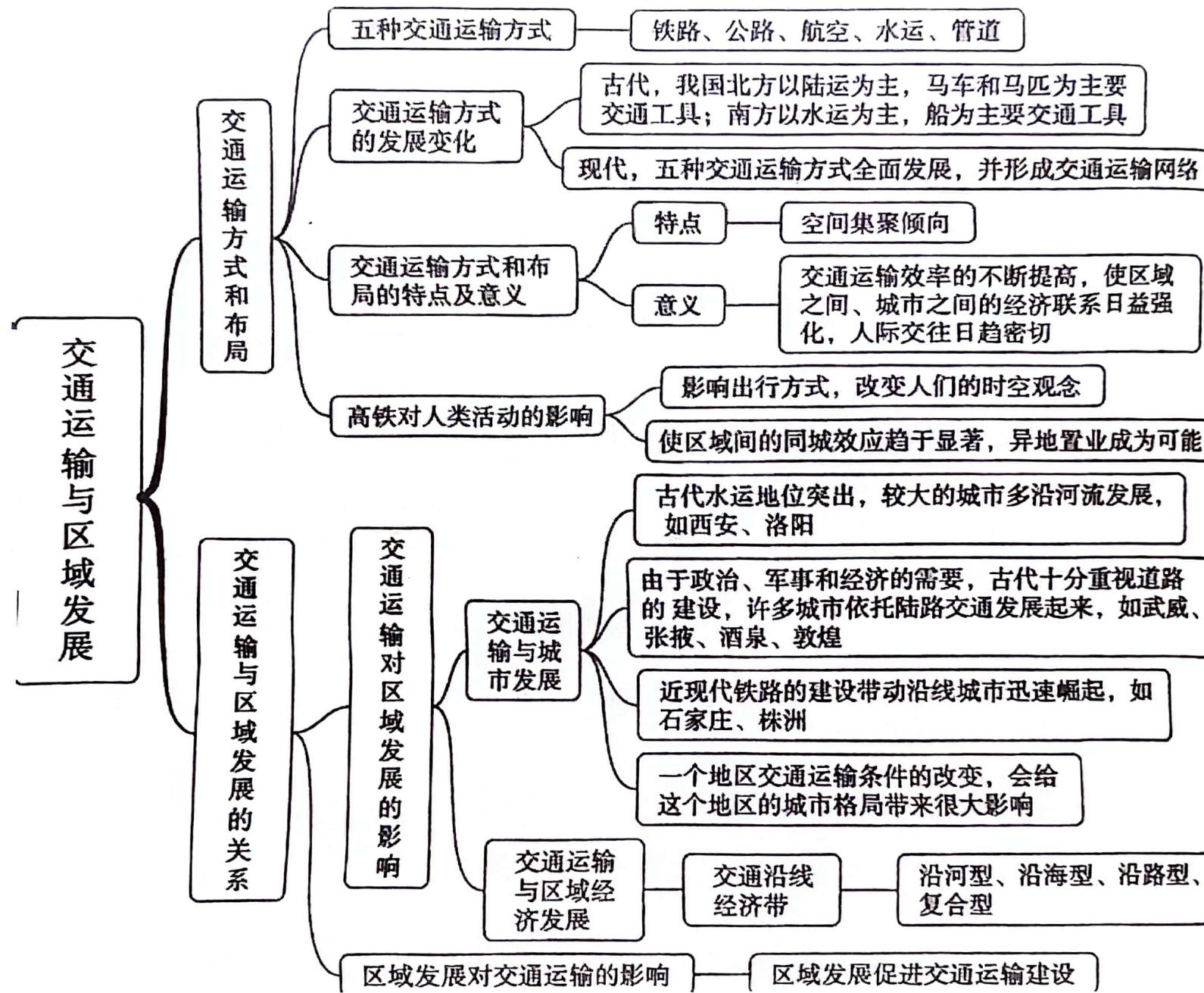


扫描全能王 创建

