

局限:

过度鼓励由做
直接、间接
未能提出体系的构想

宗教改革

起因: 文艺复兴天主教教权受质疑 罗马教廷压迫严重
 经过: 马丁路德(德国) 加尔文(瑞士) 英国国教(英)
 影响: 因信称义 简化教义 民族教会
 推翻了教会, 解放人民(德)
 在时间金钱一资本主义发展(法)
 民族主义(原)

→ 推翻了教会, 解放人民(德)
 在时间金钱一资本主义发展(法)
 民族主义(原)

科学革命

起因: ① 思想解放 伽利略说
 ② 文艺复兴 牛顿 莱布尼兹
 ③ 宗教改革
 影响: 科学的方法 解放思想 冲击了宗教权威 影响了启蒙运动

启蒙运动 起因: ① 思想解放 伽利略说
 ② 文艺复兴 牛顿 莱布尼兹
 ③ 宗教改革
 影响: 科学的方法 解放思想 冲击了宗教权威 影响了启蒙运动

启蒙运动 起因: ① 思想解放 伽利略说
 ② 文艺复兴 牛顿 莱布尼兹
 ③ 宗教改革
 影响: 科学的方法 解放思想 冲击了宗教权威 影响了启蒙运动

启蒙运动 起因: ① 思想解放 伽利略说
 ② 文艺复兴 牛顿 莱布尼兹
 ③ 宗教改革
 影响: 科学的方法 解放思想 冲击了宗教权威 影响了启蒙运动

人民革命 → ③ 社会契约 ← 三权分立 (孟德斯鸠)
 * (1) 内人物为托邦, 并奉命为源头

影响

① 解放思想
 ② 为资产阶级共和国建立做理论宣传
 ③ 推动了美法革命
 ④ 成为半殖半封人民的武器
 ⑤ 民族主义

英 过程

① 1640 革命爆发 → 共和国
 ② 克伦威尔军事独裁
 ③ 王朝复辟
 ④ 1688 光荣革命, 《权利法案》
 ⑤ 1701 《王位继承法》
 ⑥ 1789 王权下 王权议会
 起因: ① 封建势力压迫阻碍资产阶级发展
 ② 启蒙
 影响评价: ① 推翻了封建专制主义的统治
 ② 建立了资产阶级共和国
 ③ 君主立宪制逐渐形成

美国

起因: ① 殖民者的剥削 ② 启蒙运动思想
 ③ 民族独立 - 独立运动
 ④ 资产阶级革命运动
 ⑤ 1776.7 《独立宣言》
 ⑥ 1781 打败英国
 ⑦ 1783 英承认美国独立

美 过程

① 革命爆发
 ② 反土巴士底狱
 ③ 人权宣言
 ④ 拿破仑政变
 ⑤ 《拿破仑法典》
 起因: ① 专制制度阻碍 ② 启蒙运动 ③ 英美法立宪
 影响评价: 革命: 资产阶级革命
 拿破仑: ① 思想上传播了资产阶级革命
 ② 发动战争

19世纪末

14 元明 15 16 17 18 19

14 15 16 17 18 19

欧洲(近代) 文艺复兴 科学革命 启蒙运动 工业革命 1440 1540 1640 1740 1840 1940

美洲(近代) 文艺复兴 科学革命 启蒙运动 工业革命 1440 1540 1640 1740 1840 1940

非洲(近代) 文艺复兴 科学革命 启蒙运动 工业革命 1440 1540 1640 1740 1840 1940

亚洲(近代) 文艺复兴 科学革命 启蒙运动 工业革命 1440 1540 1640 1740 1840 1940

大洋洲(近代) 文艺复兴 科学革命 启蒙运动 工业革命 1440 1540 1640 1740 1840 1940

历史

前因 封建主义 等级关系分明, 具有相互义务关系

政治: 封建君主, 教会, 国王 中后期 王权强化 工业发展, 20世纪起 民族意识强化, 教会权威衰落

经济: 封建庄园, 小农经济, 教会是最大封建主 精神文化: 教会控制精神生活, 文化, 艺术, 科技

时代特征: 思想解放 → 资本主义制度的确立 1. 思想解放: ① 文艺复兴 起因: 商品经济↑, 资本主义萌芽, 人文主义, 个人主义, 能动性

内容: 以希腊罗马文化为号召, 实质是创立符合新兴资产阶级需要的新文化, 精神内核是人文主义 (以人为中心)

14世纪: 但丁《神曲》, 薄伽丘《十日谈》, 彼得拉克《歌集》

15世纪: 达芬奇, 米开朗基罗, 拉斐尔 后期: 莎士比亚

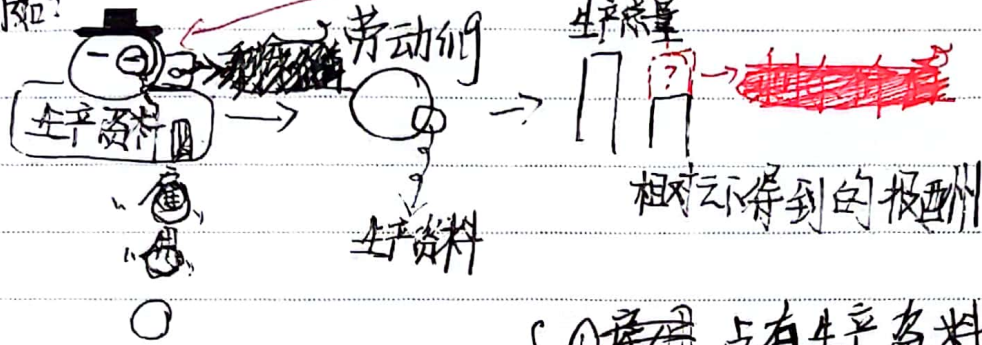
影响: ① 进步性 ② 现实主义 承认“人”的情感和尊重“人”的天性 接受“人的欲望”追求美好生活 留下大量的文化艺术遗产 ① 促进了宗教改革 ② 促进了文艺复兴

文艺复兴 承认“人”的情感和尊重“人”的天性 接受“人的欲望”追求美好生活 留下大量的文化艺术遗产 ① 促进了宗教改革 ② 促进了文艺复兴

资本主义制度确立

① 经济制度

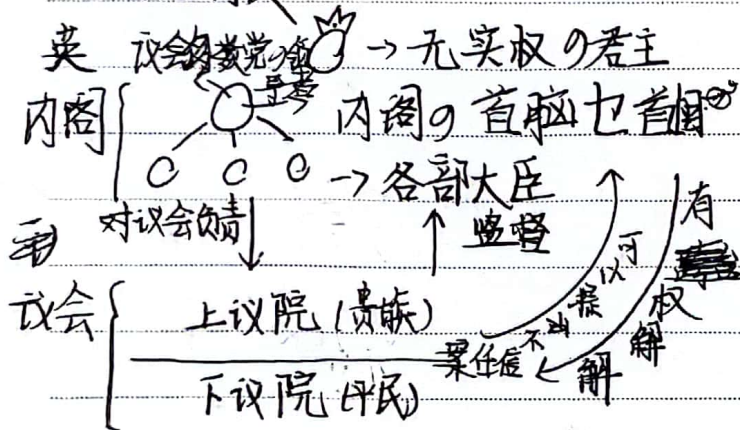
例如:



x 故称: **剥削了**
 受雇佣者剩余
 价值
 (比较穷路不
 是很详尽)

- ① 雇佣占有生产资料
- ② 剥削雇佣劳动

② 政治制度



美① 共和制 (三权分立)



② 邦联制度 → 联邦制

- 意义:
- ① 强化了国家的 **统一**
 - ② 发扬了 **民主精神**

法: 艰难曲折

1787年宪法: ① 是美国第一部宪法
 ② 是人类史上第一部资产阶级宪法



选修一第六课 走进经济全球化

一 认识经济全球化

一 主要表现

生产全球化：世界生产链条；分工合作发挥比较优势

贸易全球化：商品/服务/技术/劳务/资本/出口/进口/跨国金融全球化：海外投资/并购、引起外资

一 主要因素

必然性：经济全球化是社会生产力发展的客观要求和科技进步的必然结果

新的科技革命

发达国家生产不断扩张

扩张国外市场

→ 求更加密切

国内市场相对饱和

→ 运输/外贸/信息手段的革命性变化

→ 形成低成本、通商网络和信息网络

→ 经济全球化

一 根本原因

对于本国民族利益和追求利益驱使突破疆域的限制，使得商品、服务、技术、资金、劳务在全球范围内自由流动

一 体制基础

市场经济体制
 市场经济打破了经济运行的国家和地区限制，从而形成了统一的世界市场

一 作用：为客观最大利益

一 积极：促进了全球资源配置的优化和全球范围内科技合作与进步。跨国公司、在全球范围内到处奔走，推动生产全球化、贸易全球化、金融全球化，深入发展国际分工的深化，把国际分工发展为跨国公司的内部分工，把国际贸易发展为跨国公司的内部贸易，形成

重要载体 跨国公司

知识同

走进经济全球化



了公司内部分工和贸易为基础的国

际经济体系。

价值：如同不考虑母国或东道国的国家利益，实行跨国行业垄断，打破国际市场的公平竞争，向发展中国家转移劳动力和环境污染等。

总体——经济全球化符合经济规律，符合各方利益

——推动着社会生产力的发展

——为世界经济发展提供强劲动力

——发展中国参与经济全球化有利于国际国内

两种资源、两个市场推动自身经济发展

挑战——世界经济面临着不确定性

——在世界经济发展面临的不确定性和

风险加剧

微笑曲线高：延伸产业链/推

动产业链向上下游延伸，提升

附加值，占领产业链供

应链制高点

How：抓住机遇，积极应对，又要勇敢迎接挑战，同舟共济，实现合作共赢。

让经济全球化更有活力

①要顺应经济全球化，坚持经济全球化正确方向，推动经济全球化朝着更加开放、包容、普惠、平衡、共赢的方向发展，共同营造有利于发展的国际环境，共同培育全球发展新动能，让不同国家、不同阶层、不同文明共享经济全球化好处

②建设创新型、开放、联动、包容型世界经济

③完善全球治理

日益开放的世界经济

经济全球化
的问题与挑战

挑战



民主不是反民主
民主不是同义语
民主是同义语

人民民主专政的社会主义国家

坚持人民民主专政

制度保障
人民当家作主

国家：工人阶级领导、以工农联盟为基础的人民民主专政的社会主义国家。

国家政权坚持以工人阶级为领导，以工农联盟为基础，团结一切可以团结的力量，最大限度调动一切因素。

在过程人民民主

→ 全过程人民民主
→ 最广泛：全体人民、全过程、各领域、各环节的人民当家作主制度体系
→ 最真实：人民的意志与利益得到充分体现、广泛实现
→ 最管用：集中力量办大事、保发展、保民生、保国家安全。

→ 中国人民解放战争和中国人民抗美援朝斗争
→ 我们党的历史力量。

坚持人民民主专政
→ 人民当家作主
→ 对人民实行民主、对极少数敌人实行专政。

社会主义建设
→ 社会主义的可靠条件

对内：维护国家稳定，促进社会发展。
对外：防御外来侵略，保卫国家安全。

人民民主专政的社会主义国家

本质：人民当家作主
 同样：人民民主专政

1. 坚持以工人阶级为领导，以工农联盟为基础

中国革命就是社会主义建设事业

社会主义事业发展保证

2. 团结一切可以团结的力量

全过程人民民主

社会主义民主政治本质

最广泛 全体人民，全覆盖

最真实 形成人民当家作主的制度体系

人民意愿和呼声 → 党和国家机关

方针政策，人民真正当家作主

协商民主是我国社会主义民主政治特有形势

独特优势

最管用 发扬民主，正确集中

高 - (12) 贵子成

坚持人民民主专政

中国人民解放军、人民警察、部队——重要武装力量，人民民主专政坚强柱石

坚持民主与专政统一

1. 保证人民依法享有广泛权利和自由，尊重保障人权

调动民众投身于社会主义现代化建设积极性

2. 人民民主专政

人民

维护国家政治安全，抵御颠覆破坏活动

维护国家政治安全，抵御颠覆破坏活动

社会主义现代文化建设和保障

对内：维护国家稳定，促进社会发展

维护国家安全，公共教育

社会主义经济、政治、文化、社会、生态文明建设

中华民族伟大复兴

对外：维护国家利益，维护国家尊严

构建和维持有利于我国社会主义现代化建设的国际环境

半殖民地半封建社会

帝国主义和封建主义

帝国主义和封建主义是中国人民大众最凶恶的敌人

国情

主要矛盾

根本原因

历史逻辑

性变
根本宗旨
根本立场
根本理念

指导思想

与时俱进
解放思想
实事求是
与时俱进
求真务实

理论逻辑

先锋模范作用

为什么能

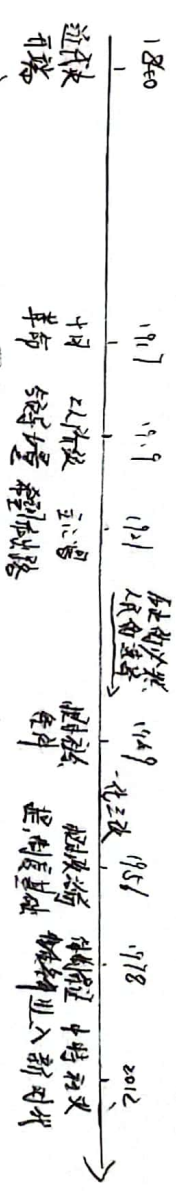
中国共产党的领导

如何加强党的领导

探索涉猎知识整理

1. 中国共产党没有自己特殊利益 (书 P. 16)
 2. 勇于自我革命是中国共产党的显著标志 (书 P. 19)
 3. 党同人民群众始终保持着血肉联系 (书 P. 16)
 4. 党的领导是党和国家政治生活的核心，是维护国家政治稳定和团结的核心，是维护国家最高政治领导权的核心，是维护国家政治统一的核心。
1. 国家之间相互配合、协调一致，形成利益高度整合，形成了国家和社会的凝聚力，具有强大的动员能力和组织协调能力，保证了政策的连续性、协调性、连贯性。