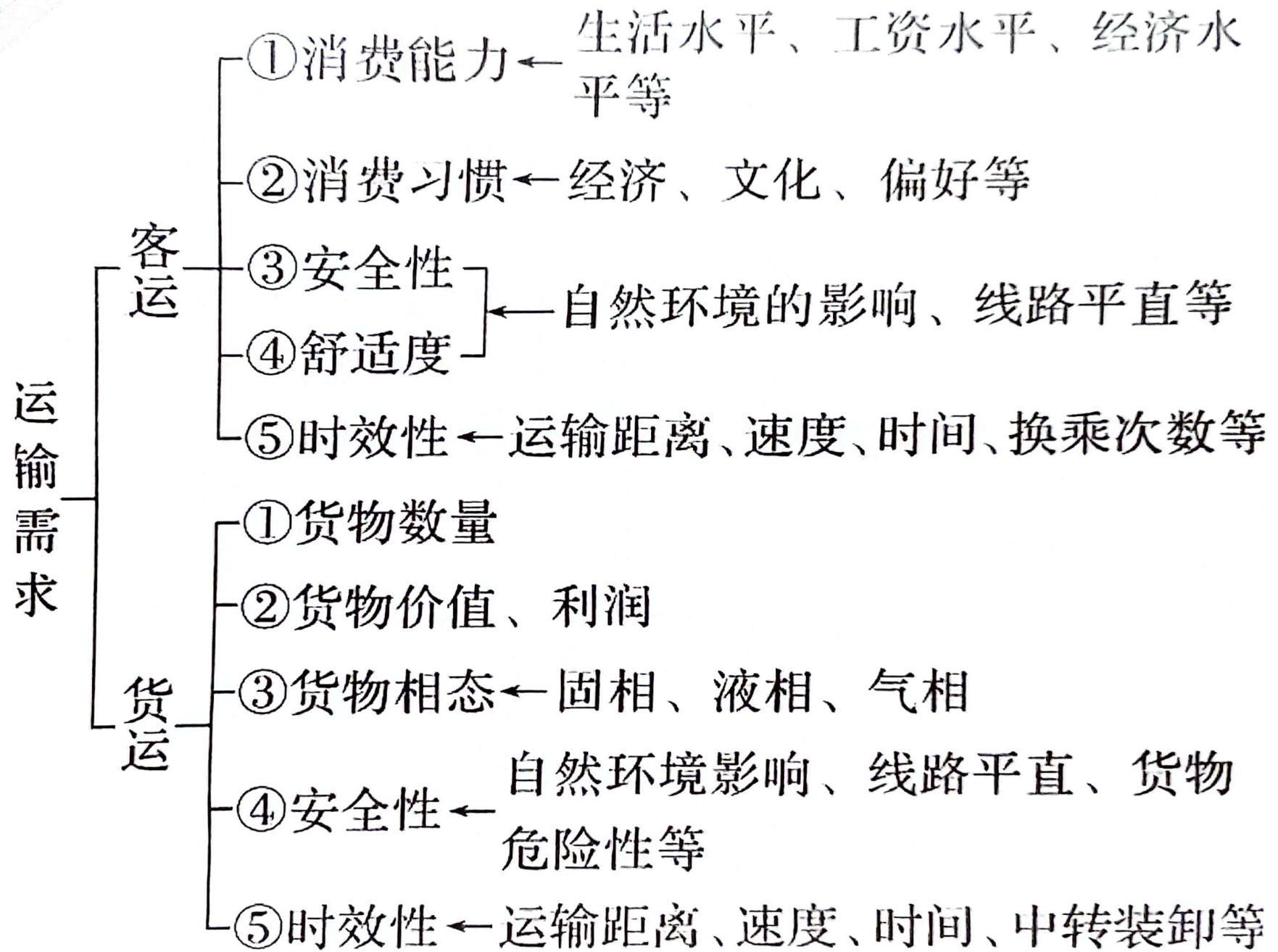
服务业的区位选择



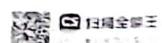
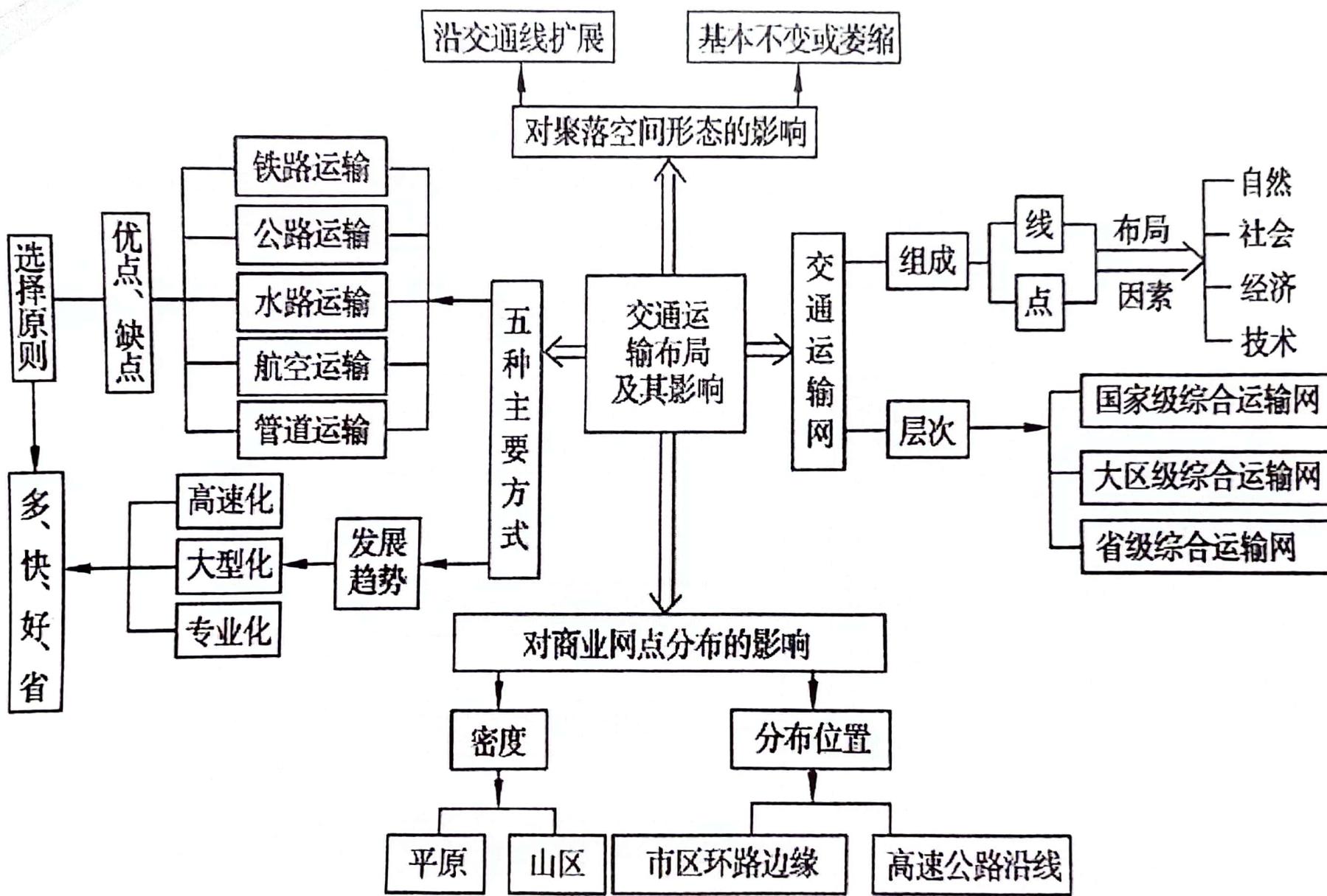
扫描全能王 创建