半殖民地半封建社会



地位

最高政治领导力量
最根本特征
最大优势和最本质特征

坚持和完善党的领导

解决——全面从严治党和反腐败斗争

执政方式
科学执政、民主执政、依法执政

政治工作
高-12班

国家观

1222

土地利用类型

- 农业用地：耕地、林地、草地、水域
- 居住用地
- 公共设施用地

例：①农村：农业用地在居住区外围，公共设施用地在居住区中心（同心圆图状）

②城市：以种植林、草地（涵养水源、防止水土流失）山坡地、（条状）、山腰梯田（肥水注入）

影响因素

- 自然（地形、水源）
- 人文（文化、经济）
- 农业
- 居住、工业

居住区：位于商业、工业区间，有公共、人多

工业区：位于居住区、商业区之间，有公共、人多

商业区：位于城市中心、交通干线的两侧或步行半径口，条状、条带状

工业区分区：位于郊区、铁路、公路等交通比较便捷的地带

① 居住区（条状）

② 工业区分区（条状）

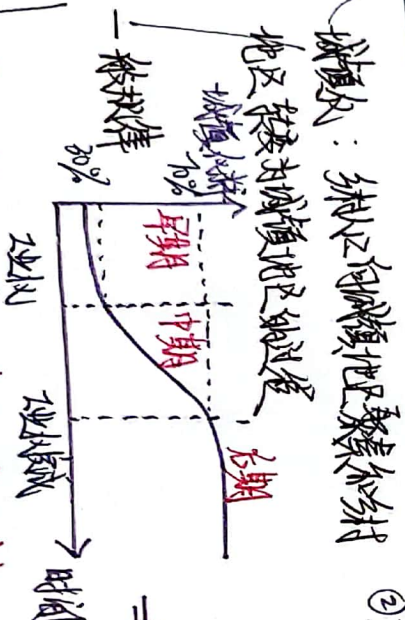
③ 商业区分区（条状）



用地聚集 → **郊区（条状）** → **空间结构**

地理利用

- ① 居住区：住宅、交通规划：公共交通
- ② 工业区分区：住宅、交通规划：公共交通
- ③ 商业区分区：住宅、交通规划：公共交通



主要指标：城市人口与城市面积的比例

城市发展的方向

- 城市（不利）
- 农村（不利）

经济 - 社会发展，控制规模，控制用地，控制人口，控制产业布局...

控制规模

控制用地

控制人口

控制产业布局

应用地理信息技术

T1-20160909
李昊轩

人口

人口分布

中国
(黑河腾冲线) 东多西少
特征
人口大省: 广东, 山东, 河南, 江苏, 四川
(过亿)

世界
人口多分布于中低纬度的沿海平原地区
亚洲: 人口多
欧洲: 数量最大
自然: 地形, 气候, 水源, 土壤, 植被
人文: 农业, 工业, 城市, 交通, 历史

人口迁移

影响要素

- ① 自然生态环境
- ② 社会经济
- ③ 社会文化
- ④ 政治因素

我国人口迁移
务工, 经商

现代人口迁移的主要原因: 经济发展不平衡

迁入

- 有利: 提供劳动力, 降低土地劳动力成本, 促进经济发展, 城市化
- 不利: 资源消耗增加, 环境污染

迁出

- 有利: 缓解人地矛盾, 增加对外交流, 增加经济收入, 有利于土地流转
- 不利: 造成人才流失, 劳动力减少, 影响迁出地的社会, 经济发展, 加剧老龄化, 出生老龄化率立攀升

人口数量变化

人口问题

人口增长过快

原因: 出生率高, 医疗卫生条件改善, 死亡率下降

影响: 资源短缺, 环境污染, 生态破坏, 社会问题

措施: 实行计划生育, 提高人口素质

人口容量

分类

- ① 理论人口容量: 人口最大数量
- ② 实际人口容量: 资源环境承载力

资源环境承载力
区域资源所能承载的最大人口

影响因素

- 正相关: 资源丰富, 开放程度, 教育水平, 科技水平
- 负相关: 资源匮乏, 经济水平

人口老龄化

影响: 劳动力短缺, 国际收支, 社会负担加重, 老年人赡养

措施: 吸引移民, 鼓励生育, 延迟退休年龄, 完善养老

人口增长过快

影响: 婴幼儿比例低, 导致人口老龄化, 劳动力不足

原因: 有良好社会条件, 思想观念改变, 女性社会地位上升, 抚养子女高

措施: 政策支持, 延迟退休年龄, 完善社会养老

注意: ★★★★★

- ① 注意逻辑和基本知识点
- ② 注意决定性的词语: 逐年, 次
- ③ 代入情景, 充分理解
- ④ 注意审题 (图名, 图例, 相对位置)

第三章 产业区位因素

第一节 农业区位因素

农业生产所需条件

因地制宜
匹配
区位选择

地理条件
(农业区位因素)

水稻: 光照
降水 热量 ↑↑
土地肥 地形平

南方(单产高)
(高温平低)

自然因素: 气候条件

热量 ← 纬度、海拔高 → 决定熟期长短
光照 → 温差 → 呼吸、光合作用强弱
降水 → 有机物积累

暖温带
中温带

东北(品质好)
商品率高

小麦: 光照 ↑↑
降水、热量
水源

冬小麦
春小麦

水源 (河湖旁, 地下水, 高山冰雪融水)
[灌溉]

地形条件
地形 → 平原平坦, 土层深 → 种植业
山地丘陵起伏 → 林业或畜牧业
土壤 → 肥力
深厚

农业生产规模等
农产品销售条件

匹配、影响

人文因素: 将生产的产品运到市场销售, 以获得收入

大城市需农产品

城市周围乡村多发展农副

- 市场的需求与价格
- 交通运输条件 → 时间、费用(腐烂)质量
易 → 园艺、果蔬业
- 政策法规 → 税收、价格
- 劳动力
- 资金
- 科技、历史、文化...

—— 朱悦橙 09/01

第二节 人口迁移

一、什么是人口迁移?

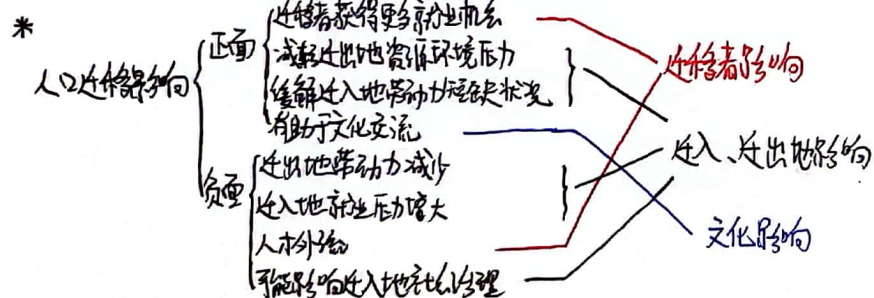
涉及人口居住地发生长期或永久改变的人口移动称为人口迁移

人口迁移 { 国际人口迁移 (跨国界)
国内人口迁移 (不跨国界)



$$\text{人口机械增长率} = \frac{\text{年内迁入人口数} - \text{年内迁出人口数}}{\text{年平均人口数}} \times 100\%$$

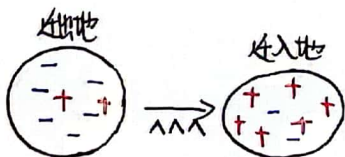
* 区域人口机械增长率为正时, 该区域为人口净迁入区;
区域人口机械增长率为负时, 该区域为人口净迁出区



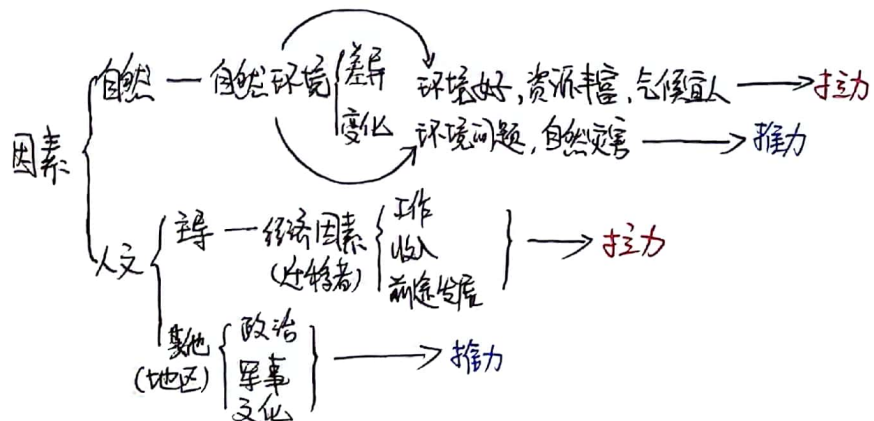
二、影响人口迁移的因素

迁出地的不利因素所产生的推力, 迫使人们迁出
迁入地的有利因素所形成的拉力, 促使人们迁入

主要因素 { 推力: 战争、贫困、自然灾害、环境、污染...
拉力: 教育、工作、收入和条件...
(举例)

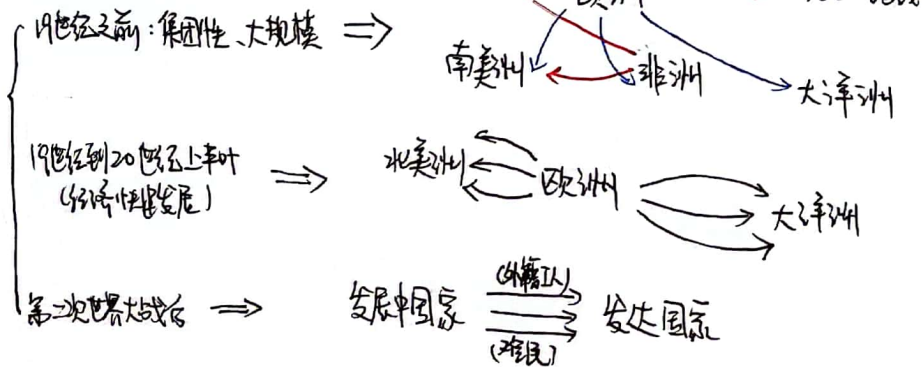


- 推力因素
+ 拉力因素
^ 迁移障碍 (语言、国籍)



三、人口迁移的时空特点

(一) 国际人口迁移



(二) 国内人口迁移

{ 工业化前: 垦荒、灾荒、战乱
工业化: 农村 -> 城镇
改革开放前: 有计划、有组织 -> 开边疆
改革开放后: 农村 -> 城镇, 内陆 -> 沿海

高一 10班



乡村和城镇空间结构

乡村

定义：以农业经济活动为主的地区
 用地类型：耕地、林地、草地、水域等。
 主要以农业用地和居住用地为主。
 发展到一定阶段后，以公共服务设施为中心，住宅由此向外环状。

定义：包括城市和县镇，以非农业经济活动为主。

功能区

- 基本
 - 居住区：从流屋外，位于工业与商业中间
 - 商业区：从流中心，位于交通干线附近，点状分布
 - 工业区：从流大，靠近河流、铁路，交通便捷。

其它

- 行政区
- 文化区
- 生态区

 各种功能区在空间的组合，就形成了城镇内部空间结构。

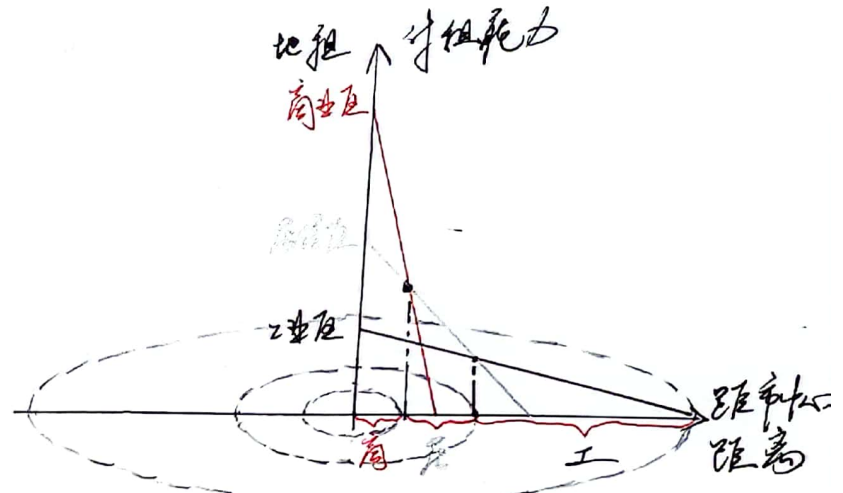
城镇

影响分布的因素

- 经济：对城镇功能/区位的影响主要取决于活动愿意
- 主要因素：租金高低
 - 交通便捷程度↑
 - 距城镇远近(近) ⇒ 租金↑
- 政策、文化、环境...

合理利用空间

- 卫星城：有效缓解大城市资源紧张问题
- 合理安排工业、居住区：改善环境，提高土地利用效率，便利生产生活。
- 规划有历史文化价值的场所：保护地物和民族传统特色
- 让现代历史文化遗产永续相传。

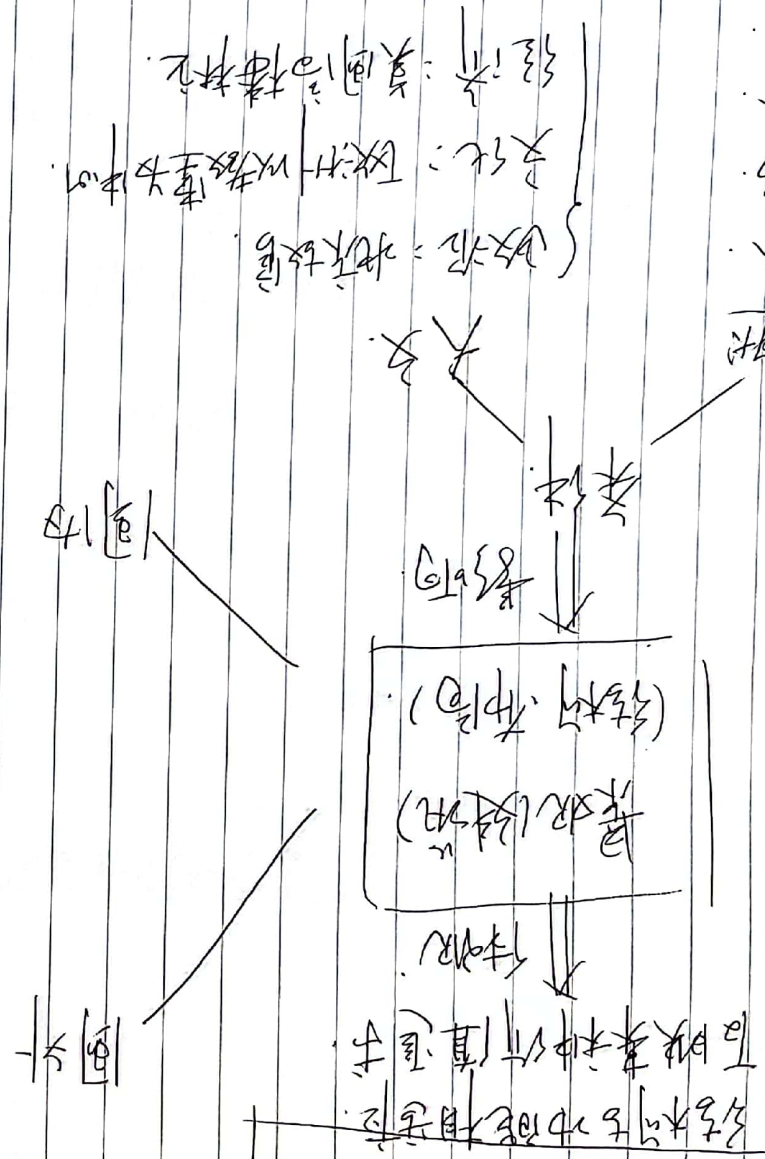


高一(10)班

自然
气候
地形
水源
降水
风沙
光照

1.9
的相似性

2.3. 地域文化与城乡景观



政治: 北京故宫
文化: 欧洲以教堂为中心
经济: 美国以格林尼治

中国: ① 皇城 & 行政中心在中央 => 中央集权
② 中轴对称 => 中轴中轴

欧洲: 以教堂和广场为中心 => 宗教信仰

美国: 摩天大楼位于中心 => 经济效应, 文化效应

整体结构: 中轴中轴, 中轴对称

城镇 => 北京
特殊建筑: 四合院, 四合院有内园, 大门

江南: 灰瓦建筑 => 民居, 白墙黑瓦, 水乡民居

福建: 土楼 => 位于山谷中 => 防御

土质黏重, 墙体厚

江南: 中轴对称 => 阳宅, 阴宅

黄土高原: 窑洞, 地坑院 => 保暖

内蒙古: 蒙古包

内蒙古: 蒙古包 => 圆形屋顶 => 防风拆卸

Date

城镇化

概念：人口从农村地区向城市地区转移和集中的过程，包括人口城市化，土地城市化，经济城市化和社区城市化

过程：城市化的过程：城市化过程包括城市人口增长，城市经济结构城镇化等
初级阶段，加速阶段，成熟阶段，调整阶段，可持续发展阶段

原因：推动因素包括经济发展，工业化进程，人口增长，农业现代化等。

影响：
经济：促进经济增长
社会：促进社会发展
环境：对环境造成一定程度的破坏

我国的城镇化特点：速度快，规模大，区域差异显著，城乡一体化发展。

高一0班



答题技巧、方法:

1、仔细观察: 尽量圈出题中的关键信息, 不要遗漏

如: 月考第一题, 注意人口分布图中的海拔(5000)可排除东南丘陵

选择云贵高原

月考题32题

"岭南" (要知道"岭南"在广东、广西一带)

排除AC

2、要前后信息一致 (注意分辨率)

如 月考32题 A 监测地所以减少工业污染, 逻辑不通, 排除

选项D

3、要有生活常识

月考题22、23题, 要知道靠右行驶, 学校工作日早晚堵, 商场

休息日堵

注意事项:

多看书, 了解最基本的知识 (能猜有人连风向往标都标错)

如 资源和承载力与人口合理密度的关系、逆城市化原因等

* 多看地图 (不止世界地图), 地图册中有很多地理知识, 如地形区

工业分布、粮食作物分布、三角洲形成过程等, 巩固、强化你的基础

知识。

总之: 多努力, 地理不会亏待你

第一章 第一节 人口分布

本节主要包括人口分布及影响因素，人口分布状况。理解书上地图。知道大致哪里稠密，哪里稀疏即可。

本节主要考虑点在于影响因素，分为自然和人文因素。自然包括气候、地形、水源等。人文包括历史、经济等。

答题时要紧盯图例。比如通过纬度看气候，通过等高线看地形，通过道路看交通等。此外一定要将要点（所有因素）答全。

要注意各个因素间的联系。例如地形与气候。

高一/10



期中五抑复习

高一4班

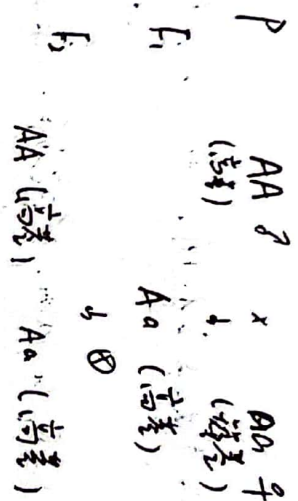
岳振林

孟德尔豌豆杂交实验：

亲代各种分离定律。自由组合定律的验证。

尤其是 P: 3:3:1 的变体。 (F1: 6:1, 9:7, 15:1, 1:5:4 等等)

遗传图解安全画：



自由组合定律做题技巧：

做棋盘法的亲本基因型

一些重要位置的亲本：豌豆的性状，假说-演绎法。

减数分裂与受精作用

示意图



初级卵母细胞

减I前

减I中

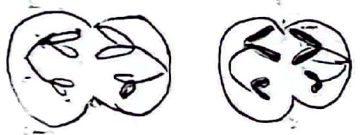
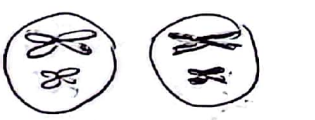
减I后

减II末

联合、交换

四分体





减I前
(与减I未进行配对)

减I中

减I后

减II前

精细胞 → 精子

次级精母细胞

精子与次级精母细胞不同，若3个极体 + 1个卵细胞 (退化)

· 减I与减II不需要任何的能量，染色体、染色单体及核膜。

· 减I作用要记住有这4个东西，别忘了。

基础不扎实上：萨顿假说、摩尔根实验验证

孟德尔遗传规律的现代解释 (染色体在减I)

伴性遗传：
· 了解一些奇奇怪怪的口诀啊
· 想想以果蝇、小鼠为例就可以

红绿色盲、血友病

抗维生素D佝偻病 伴X显

性别决定：X Y型、ZW型、以及其他的。

女过来看丫。

· 眼睛像女儿也做这题也讲哈 ...

DNA 的主要遗传物质：几个重要实验

1. 肺炎链球菌转化实验

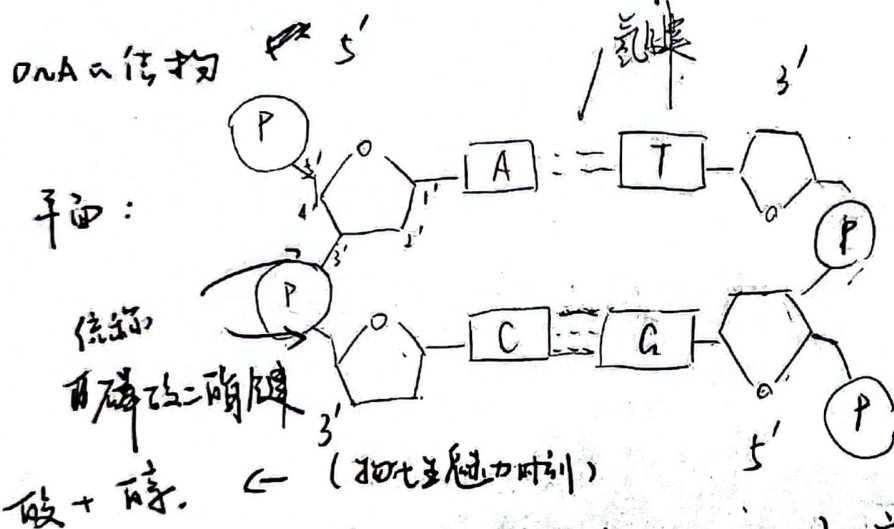
① 格里菲思的 转化因子

② 艾弗里 DNA 酶处理失去转化活性 → 证明 DNA

2. 噬菌体侵染细菌实验 赫梯森斯

证明：同位素示踪 如 ^{35}S 标记蛋白质 (放射性)

增加放射性，减少放射性的降解



反平行

A 腺嘌呤 T 胸腺嘧啶 C 胞嘧啶 G 鸟嘌呤

碱基互补配对原则

双螺旋结构

DNA 复制

边旋边解，边复制，总之是半保留复制



例：行尾查

某生物个体减数分裂产生的配子种类及比例为 $Ab: aB: AB: ab = 3:2:3:2$ 。若该生物进行自交，后代中纯合体的

比例是 $\frac{26}{100}$

	$\frac{3}{10} Ab$	$\frac{2}{10} aB$	$\frac{3}{10} AB$	$\frac{2}{10} ab$
$\frac{3}{10} Ab$	$\frac{9}{100} AAbb$			
$\frac{2}{10} aB$		$\frac{4}{100} aaBB$		
$\frac{3}{10} AB$			$\frac{9}{100} AABB$	
$\frac{2}{10} ab$				$\frac{4}{100} aabb$

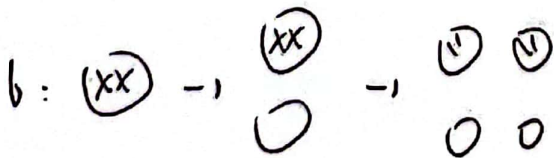
$$\frac{9}{100} + \frac{4}{100} + \frac{9}{100} + \frac{4}{100} = 26\%$$

纯合体比例 = 26%

例：行尾查

6. 初级精母细胞 a 减数第一次分裂正常；由 a 产生的某个次级精母细胞，在减数第二次分裂时 1 条染色体的姐妹染色单体没有分开。初级精母细胞 b 在减数第一次分裂时，有一对同源染色体不发生分离；由 b 产生的两个次级精母细胞在减数第二次分裂时均正常。上述两个初级精母细胞减数分裂的最终结果是

- A. a、b 产生的配子全都不正常
- B. a、b 都只产生一半不正常的配子
- C. a 产生的配子都不正常，b 只产生一半不正常的配子
- D. a 只产生一半不正常的配子，b 产生的配子都不正常



$\Rightarrow 1/2$



解. 关于伴性

与伴性遗传的再分析.

• 关于 DNA.

C. G 越多越稳定, 多样性. 稳定性.

例: 下列的 DNA 分子中各种碱基的数量, 各种比例中哪一种

$$\frac{G+A}{T+C}$$

同一条 DNA 链内 $A=T$, $C=G$ 数量.

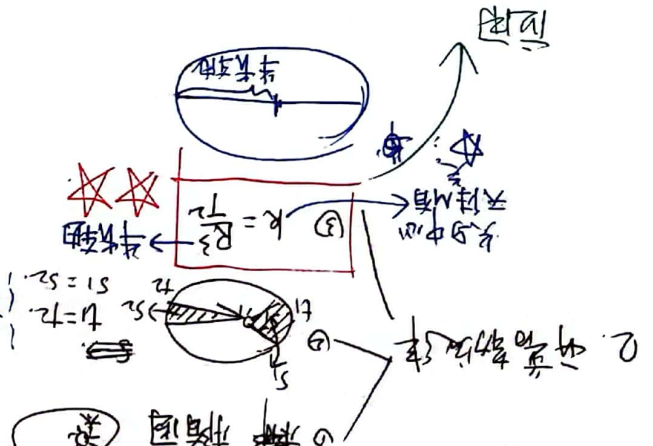
这种比例除开注意分清 A, T, C, G 的对应关系, 与伴性遗传.

补充:

交叉思想. 很重要. 设计实验什么可以应用上.