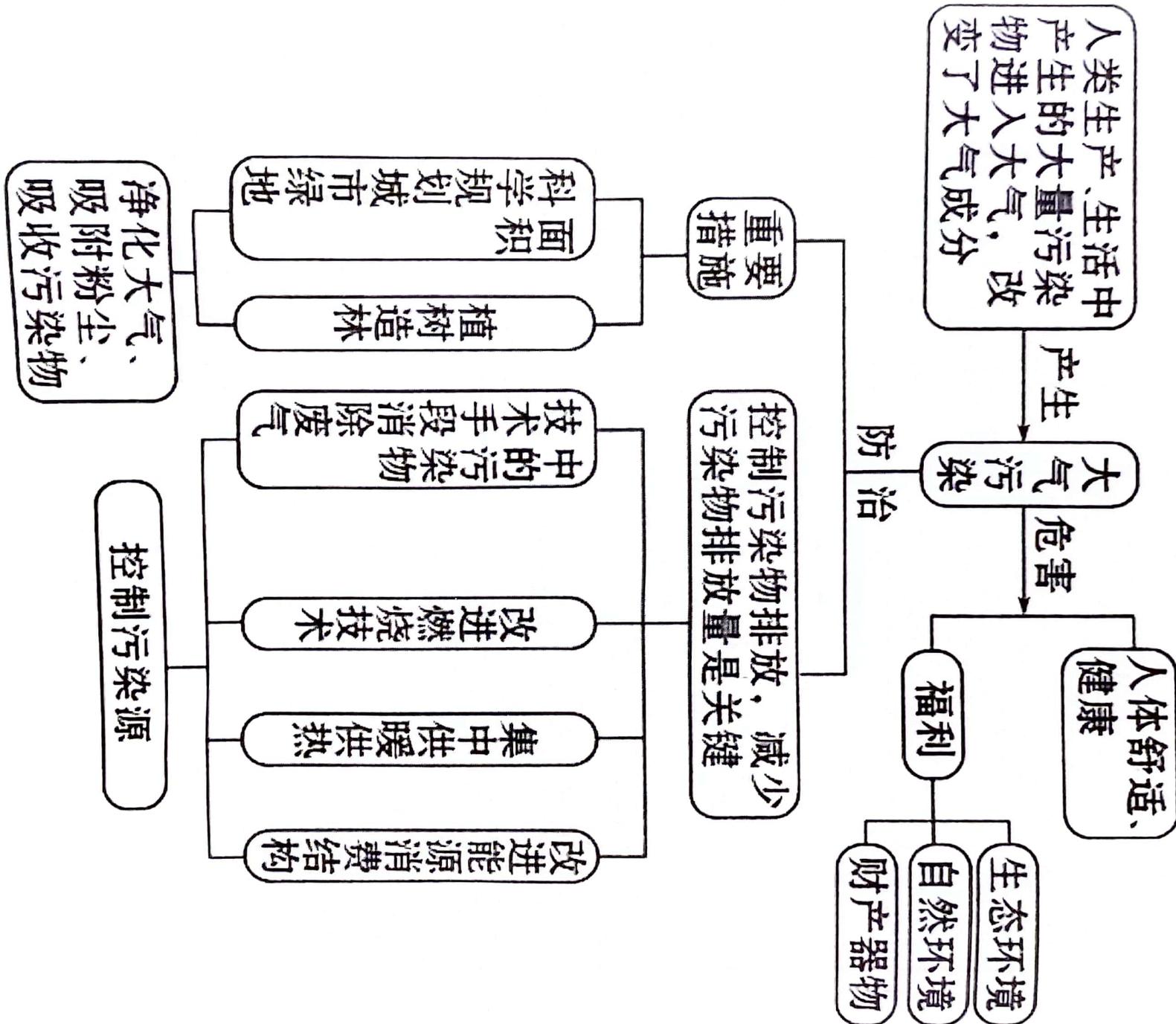
扫描全能王 创建



扫描全能王 创建



扫描全能王 创建

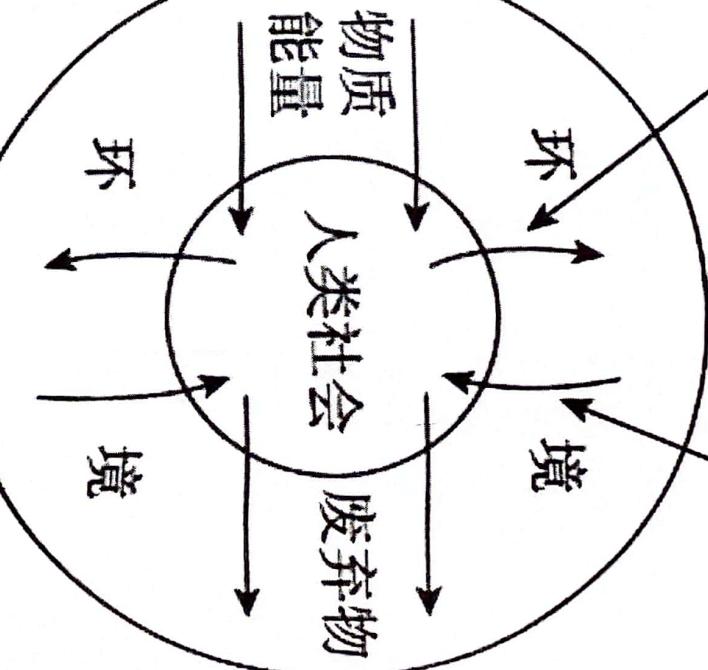


人地关系

人类对环境产生影响

环境对人类社会的反作用

人类从环境中获取物质和能量



环境问题

人类向环境中排放废弃物

过度放

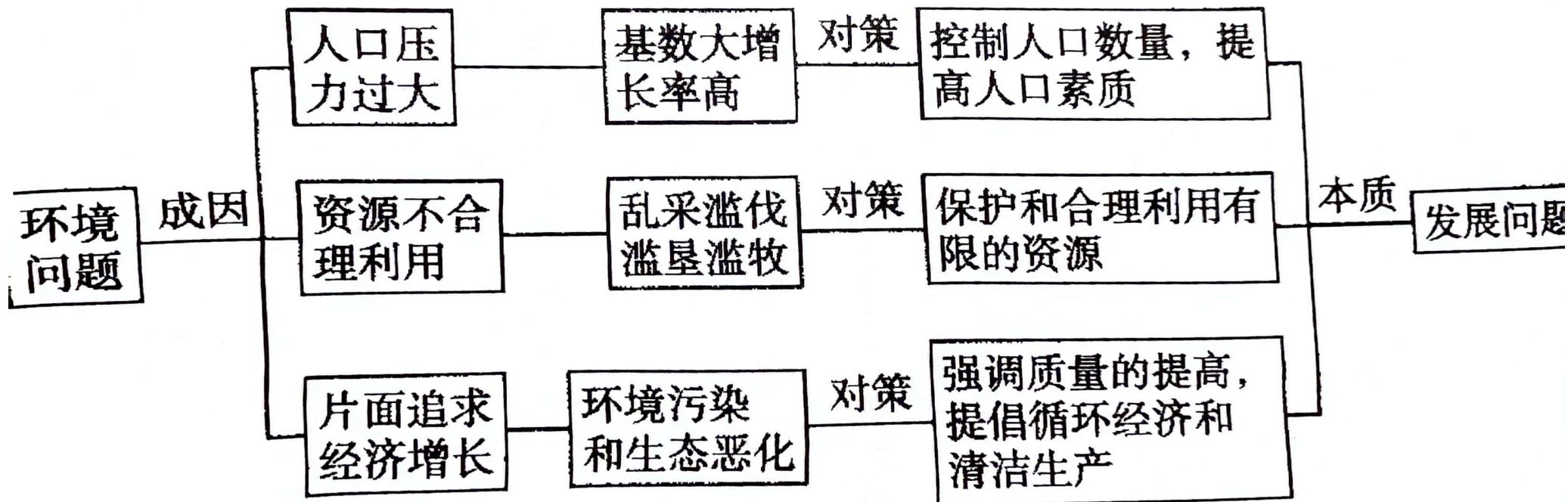
环境污染

生态破坏

过度取

资源短缺

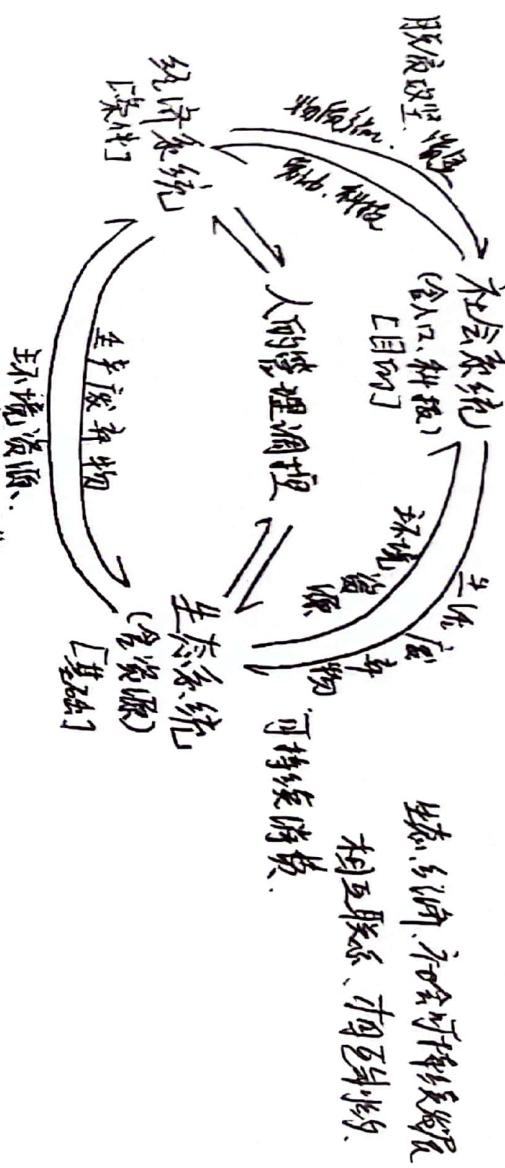




扫描全能王 创建

§5-2 走向人地协调——可持续发展

一、内涵：既满足当代人需求，而又不危及后代人满足其需求能力的发展。