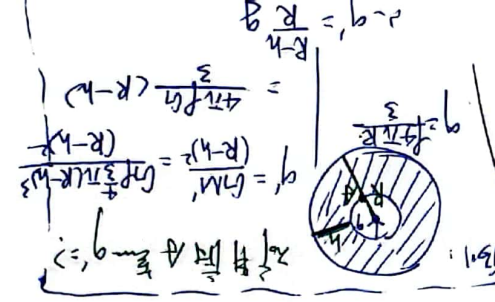
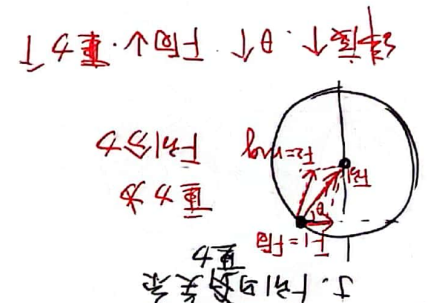
(托勒密) <地心说>
 1. 地球是日心说
 与哥白尼的日心说不符



万有引力定律
 $F_{21} = G \frac{M_1 M_2}{r^2}$
 (G = 6.67 × 10⁻¹¹ N·m²/kg²)
 条件: ① 看成质点的两物体
 ② 两均匀球体, r为球心距

- ① 均匀球壳空腔内任意位置处, 质点受球壳引力为0
- ② 均匀球体内任意球壳对质点引力
- ③ R² = a³
- ④ $\frac{R_1^3}{T_1^2} = \frac{R_2^3}{T_2^2}$

万有引力与宇宙航行
 人造卫星在地球表面附近
 入近地点V₁ 远地点V₂
 椭圆轨道
 椭圆轨道



万有引力与万有引力
 万有引力与万有引力
 万有引力与万有引力

验证: G = F_向
 地球: $G \frac{M}{R^2} = mg$
 $g = \frac{GM}{R^2}$
 $g_{地} = \frac{GM}{(6.37 \times 10^6)^2} \cdot g_{月} = 3600g$
 $g_{月} \approx 300g$
 方向指向地球
 方向指向地球

6. 万有引力理论成就
 ① $M = \frac{gR^2}{G} = \frac{4\pi^2 R^3}{GT^2}$
 地球质量
 ② $f = \frac{3g}{32\pi^2 R} = \frac{g}{1728R^3}$
 ③ 海王星发现
 ④ 双星问题
 bridge: w. I 相同
 F_向 = F_引

① $\frac{L^2}{Gm_1 m_2} = m_1 w^2 r_1 = m_2 w^2 r_2$
 ② $\frac{L^2}{Gm_1 m_2} = m_1 w^2 r_1 = m_2 w^2 r_2$
 ③ $r_1 = \frac{m_2}{m_1 + m_2} L$
 ④ $r_2 = \frac{m_1}{m_1 + m_2} L$
 ⑤ $v = \frac{Gm_1 m_2}{L} \sqrt{\frac{L}{Gm_1 m_2}}$
 ⑥ $v = \frac{Gm_1 m_2}{L} \sqrt{\frac{L}{Gm_1 m_2}}$
 ⑦ $v = \frac{Gm_1 m_2}{L} \sqrt{\frac{L}{Gm_1 m_2}}$
 ⑧ $v = \frac{Gm_1 m_2}{L} \sqrt{\frac{L}{Gm_1 m_2}}$
 ⑨ $v = \frac{Gm_1 m_2}{L} \sqrt{\frac{L}{Gm_1 m_2}}$
 ⑩ $v = \frac{Gm_1 m_2}{L} \sqrt{\frac{L}{Gm_1 m_2}}$

45 41
 万有引力
 万有引力

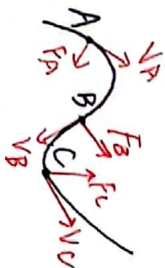


物理第五—七章知识总结

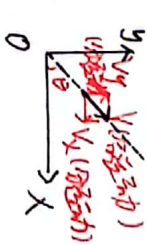
第五章

抛体运动

· 曲线运动

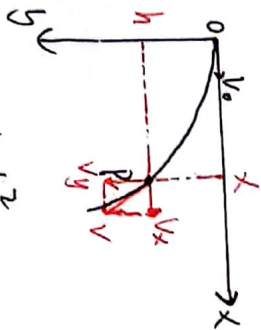


· 运动的合成与分解



· 抛体运动的规律

· 平抛运动特点
 v_0 水平向右
 不计空气阻力只受重力



$$\begin{cases} h = \frac{1}{2}gt^2 \\ x = v_0 t \\ v_x = v_0 \\ v_y = gt \end{cases}$$

第六章

圆周运动

· 物理量

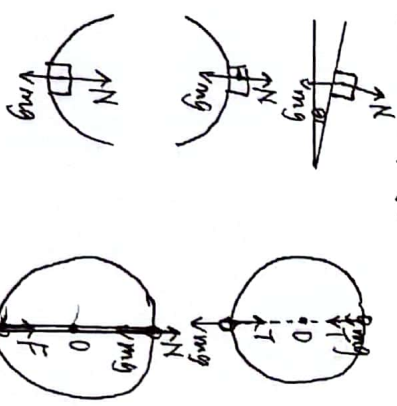
v 、 ω 、 T 、 n 、 f
 线速度 角速度 周期 转速 频率

$$\begin{aligned} v &= \omega r \\ T &= \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{\omega} \\ \omega &= \frac{1}{T} = \frac{1}{f} \end{aligned}$$

· 向心力和向心加速度

$$\begin{aligned} F_n &= m\omega^2 r = m \frac{v^2}{r} = m \frac{4\pi^2}{T^2} r \\ a_n &= \omega^2 r = \frac{v^2}{r} = \frac{4\pi^2}{T^2} r \end{aligned}$$

· 生活中的圆周运动



第七章

万有引力与宇宙航行

· 行星的运动

开普勒定律

椭圆 焦点 \rightarrow 圆、圆心 (描述定律)
 $b = b_1, s = s_2 \rightarrow$ 椭圆 (面积定律)
 $\frac{a^3}{T^2} = k \rightarrow \frac{r^3}{T^2} = k$ (周期定律)

· 万有引力定律

$$1. F = G \frac{Mm}{r^2} \quad \text{D} \rightarrow \text{r}$$

2. 适用条件: 质点之间

3. G : [某]卡文迪许 $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2$

· 万有引力的应用

$F_g \rightarrow G$ 若不计算 $F_g = G$

“称量”地球质量: $mg = G \frac{Mm}{R^2} \Rightarrow M = \frac{gR^2}{G} \Rightarrow GM = gR^2$

计算中心天体质量: $G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{4\pi^2}{T^2} r \Rightarrow M = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}$

天体平均密度: $V = \frac{4}{3}\pi R^3, \rho = \frac{M}{V} = \frac{3a}{4\pi R}$

发现未知星体—海王星
 预言哈雷彗星回归

· 宇宙航行

$$\begin{aligned} v &= \sqrt{\frac{GM}{r}} \\ \omega &= \sqrt{\frac{GM}{r^3}} \\ T &= 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}} \\ a &= \frac{GM}{r^2} \end{aligned}$$

$v_{第1} = 7.9 \text{ km/s}$ 环绕

$v_{第2} = 11.2 \text{ km/s}$ 脱离

$v_{第3} = 16.7 \text{ km/s}$ 逃逸

近地卫星: $r \approx R$

同步卫星: $T = 24 \text{ h}$

极轨卫星: 面积最大

$\frac{GMm}{r^2} = m \frac{v^2}{r}$ 圆周运动半径

高一(5)班
 程柏苍
 20260503



$$n = \frac{GM}{r^2}$$

G : 引力常量: $6.67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2$

M : 中心天体质量, m : 被吸引物体质量

r : 两物体间距离

落地检验

$$F_{\text{落地}} = G \frac{Mm_{\text{落地}}}{R^2} = m \cdot a$$

$$F_{\text{落地}} = G \frac{Mm_{\text{落地}}}{R^2} = m \cdot g$$

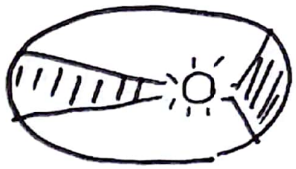
$$\frac{a}{g} = \frac{r_1^2}{r_2^2}$$

开普勒三定律

1. 中心天体位于圆心

2. $v_1 r_1 = v_2 r_2$

3. $\frac{a^3}{T^2} = k$ (与中心天体有关)



$$a = \frac{GM}{r^2}$$

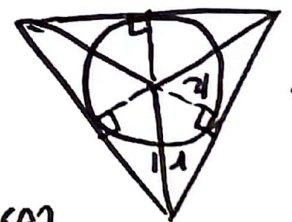
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$$

$$w = \sqrt{\frac{GM}{r^3}}$$

$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$$

环绕问题 二级结论

万有引力



$$\cos \theta = \frac{r}{R}$$

全球通信

Law of universal gravitation

宇宙双星系统

$$\frac{r_1}{r_2} = \frac{m_2}{m_1}, \frac{v_1}{v_2} = \frac{m_2}{m_1}$$

$$\frac{GM}{r^2} = \frac{GM}{r^2}$$

卫星问题

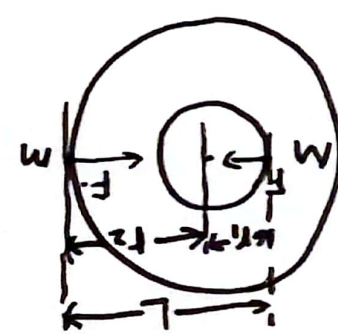
第一宇宙速度: $v = 7.9 \text{ km/s}$. 最小发射最大环绕
第二宇宙速度: $v = 11.2 \text{ km/s}$ 脱离地球运行
第三宇宙速度: $v = 16.7 \text{ km/s}$. 逃离速度.

近地卫星: $r \approx R$. $v \approx 7.9 \text{ km/s}$. $T \approx 84 \text{ min}$

同步卫星: $T = 24 \text{ h}$. 角速度与 ω 相同. 轨道与赤道面重合.

$$h = 5.6 R, r = 6.6 R$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$$



$r_2 > r_1 > R$
 $w_2 = w_3 < w_1$
 $v_1 > v_2 > v_3$
 $T_1 < T_2 = T_3$
 $a_1 > a_2 > a_3$

方向
半径
角速度
线速度
周期
向心加速度

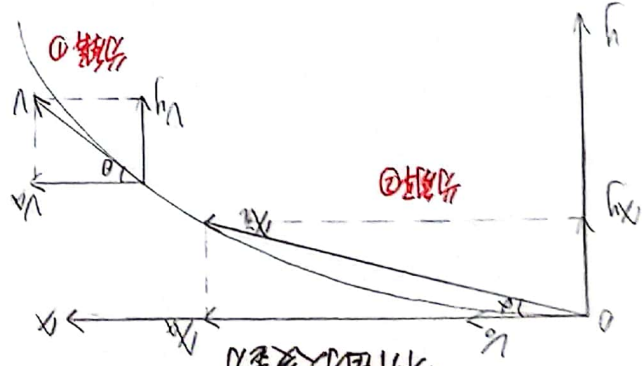
对比

① 近地. ② 同步. ③ 赤道同步. ④ 极地同步. ⑤ 赤道同步. ⑥ 极地同步.

扫描全能王

第五章 抛体运动

平抛运动 不计重力

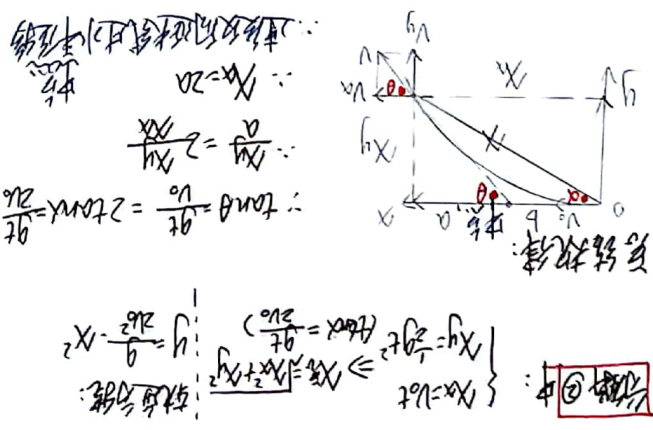


曲线运动 直线运动 x2 (如图)

步骤②: 各个分折

①: $v_x = v_0$
 $v_y = gt$
 $v = \sqrt{v_0^2 + g^2 t^2}$
 $\tan\theta = \frac{gt}{v_0}$

②: $x = v_0 t$
 $y = \frac{1}{2} g t^2$
 $x^2 = \frac{2v_0^2}{g} y$

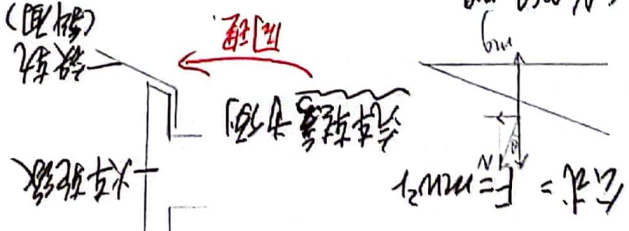


平抛运动

①: $v = \frac{1}{2} g t^2 \Rightarrow t$ 只取大小 $\Rightarrow t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$

②: $x = v_0 t$

航车 圆周运动



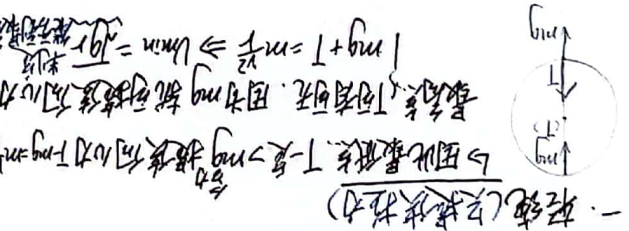
公式: $F = m v^2 / r$

①: $N \cdot \cos\theta = mg$
 $N \cdot \sin\theta = F_n = m g \tan\theta$
 $F_n = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow v_0 = \sqrt{g r \tan\theta}$

②: 若 $v > v_0$, $F_n \uparrow$ (由杆内提供), 运动与杆内, 反之同理

以上为水平平面

以下为竖直面圆周运动模型



①: 轻绳 (只能提供拉力)

②: 轻杆 (推力拉力都可提供)

③: 轻杆 (推力拉力都可提供)

④: 轻杆 (推力拉力都可提供)

①: 水流星, 过山车属于轻绳

②: 水流星, 过山车属于轻绳

③: 水流星, 过山车属于轻绳

④: 水流星, 过山车属于轻绳

火车 万有引力与宇宙航行

公式: $\frac{G M m}{r^2} = k (k = \frac{4\pi^2}{T^2})$, $F = \frac{G M m}{r^2}$

①: 太阳对行星: $F = m \frac{v^2}{r} = \frac{G M m}{r^2}$

②: 行星对太阳: $F' = M \frac{v'^2}{r'} = \frac{G M m}{r^2}$

①: 月球绕地球运动

②: 地球与苹果列式

③: 地球与苹果列式

①: 环绕速度 7.9 km/s

②: 近地卫星环绕速度

③: 最小卫星发射速度

④: 最大环绕速度

⑤: 第一宇宙速度 环绕速度

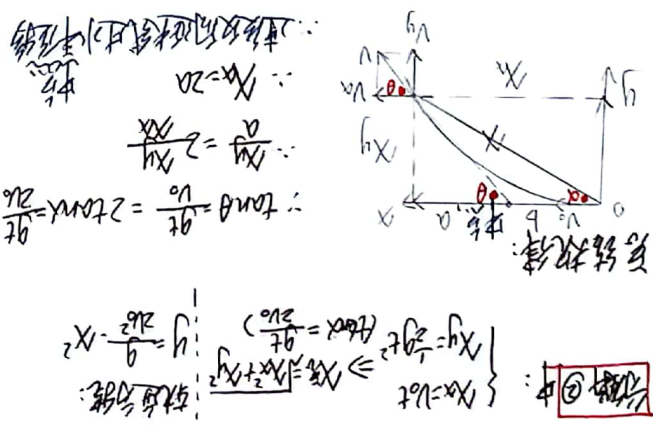
⑥: 第二宇宙速度 脱离速度

⑦: 第三宇宙速度 逃逸速度

问题思路

①: $v = \frac{1}{2} g t^2 \Rightarrow t$ 只取大小 $\Rightarrow t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$

②: $x = v_0 t$

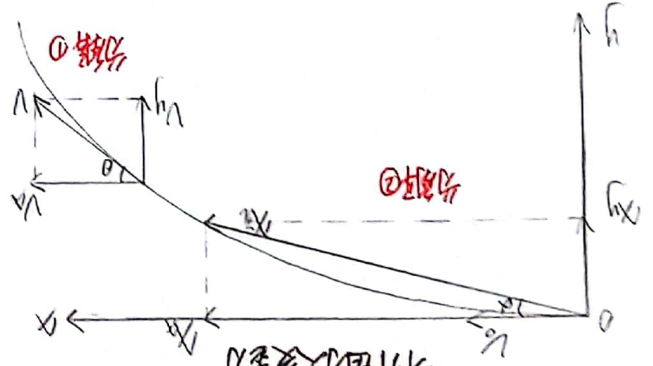


①: 曲线运动 直线运动 x2 (如图)

②: 各个分折

③: $v_x = v_0$
 $v_y = gt$
 $v = \sqrt{v_0^2 + g^2 t^2}$
 $\tan\theta = \frac{gt}{v_0}$

④: $x = v_0 t$
 $y = \frac{1}{2} g t^2$
 $x^2 = \frac{2v_0^2}{g} y$



①: 平抛运动 不计重力

②: 平抛运动 不计重力

物理

知识总结

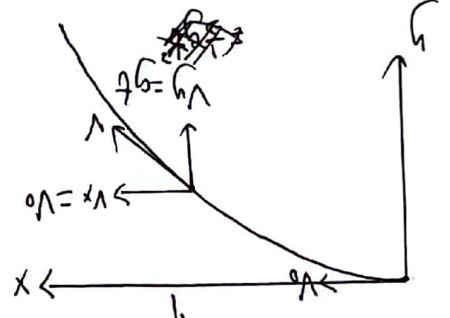
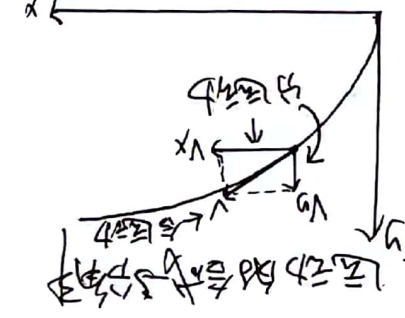
第五章 抛体运动

核心：运动的分解

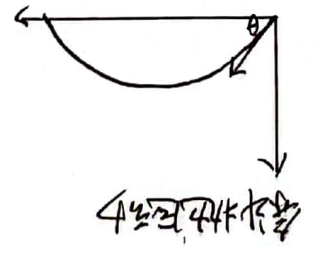
1. 曲线运动
 - 曲线加速
 - 两个但合加速度同向
 - 要一个 → 曲线
 - 不变 → 速度
 - 部分运动的加速度切
 - 运动或直线运动：运动提曲线
3. 实验：物体运动特点
 - 特点：只受重力，初速 v_0
 - 沿水平方向
 - 研究方法：分解

速度沿切线方向 (将两
点无限靠近得到)
加速度向轨迹弯曲内侧
当然实际上先有a再有v

2. 运动的合成与分解
轨迹方程 (x, y) 通过消
参数：三者均含 t
 $y = \frac{v_0}{v_x} x \sqrt{\frac{v_0^2 - v_x^2}{v_0^2}}$
 $t = \frac{v_0^2 - v_x^2}{2v_0 v_x}$



$\Delta x = v_x t$
 $\Delta y = \frac{1}{2} g t^2$
轨迹方程: $y = \frac{g}{2v_0^2} x^2$



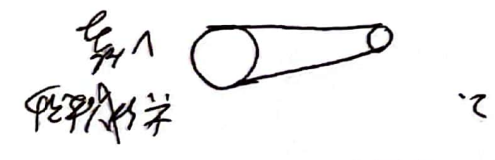
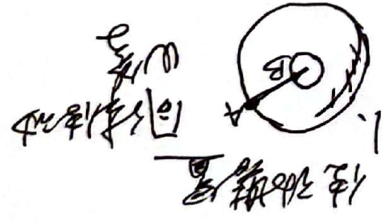
斜抛运动
 $v_x = v_0 \cos \alpha$
 $v_y = v_0 \sin \alpha$
 $v_x = v_0 \cos \alpha$
 $v_y = v_0 \sin \alpha - gt$

斜程: $\theta = 45^\circ$ 时
 $x_{max} = \frac{v_0^2}{g}$ (不计H)
射高: $H = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$
(当然这个大前提不需要说)

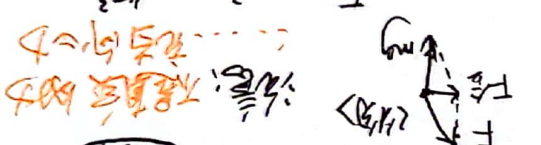
第六章 圆周运动
核心：向心力
有周期性 (t, x, v)

1. 圆周运动
好特征 (轨迹) 圆/弧
线速度 $v = \frac{\Delta s}{\Delta t}$ m/s
角速度 $\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$ rad/s
周期 $T = \frac{2\pi r}{v}$

1. 匀速圆周运动
角速度 $\omega = \frac{1}{T}$
频率 $f = \frac{1}{T}$ Hz



2. 向心力
沿圆周指向圆心



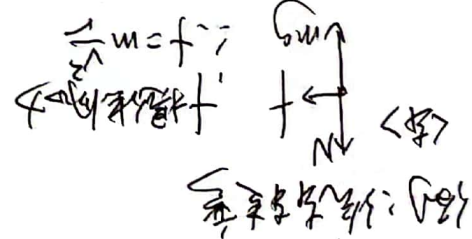
$F_n = m \omega^2 r = m \frac{v^2}{r}$
注意：不是向心力
... 指向圆心

3. 向心力来源
 $a_n = \frac{F_n}{m} = \omega^2 r = \dots$

变速圆周：
切向力改变v大小
 $F_{切}$ 提供向心力
一般曲线运动可以看成一段一段的圆周相加

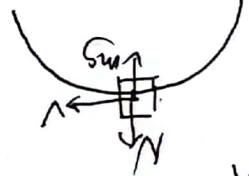
0528 郑子杰

4. 地球中的圆周运动



条件: $F_n = mg \tan \theta$
 $\frac{v^2}{R} = g \tan \theta$
 $v = \sqrt{gR \tan \theta}$
 对不滑动(无f)

在拱桥!



$F = mg - N = m \frac{v^2}{R}$

$N = mg - F$
 $v = \sqrt{gR}$

第一宇宙速度 $v = \sqrt{gR} \approx 7.9 \text{ km/s}$
 第二宇宙速度 $v = \sqrt{2}gR$

1. 行星的圆周运动

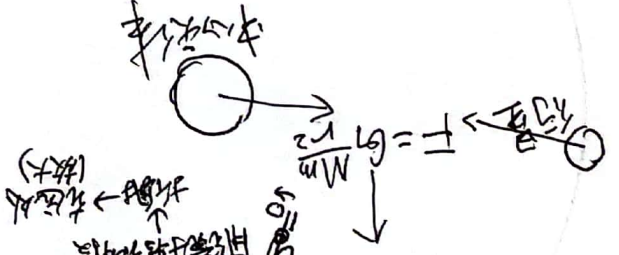
行星的圆周运动

开普勒三定律: 轨道、面积、周期

2. 万有引力定律

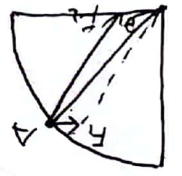
普遍性: 地球-月球系统
 $F = G \frac{Mm}{r^2}$ (引力)

月球为曲线: 约 6.67×10^{-11}
 月球对地球的引力



3. 万有引力定律的应用

- 万有引力的应用



$F_1 = F_1 \cos \theta = mg \cos \theta$
 $F_2 = F_2 \sin \theta = mg \sin \theta$
 一般万有引力的应用

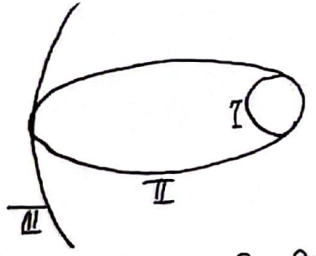
$M = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}$

$G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{v^2}{r}$

天体的质量(中心天体)

行星的轨道: $M = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}$
 $mg = G \frac{Mm}{R^2}$
 $\Rightarrow GM = gR^2$

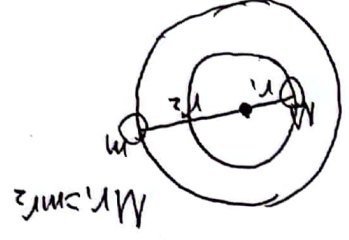
天体的平均密度: $\rho = \frac{3\pi}{32} \frac{v^2}{GTR^3}$



I \rightarrow II \rightarrow III
 万有引力定律 (v)
 I \rightarrow II \rightarrow III
 万有引力定律 (v)

0. 地球卫星 ① 万有引力定律的应用

双星模型:
 $r_1 > r_2 > r_3$
 $w_1 > w_2 = w_3$
 $T_1 < T_2 = T_3$
 $v_1 > v_2 > v_3$
 $a_1 > a_2 > a_3$



0528 郑子云

0528 郑子云

1. 基本物理量

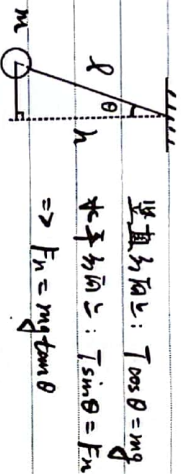
线速度: $v = \frac{ds}{dt}$	m/s
角速度: $\omega = \frac{d\theta}{dt}$	rad/s
周期: $T = \frac{2\pi r}{v}$	s
频率: $f = \frac{1}{T}$	1/s
转速: $n = \frac{1}{T}$	r/s

2. 向心力: $F_n = m\omega^2 r = m \frac{v^2}{r}$

3. 向心加速度: $a_n = \omega^2 r = \frac{v^2}{r}$

4. 模型

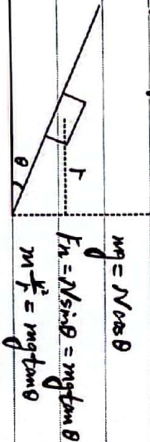
(1) 圆锥摆



竖直方向上: $T \cos \theta = mg$
 水平方向上: $T \sin \theta = F_n$
 $\Rightarrow F_n = mg \tan \theta$

运动分析 = 受力分析: $m\omega^2 r = mg \tan \theta$
 $\Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{g}{l \cos \theta}}$

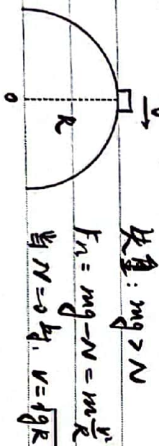
(2) 汽车转弯 —— 外侧内低



$mg = N \cos \theta$
 $F_n = N \sin \theta = mg \tan \theta$
 $m \frac{v^2}{r} = mg \tan \theta$
 $\Rightarrow v_0 = \sqrt{r g \tan \theta}$

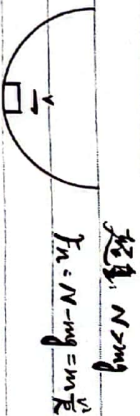
若 $v > v_0$, 则汽车有向外滑动的趋势

(3) 汽车过拱桥



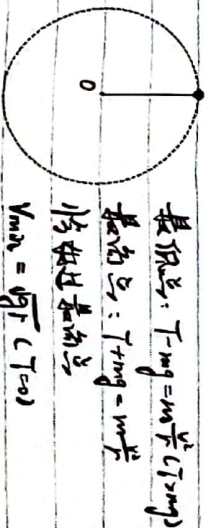
失重: $mg > N$
 $F_n = mg - N = m \frac{v^2}{R}$
 当 $N = 0$ 时, $v = \sqrt{gR}$