二、原则 {
公平性 \Rightarrow 强调“权利”，强调同代人间、代际间资源的平等。

持续性 \Rightarrow 倡重“发展”，强调发展的持续性。

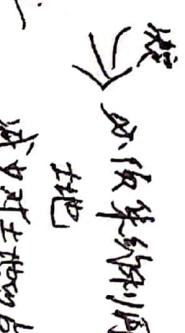
共同性 \Rightarrow 强调“义务”由全球各地区、国家共同承担。

二、走可持续发展道路：需要政府、企业、公众共同努力。

§5-3 中国国家发展战略案例

一、建设主体功能区。

背景：①山地多、平原少，耕地、已建设用地少。

②适宜开发利用的国土面积少，人均可利用土地资源差异明显。


土地
减少对土地占

类型

▲ 优化开发区域

如：珠江三角洲



减少对土地占

土地
减少对土地占

▲ 重点开发区域

如：环渤海、长三角、珠三角



减少对土地占

▲ 限制开发区域

如：河套平原、东北平原、黄土高原



减少对土地占

▲ 禁止开发区域

如：自然保护区、文化遗迹保护地、风景名胜区、林地、草原



减少对土地占



· 扩大区域协调发展.

9. 长江经济带发展优势

交通便利，区位优势明显。

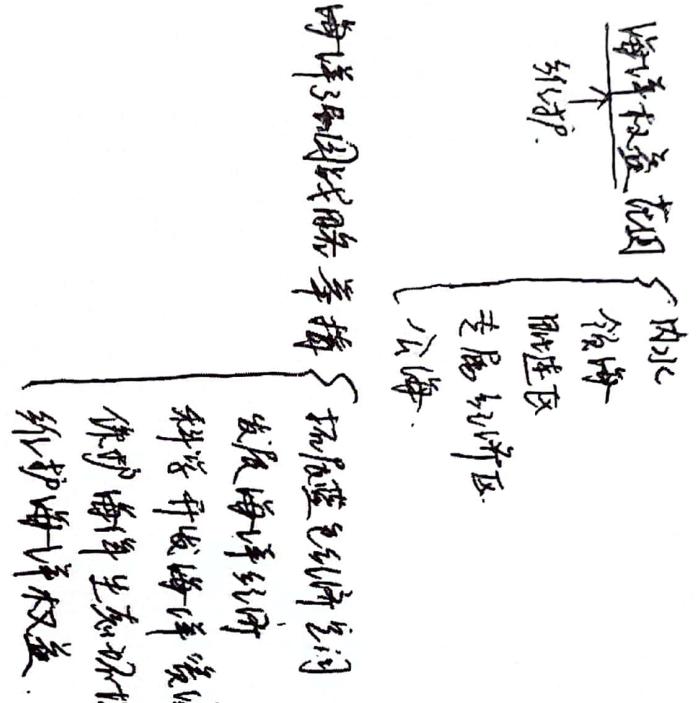
建设沿江绿色生态走廊

资源储量大，种类丰富。
工业基础雄厚，产业优势明显。

形成新型城镇化的产业布局。

城市发展快，市场广阔。

二、拓展蓝色经济空间，维护海洋权益。



- 海洋强国战略举措
- ①合理创造更多：填海造陆
②发展兰州：跨海大桥
③开发更多资源：油气资源
④升级产业结构：发展高新技术产业。

保护海洋权益。