(4) 汽车过凹形路面

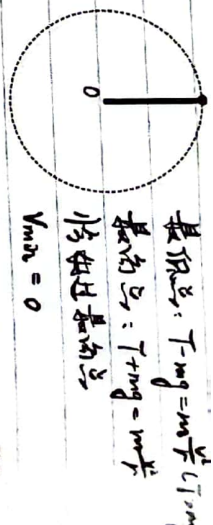


超重: $N > mg$
 $F_n = N - mg = m \frac{v^2}{R}$

(5) 竖直平面内圆周运动的临界



最低点: $T - mg = m \frac{v^2}{R}$ ($T > mg$)
 最高点: $T + mg = m \frac{v^2}{R}$
 恰好过最高点
 $v_{min} = \sqrt{gR}$ ($T = 0$)



最低点: $T - mg = m \frac{v^2}{R}$
 最高点: $T + mg = m \frac{v^2}{R}$
 恰好过最高点
 $v_{min} = 0$
 若 $T = 0$, $v = \sqrt{gR}$ 向上
 向下 $T > 0$

二、万有引力与宇宙航行

1. 开普勒三定律

- (1) 轨道定律: 椭圆
- (2) 面积定律: ΔS 相等 (等面积定律)
- (3) 周期定律: $\frac{a^3}{T^2} = k$ —— 与中心天体质量有关

2. 太阳与行星之间的引力

- (1) 原因: 引力
- (2) 太阳对行星: $F = m \frac{v^2}{r} = m \frac{4\pi^2}{T^2} r$ 又 $\frac{r^3}{T^2} = k$
 $\Rightarrow F = 4\pi^2 k \frac{m}{r^2} \propto \frac{1}{r^2}$
- (3) 行星对太阳: $F' \propto \frac{M}{r^2}$
- (4) 地球表面: $F = F' \propto \frac{Mm}{R^2}$
 $\Rightarrow F_g = G \frac{Mm}{R^2}$

3. 月—地检验

$F_{地-月} = G \frac{M_0 M_1}{r^2} = m \gamma a$ $F_{地-月} = G \frac{M_0 m_0}{R^2} = m_0 g$
 $\Rightarrow \frac{g}{R} = \gamma = 3600$

4. 万有引力定律: $F = G \frac{Mm}{r^2}$ ($G = 6.67 \times 10^{-11} N \cdot m^2 / kg^2$)

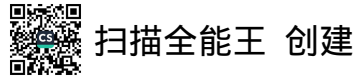
5. 重力与万有引力关系: 总是万有引力的分力
 纬度 \uparrow , $g \uparrow$

6. 几个常用结论

$G M = g R^2$
 $M = \frac{g R^2}{G}$
 $\rho = \frac{M}{\frac{4}{3} \pi R^3}$ (地球: $\rho = \frac{5}{6}$)

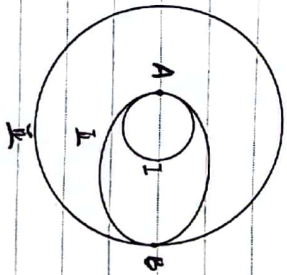
7. 宇宙航行

- (1) 第一宇宙速度: 7.9 km/s
- (2) 第二宇宙速度: 11.2 km/s
- (3) 第三宇宙速度: 16.7 km/s



8. 卫星变轨

升轨：提 \$v\$ 离心，再升 \$v\$ 运行



比较：① \$a\$ \$a_{A2} = a_{O2}\$ \$a_{B2} = a_{O2B}\$ \$a_A > a_B\$

② \$v\$ 近圆：\$v_{A1} < v_{B1}\$ 椭圆：\$v_{A2} > v_{B2}\$

轨迹：\$A \rightarrow B \rightarrow A \rightarrow B\$

\$B \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow A\$

9. 近地卫星

- (1) \$r \approx R\$ (2) \$T\$ 最小 \$T \approx 84 \text{min}\$ (3) \$v, \omega, a\$ 最大. \$a \approx g\$

10. 同步卫星 (\$T = 24\text{h}\$)

- (1) 静止卫星 轨道平面与赤道平面重合

自由向转动

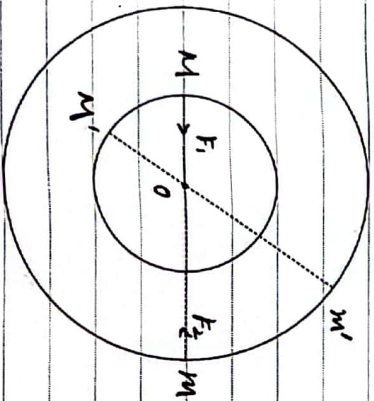
$$T = 24\text{h} = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$$

\$r\$ 相同, 高度 \$h \approx 3.6 \times 10^4 \text{km}\$ \$r \approx 6.6R\$

\$v, \omega, a\$ 相同

- (2) 全球通信卫星：至少 3 颗 —— \$T = 24\text{h}\$

11. 开普勒行星模型



$$F_1 = F_2 = G \frac{Mm}{r^2}$$

$$M : G \frac{Mm}{(rM)^2} = M\omega^2 r \Rightarrow \frac{r}{r^2} = \frac{\omega^2}{M}$$

$$M : G \frac{Mm}{(rM)^2} = m\omega^2 r$$

\$\Rightarrow\$ 靠近质量大天体

\$\Rightarrow\$ 当 \$M \gg m\$ 时, \$M\$ 为中心天体

12. 牛顿力学的局限性

宏观：相比亚原子

使用条件

低速：相比亚光速



20260521 刘成海

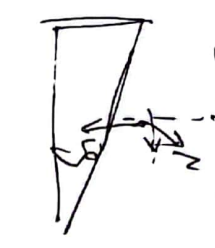
圆周运动

v 线速度 $= \sqrt{\frac{GM}{r}}$
 ω 角速度 $= \sqrt{\frac{GM}{r^3}}$
 T 周期 $= 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$

向心力 $F_w = m\omega^2 r$
 不是质量不是力的
 圆周运动向心力
 向心加速度: $a_w = \omega^2 r$

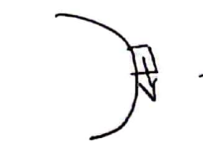
行星圆周运动

汽轮机, 陀螺仪, 陀螺仪



N 在转轴同方向 or
 N 垂直于转轴
 重力向心力

过拱桥 / 凹桥 / 杆桥



$v > \sqrt{gr}$, 飞出
 $v = \sqrt{gr}$, 桥桥力
 $v < \sqrt{gr}$, 桥压力



$v > \sqrt{gr}$, 桥压力
 $v = \sqrt{gr}$
 $v < \sqrt{gr}$

绳连接



$v > \sqrt{gr}$ 桥压力,
 $v = \sqrt{gr}$ 桥桥力
 $v < \sqrt{gr}$ 绳拉力

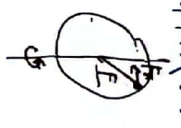
天体运动

开普勒定律

一 \rightarrow 开普勒定律: 椭圆 (近地点)
 \rightarrow 面积定律: $\frac{dA}{dt} = \frac{1}{2} r^2 \dot{\theta}$
 \rightarrow 周期定律: $T^2 \propto a^3$
 \rightarrow $\frac{a^3}{T^2} = \frac{GM}{4\pi^2}$

万有引力: $F = G \frac{Mm}{r^2}$ 万有引力
 条件: 质量分布点

万有引力场: E



ω 是地球的一个力,
 重力: g
 重力加速度: g
 重力: g
 重力: g

行星中天体质量:

$M = \frac{gR^2}{G}$

(地球: $\rho = \frac{M}{V}$, $V = \frac{4}{3}\pi R^3$)

哈勃望远镜: $T \approx 76$ 年

海王星发现

海王星: 月球的冰

宇宙航行

宇宙航行
 宇宙速度: $v = 11.2 \text{ km/s}$
 第一宇宙速度
 第二宇宙速度
 第三宇宙速度

卫星轨道:



$I \rightarrow \pi$
 $\alpha: v_1$
 $\beta: v_2$

卫星轨道: $n \approx R$, v, ω, α, β , $T \approx 84 \text{ min}$, $a \approx g$

同步卫星: $T = 24 \text{ h}$

静止卫星: $T = 24 \text{ h}$, 向西向东, $T = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{GM}}$

$h = 5.16 \text{ R}$

所有 $a \sim v, \omega, \alpha$ 相同

"三颗同步卫星是金球"

$v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$
 $GM = gR^2$

$\omega = \sqrt{\frac{GM}{r^3}}$

$T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$

$a = \frac{GM}{r^2}$



1. 1.1

1.1

1.1

1.1

1.1 或 1.2

$w = f(x) \Rightarrow |J| = |N \cdot m|$
为 x 的 f 的 dx 的 dx .

1.1 1.2
(但比较大小要看绝对值)

1.1 1.2 与 1.3 不系

1.1 1.2 $w = -500$.

1.1 1.2 $w = -500$
OR 1.1 1.2 1.3 1.4 1.5 1.6 1.7 1.8 1.9 2.0 2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6 2.7 2.8 2.9 3.0 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5 3.6 3.7 3.8 3.9 4.0 4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6 4.7 4.8 4.9 5.0 5.1 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 6.0 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 6.8 6.9 7.0 7.1 7.2 7.3 7.4 7.5 7.6 7.7 7.8 7.9 8.0 8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8 8.9 9.0 9.1 9.2 9.3 9.4 9.5 9.6 9.7 9.8 9.9 10.0 10.1 10.2 10.3 10.4 10.5 10.6 10.7 10.8 10.9 11.0 11.1 11.2 11.3 11.4 11.5 11.6 11.7 11.8 11.9 12.0 12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 12.6 12.7 12.8 12.9 13.0 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9 14.0 14.1 14.2 14.3 14.4 14.5 14.6 14.7 14.8 14.9 15.0 15.1 15.2 15.3 15.4 15.5 15.6 15.7 15.8 15.9 16.0 16.1 16.2 16.3 16.4 16.5 16.6 16.7 16.8 16.9 17.0 17.1 17.2 17.3 17.4 17.5 17.6 17.7 17.8 17.9 18.0 18.1 18.2 18.3 18.4 18.5 18.6 18.7 18.8 18.9 19.0 19.1 19.2 19.3 19.4 19.5 19.6 19.7 19.8 19.9 20.0 20.1 20.2 20.3 20.4 20.5 20.6 20.7 20.8 20.9 21.0 21.1 21.2 21.3 21.4 21.5 21.6 21.7 21.8 21.9 22.0 22.1 22.2 22.3 22.4 22.5 22.6 22.7 22.8 22.9 23.0 23.1 23.2 23.3 23.4 23.5 23.6 23.7 23.8 23.9 24.0 24.1 24.2 24.3 24.4 24.5 24.6 24.7 24.8 24.9 25.0 25.1 25.2 25.3 25.4 25.5 25.6 25.7 25.8 25.9 26.0 26.1 26.2 26.3 26.4 26.5 26.6 26.7 26.8 26.9 27.0 27.1 27.2 27.3 27.4 27.5 27.6 27.7 27.8 27.9 28.0 28.1 28.2 28.3 28.4 28.5 28.6 28.7 28.8 28.9 29.0 29.1 29.2 29.3 29.4 29.5 29.6 29.7 29.8 29.9 30.0 30.1 30.2 30.3 30.4 30.5 30.6 30.7 30.8 30.9 31.0 31.1 31.2 31.3 31.4 31.5 31.6 31.7 31.8 31.9 32.0 32.1 32.2 32.3 32.4 32.5 32.6 32.7 32.8 32.9 33.0 33.1 33.2 33.3 33.4 33.5 33.6 33.7 33.8 33.9 34.0 34.1 34.2 34.3 34.4 34.5 34.6 34.7 34.8 34.9 35.0 35.1 35.2 35.3 35.4 35.5 35.6 35.7 35.8 35.9 36.0 36.1 36.2 36.3 36.4 36.5 36.6 36.7 36.8 36.9 37.0 37.1 37.2 37.3 37.4 37.5 37.6 37.7 37.8 37.9 38.0 38.1 38.2 38.3 38.4 38.5 38.6 38.7 38.8 38.9 39.0 39.1 39.2 39.3 39.4 39.5 39.6 39.7 39.8 39.9 40.0 40.1 40.2 40.3 40.4 40.5 40.6 40.7 40.8 40.9 41.0 41.1 41.2 41.3 41.4 41.5 41.6 41.7 41.8 41.9 42.0 42.1 42.2 42.3 42.4 42.5 42.6 42.7 42.8 42.9 43.0 43.1 43.2 43.3 43.4 43.5 43.6 43.7 43.8 43.9 44.0 44.1 44.2 44.3 44.4 44.5 44.6 44.7 44.8 44.9 45.0 45.1 45.2 45.3 45.4 45.5 45.6 45.7 45.8 45.9 46.0 46.1 46.2 46.3 46.4 46.5 46.6 46.7 46.8 46.9 47.0 47.1 47.2 47.3 47.4 47.5 47.6 47.7 47.8 47.9 48.0 48.1 48.2 48.3 48.4 48.5 48.6 48.7 48.8 48.9 49.0 49.1 49.2 49.3 49.4 49.5 49.6 49.7 49.8 49.9 50.0 50.1 50.2 50.3 50.4 50.5 50.6 50.7 50.8 50.9 51.0 51.1 51.2 51.3 51.4 51.5 51.6 51.7 51.8 51.9 52.0 52.1 52.2 52.3 52.4 52.5 52.6 52.7 52.8 52.9 53.0 53.1 53.2 53.3 53.4 53.5 53.6 53.7 53.8 53.9 54.0 54.1 54.2 54.3 54.4 54.5 54.6 54.7 54.8 54.9 55.0 55.1 55.2 55.3 55.4 55.5 55.6 55.7 55.8 55.9 56.0 56.1 56.2 56.3 56.4 56.5 56.6 56.7 56.8 56.9 57.0 57.1 57.2 57.3 57.4 57.5 57.6 57.7 57.8 57.9 58.0 58.1 58.2 58.3 58.4 58.5 58.6 58.7 58.8 58.9 59.0 59.1 59.2 59.3 59.4 59.5 59.6 59.7 59.8 59.9 60.0 60.1 60.2 60.3 60.4 60.5 60.6 60.7 60.8 60.9 61.0 61.1 61.2 61.3 61.4 61.5 61.6 61.7 61.8 61.9 62.0 62.1 62.2 62.3 62.4 62.5 62.6 62.7 62.8 62.9 63.0 63.1 63.2 63.3 63.4 63.5 63.6 63.7 63.8 63.9 64.0 64.1 64.2 64.3 64.4 64.5 64.6 64.7 64.8 64.9 65.0 65.1 65.2 65.3 65.4 65.5 65.6 65.7 65.8 65.9 66.0 66.1 66.2 66.3 66.4 66.5 66.6 66.7 66.8 66.9 67.0 67.1 67.2 67.3 67.4 67.5 67.6 67.7 67.8 67.9 68.0 68.1 68.2 68.3 68.4 68.5 68.6 68.7 68.8 68.9 69.0 69.1 69.2 69.3 69.4 69.5 69.6 69.7 69.8 69.9 70.0 70.1 70.2 70.3 70.4 70.5 70.6 70.7 70.8 70.9 71.0 71.1 71.2 71.3 71.4 71.5 71.6 71.7 71.8 71.9 72.0 72.1 72.2 72.3 72.4 72.5 72.6 72.7 72.8 72.9 73.0 73.1 73.2 73.3 73.4 73.5 73.6 73.7 73.8 73.9 74.0 74.1 74.2 74.3 74.4 74.5 74.6 74.7 74.8 74.9 75.0 75.1 75.2 75.3 75.4 75.5 75.6 75.7 75.8 75.9 76.0 76.1 76.2 76.3 76.4 76.5 76.6 76.7 76.8 76.9 77.0 77.1 77.2 77.3 77.4 77.5 77.6 77.7 77.8 77.9 78.0 78.1 78.2 78.3 78.4 78.5 78.6 78.7 78.8 78.9 79.0 79.1 79.2 79.3 79.4 79.5 79.6 79.7 79.8 79.9 80.0 80.1 80.2 80.3 80.4 80.5 80.6 80.7 80.8 80.9 81.0 81.1 81.2 81.3 81.4 81.5 81.6 81.7 81.8 81.9 82.0 82.1 82.2 82.3 82.4 82.5 82.6 82.7 82.8 82.9 83.0 83.1 83.2 83.3 83.4 83.5 83.6 83.7 83.8 83.9 84.0 84.1 84.2 84.3 84.4 84.5 84.6 84.7 84.8 84.9 85.0 85.1 85.2 85.3 85.4 85.5 85.6 85.7 85.8 85.9 86.0 86.1 86.2 86.3 86.4 86.5 86.6 86.7 86.8 86.9 87.0 87.1 87.2 87.3 87.4 87.5 87.6 87.7 87.8 87.9 88.0 88.1 88.2 88.3 88.4 88.5 88.6 88.7 88.8 88.9 89.0 89.1 89.2 89.3 89.4 89.5 89.6 89.7 89.8 89.9 90.0 90.1 90.2 90.3 90.4 90.5 90.6 90.7 90.8 90.9 91.0 91.1 91.2 91.3 91.4 91.5 91.6 91.7 91.8 91.9 92.0 92.1 92.2 92.3 92.4 92.5 92.6 92.7 92.8 92.9 93.0 93.1 93.2 93.3 93.4 93.5 93.6 93.7 93.8 93.9 94.0 94.1 94.2 94.3 94.4 94.5 94.6 94.7 94.8 94.9 95.0 95.1 95.2 95.3 95.4 95.5 95.6 95.7 95.8 95.9 96.0 96.1 96.2 96.3 96.4 96.5 96.6 96.7 96.8 96.9 97.0 97.1 97.2 97.3 97.4 97.5 97.6 97.7 97.8 97.9 98.0 98.1 98.2 98.3 98.4 98.5 98.6 98.7 98.8 98.9 99.0 99.1 99.2 99.3 99.4 99.5 99.6 99.7 99.8 99.9 100.0



行星的运动 { 开普勒第一定律 (轨道定律)
开二 (面积定律)
开三 (周期定律)

万有引力定律 { 公式: $F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$
引力常量
由卡文迪许测出

适用条件 { 质点间的相互作用
球体间的相互作用
质点与球体作用

万有引力与重力的关系

万有引力理论的成就 {

"称量"地球质量

忽略地球自转
 $\frac{GMm}{R^2} = mg \Rightarrow M = \frac{gR^2}{G}$

计算天体质量和密度

质量: $\frac{GMm}{r^2} = m \frac{4\pi^2}{T^2} r \Rightarrow M = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}$

密度: $\rho = \frac{3\pi R^3}{GT^2 R^3}$

$\rho = \frac{M}{V} = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi R^3}$

发现未知天体 (海王星)

预言哈雷彗星的回归

万有引力与宇宙航行

宇宙航行 { 宇宙速度 { 第一: 7.9 km/s
第二: 11.2 km/s
第三: 16.7 km/s

通过 $v = \sqrt{\frac{GM}{R}}$ 或 $v = \sqrt{gR}$ 求得

公式: $\frac{GMm}{r^2} = \begin{cases} m \frac{4\pi^2}{T^2} r \Rightarrow T \\ m \frac{v^2}{r} \Rightarrow v \\ m\omega^2 r \Rightarrow \omega \\ m a \Rightarrow a \end{cases}$

同步卫星 { 转动方向、周期、角速度与地球相同
轨道平面与赤道面重合且在赤道正上方
高度、环绕速率可不同

相对论时空观

与牛顿力学的局限性

应用范围: 低速运动、宏观物体



物理思维导图

1. 抛体运动

曲线、抛体运动

曲线运动的速度方向
 曲线做直线或曲线运动
 条件：
 独立：曲线运动是变速运动

运动分解

基础：各解法
 各运动关系
 独立：曲线运动是变速运动
 独立：曲线运动是变速运动

斜抛

斜抛运动
 定义：
 水平： $v_x = v_0$
 竖直： $v_y = gt$
 $y = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2$
 $x = v_0 t$
 $v_t = v_0 \pm g t$
 竖直方向的抛体运动
 规律： $y = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2$
 定义：
 水平： $v_x = v_0$
 竖直： $v_y = gt$
 $x = v_0 t$
 $y = \frac{1}{2} g t^2$

2. 圆周运动

公式： $v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{2\pi r}{T}$

$\omega = \frac{2\pi}{T}$

$f = \frac{1}{T}$

$f = \frac{1}{T}$

题型：

- 1. 传动装置模型
- 2. 竖直面临界模型
- 3. 水平面临界模型
- 4. 轨道转弯、拱桥、凹路
- 5. 航天器垂直、离心运动

双星问题

即 $G \frac{M_1 M_2}{(r_1 + r_2)^2} = m_1 \omega^2 r_1$

$= m_2 \omega^2 r_2$

解： $\frac{m_1}{m_2} = \frac{r_2}{r_1}$

且： $m_1 r_1 = m_2 r_2$

3. 万有引力

公式： $F = G \frac{Mm}{r^2} = ma$

$G \frac{Mm}{r^2} = m \omega^2 r$
 $G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{v^2}{r}$
 $G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{4\pi^2}{T^2} r$

三种宇宙速度

1. 第一宇宙速度： $v_1 = 7.9 \text{ km/s}$

2. 第二宇宙速度： $v_2 = 11.2 \text{ km/s}$

3. 第三宇宙速度： $v_3 = 16.7 \text{ km/s}$

同步卫星：运行周期与行星自转周期相同

开普勒第三定律：轨道半径、周期、质量

解：



物理知识总结:

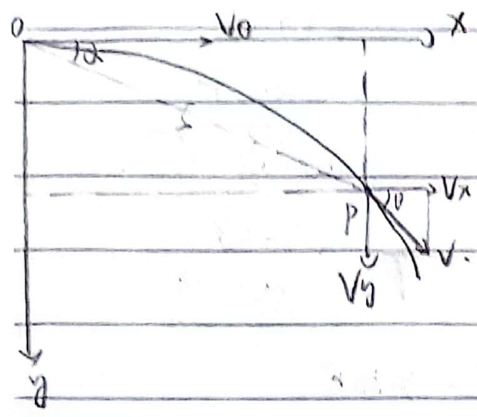
第五章: 曲线运动

质点在某一时刻的速度方向, 沿曲线在该点的切线方向.

当物体所受合力与它速度方向不在同一直线上时, 物体做曲线运动.

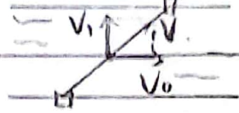
平抛运动 (初速度 v_0 沿水平方向)

常见模型:



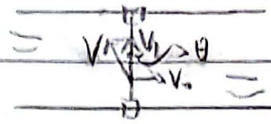
① 小船过河 (流速: v_0 , 河宽: h)

1) 最短时间: $t = \frac{h}{v_1}, x = v_0 t = \frac{v_0 h}{v_1}$



$s = \sqrt{x^2 + h^2}$

2) 最短路程: $s = h, v_1 = \frac{v_0}{\tan \theta} = v \cos \theta$

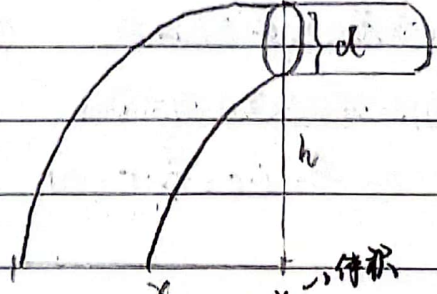


$t = \frac{h}{v_1}$

竖直上抛运动: 自由落体运动

水平分运动: 匀速直线运动

② 水管:



$Q(\text{流量}) = \frac{\Delta V}{\Delta t} = S \cdot v(\text{速度})$

$= \pi \left(\frac{d}{2}\right)^2 \cdot \sqrt{\frac{2gh}{5}}$

计算:
速度:

$v_x = v_0$

$v_y = gt$

$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{v_0^2 + g^2 t^2}$

$\tan \theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{gt}{v_0}$

位移:
 $x = v_0 t$

$y = \frac{1}{2} g t^2$

一般抛体运动

$s = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{v_0^2 t^2 + \left(\frac{1}{2} g t^2\right)^2}$

速度: $v_x = v_0 \cos \theta, v_y = v_0 \sin \theta - gt$

$\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{\frac{1}{2} g t^2}{v_0 t} = \frac{gt}{2v_0}$

位移: $x = v_0 \cos \theta t, y = v_0 \sin \theta t - \frac{1}{2} g t^2$

轨迹: 联立①②可得: $y = \frac{g}{2v_0^2} x^2$ (抛物线)

$t = \frac{x}{v_0 \cos \theta} \quad \uparrow = \tan \theta x - g \frac{x^2}{2v_0^2 \cos^2 \theta}$

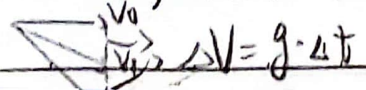
飞行时间: $t = \frac{2v_0 \sin \theta}{g}$ 最大高度 $H = \frac{(v_0 \sin \theta)^2}{2g}$

* 飞行时间与物体高度 h 有关 ($h = \frac{1}{2} g t^2$)

射程: $s = v_0 \cos \theta \cdot \frac{2v_0 \sin \theta}{g} = \frac{2v_0^2 \sin \theta \cos \theta}{g} = \frac{v_0^2 \sin(2\theta)}{g}$

射程与物体水平初速度有关

平抛运动每初 Δv 为 $g \cdot \Delta t$

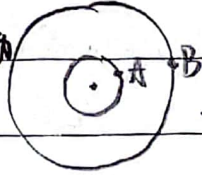


第一章：圆周运动

模型：

线速度： $v = \frac{\Delta s}{\Delta t}$ (m/s) 方向：切线方向。

同轴转动



$\omega_A = \omega_B, T_A = T_B,$

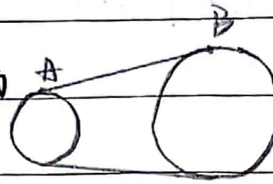
角速度： $\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$ (rad/s) 方向：顺/逆时针。

$\omega = \frac{v}{r} \Rightarrow \frac{v_A}{r_A} = \frac{v_B}{r_B}$

周期： T / s.

频率： f / Hz

皮带传动



$v_A = v_B$

$\omega = v \cdot r$

$\frac{\omega_A}{\omega_B} = \frac{r_B}{r_A}$

转速： n / r/s.

转化关系： $T = \frac{1}{f} = \frac{1}{n}$

$T = \frac{2\pi r}{v}$

$v = \omega \cdot r = \frac{2\pi r}{T} = 2\pi r f = 2\pi r n$

$\frac{T_A}{T_B} = \frac{r_A}{r_B}$

$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{\Delta \theta r}{\Delta t} = \omega \cdot r$

$\omega = \frac{2\pi}{T}$

向心力指向圆心，为效果力

向心加速度：

大小： $F = m a_n = m \frac{v^2}{r} = m \omega^2 \cdot r = m \frac{v^2}{r} \cdot r = m v \omega$

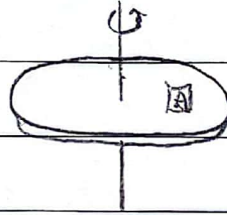
定义：匀速圆周运动的加速度

模型：

物理意义：描述加速度方向的变化快慢

① 圆盘模型：

大小： $a_n = \frac{v^2}{r}$ ，方向：时刻改变且指向圆心



竖直： $m g = F_N$

水平： $f_{静} = F_{向}$

临界： $f_{静max} = m \omega^2 \cdot r$

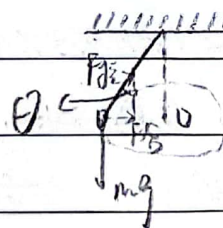
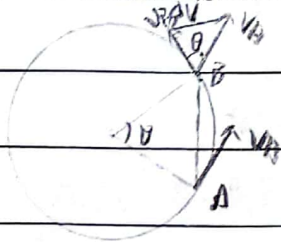
$m m g = m \omega^2 \cdot r$

$\omega_{max} = \sqrt{\frac{m g}{r}}$

向： $\frac{v^2}{r}$ (曲线运动，大小等)， a 与 r 成反比

向： $\omega = \frac{v}{r}$ (同轴转动， ω 相等) a 与 r 成正比

② 圆锥摆模型：



$F_{合} = F_{向}$

$\tan \theta = \frac{F_{向}}{m g}$

$m g \tan \theta = m \frac{v^2}{r}$

$v = \sqrt{g \cdot r \cdot \tan \theta} = \sqrt{g \cdot l \cdot \sin \theta \cdot \tan \theta}$

$\omega = \sqrt{\frac{g}{L \cos \theta}}$

$T = 2\pi \sqrt{\frac{L \cos \theta}{g}}$

推导 ω ：设 $v_A = v_B = v$

$\Delta t \rightarrow 0$ 时， $\Delta v \perp v_A$ ，指向圆心

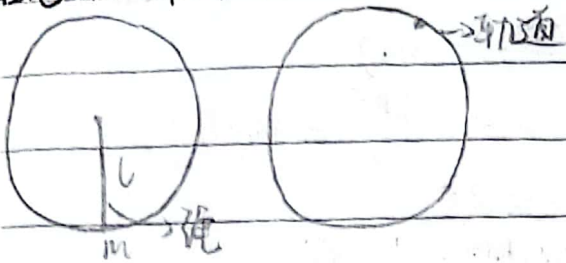
$\Delta v \perp v_B \perp v_A$

$\therefore \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v \Delta t}{r}$

$a = \frac{v^2}{r}$



轻绳模型(单轨)



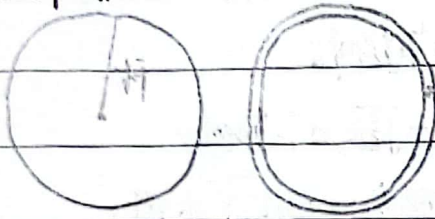
最高点: $mg + FN = m\frac{v^2}{R}$

轨道最高点的只有轨道提供向心力

$v_{min} = \sqrt{gR}$

最低点: $F - mg = m\frac{v^2}{R}$

轻杆(双轨道)模型

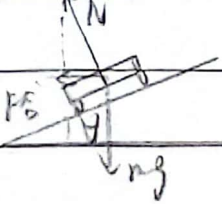


情况一: $FN = 0$ $mg = m\frac{v^2}{R}$ $v = \sqrt{gR}$ → 没有杆

二: $mg + FN = m\frac{v^2}{R}$ $v > \sqrt{gR}$ → 弹力向下

三: $mg - FN = m\frac{v^2}{R}$ $v < \sqrt{gR}$ → 弹力向上

水平转弯:



$\tan\theta = \frac{F_{\text{合}}}{mg}$

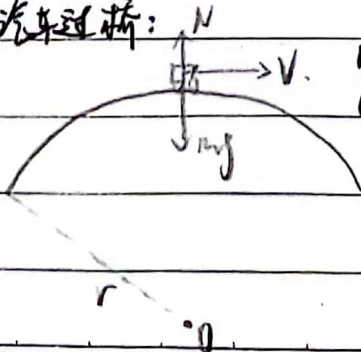
$F_{\text{合}} = mg \tan\theta = m\frac{v^2}{R}$

$v = \sqrt{gR \tan\theta}$

$v > \sqrt{gR \tan\theta}$ 压外轨 $mg \tan\theta < m\frac{v^2}{R}$

$v < \sqrt{gR \tan\theta}$ 压内轨 $mg \tan\theta > m\frac{v^2}{R}$

汽车过桥:



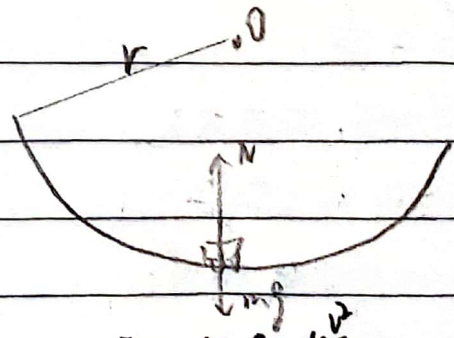
$mg - N = m\frac{v^2}{R}$

$G > N$ 汽车失重

当 $N = 0$ 时:

$v = \sqrt{gR}$

汽车完全失重, 做平抛运动



$F_N = N - G = m\frac{v^2}{R}$

$G < N$ 汽车超重



第七章：万有引力与宇宙航行。

称量地球质量 (地球上-物体质量为 m_1)

开普勒第一定律：所有行星绕太阳运动的

$$G \frac{M_{\text{地}} \cdot m_1}{r^2} = m_1 g$$

轨道均为椭圆，太阳处于椭圆一个焦点上

$$m_{\text{地}} = \frac{g R^2}{G} \approx 6 \times 10^{24} \text{ kg}$$

开普勒第二定律：对于任意一个行星来说

计算天体质量

它与太阳连线在相等时间里扫过的面积相等

$$G \frac{M_{\text{日}} M_{\text{地}}}{r^2} = m_{\text{地}} \frac{v^2}{r}$$

开普勒第三定律： $k = \frac{a^3}{T^2}$

$$M_{\text{日}} = \frac{4\pi^2 \cdot 1^3}{G T^2} \approx 2 \times 10^{30} \text{ kg}$$

万有引力定律：

推导：

第一宇宙速度 (地球卫星环绕地球的速度)

$$\Rightarrow F = M \frac{v^2}{r} \cdot v = \frac{GMm}{r^2}$$

(最大环绕速度，最小发射速度)

$$\Rightarrow F = \frac{GMm}{r^2}$$

$$G \frac{M_{\text{地}} M_{\text{星}}}{r^2} = m_{\text{星}} \frac{v^2}{R}$$

$$\Rightarrow F = \frac{GMm}{r^2} = k \frac{Mm}{r^2} \quad T^2 = \frac{r^3}{k}$$

$$v = \sqrt{\frac{GM_{\text{地}}}{R}} = 7.9 \text{ km/s}$$

$$\Rightarrow F = \frac{GMm}{r^2} \cdot k \frac{Mm}{r^2}$$

PS: ($m_{\text{星}} = m_{\text{星}} \frac{v^2}{R} \quad v = \sqrt{gR} \approx 7.9 \text{ km/s}$)

常量

第二宇宙速度 (脱离地球引力束缚)

$$\Rightarrow F \propto \frac{M}{r^2}$$

$$v_2 = 11.2 \text{ km/s}$$

$$\Rightarrow F \propto \frac{M}{r^2}$$

第三宇宙速度 (脱离太阳引力束缚)

$$\Rightarrow F \propto \frac{M \cdot M}{r^2} \quad \text{行星}$$

$$v_3 = 16.7 \text{ km/s}$$

太阳

$$\Rightarrow F = G \frac{M_1 M_2}{r^2}$$

不规则球体万有引力求解：

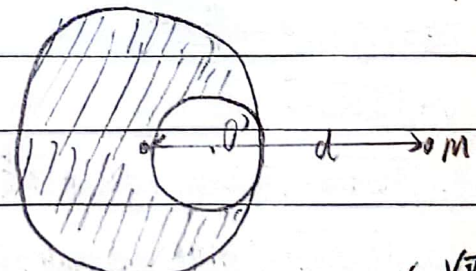
月地检验：

$$F = G \frac{M_{\text{地}} m_{\text{月}}}{r^2}$$

$$a_{\text{月}} = \frac{F}{m_{\text{月}}} = G \frac{M_{\text{地}}}{r^2}$$

$$a_{\text{月}} = \frac{F}{m_{\text{月}}} = G \frac{M_{\text{地}}}{R^2}$$

$$\frac{a_{\text{月}}}{a_{\text{地}}} = \frac{R^2}{r^2} \approx \frac{1}{60^2}$$



$$(v_{\text{地}} = \frac{4}{3} \pi R^3)$$

根据测量计算，假设成立。

割补法：

$$F_1 = G \frac{Mm}{d^2}$$

万有引力公式： $F = G \frac{M_1 M_2}{r^2}$

$$F_2 = G \frac{M_{\text{地}} \cdot m}{(d - \frac{1}{2}R)^2}$$

卡文迪许扭秤实验测得：

$$F_{\text{引}} = F_1 - F_2$$

$$G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{kg}^2$$



为M)

行星计算证明:

向心加速度: $a = \frac{GM}{r^2}$

线速度: $v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$ ($\frac{GMm}{r^2} = m\frac{v^2}{r}$)

角速度: $\omega = \sqrt{\frac{GM}{r^3}}$ ($\frac{GMm}{r^2} = m\omega^2 \cdot r$)

周期: $T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$ ($\frac{GMm}{r^2} = m\frac{4\pi^2}{T^2} \cdot r$)

中心天体质量:

① $\frac{GMm}{r^2} = m\frac{v^2}{r}$ $M = \frac{v \cdot r}{G}$

② $\frac{GMm}{r^2} = m\omega^2 r$ $M = \frac{4\pi^2 \cdot r^3}{GT^2}$

③ $\frac{GMm}{r^2} = m\frac{4\pi^2}{T^2} \cdot r$ $M = \frac{4\pi^2 \cdot r^3}{GT^2}$

④ $\frac{GMm}{r^2} = ma_{向}$ $M = \frac{a \cdot r^2}{G}$

天体密度:

$\rho = \frac{M}{V}$

$v = \frac{2\pi r}{T}$ ($G = \frac{v^2}{r}$)

$\rho = \frac{4\pi^2 \cdot r^3}{GT^2} \cdot \frac{3}{4\pi r^3} = \frac{3\pi}{GT^2} \cdot \frac{r^3}{R^3}$

考虑地球自转:

赤道: $\frac{GMm}{R^2} = mg_{赤} + ma_{向}$

两极: $\frac{GMm}{R^2} = mg_{极}$

$\therefore mg_{极} > mg_{赤}$

重力↓, ω ↓, $a_{向}$ ↓, $mg_{赤}$ ↑.

黄金代换:

适用条件: 已知G, 不清楚M.

② $\frac{GMm}{R^2} = mg$

$GM = gR^2$

行星表面重力加速度

第二章 机械能守恒定律

一. 功:

$$W = Fl - \underbrace{W \cos \alpha}$$

力与位移的夹角

$$1J = 1N \cdot m = 1kg \cdot m/s^2 \cdot m = 1kg \cdot m^2/s^2$$

* 功是标量

当 $\alpha = \frac{\pi}{2}$ 时, $\cos \alpha = 0$, $W = 0$ 不做功

当 $0 \leq \alpha < \frac{\pi}{2}$ 时 $\cos \alpha > 0$, $W > 0$ 做正功

当 $\frac{\pi}{2} < \alpha \leq \pi$ 时 $\cos \alpha < 0$, $W < 0$ 做负功

* 摩擦力不做功



第一节 硫及其化合物

硫：俗称硫磺，黄色晶体，质脆，易研成粉末。吸水性：干燥剂，含有结晶水。

物理性质：可干燥： $O_2, H_2, N_2, CO_2, Cl_2, HCl$

难溶于水 CO_2, CO, CH_4

微溶于酒精 不可干燥： NH_3, H_2S, HI, HBr

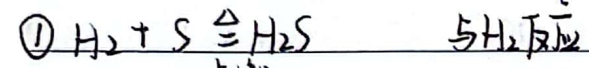
易溶于 CS_2 脱水性：按 H_2O 2:1 脱去，没有水分子

化学性质：蔗糖脱水实验：

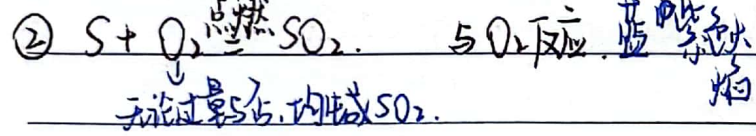


H_2S SO_2 H_2SO_4 (浓) 体现脱水性与强氧化性。

既具氧化性也有还原性。浓硫酸与使蓝色石蕊试纸先变红，后变黑。

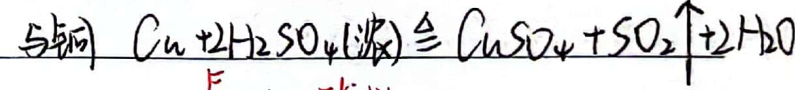
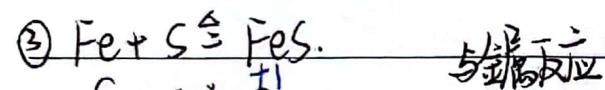


强氧化性：

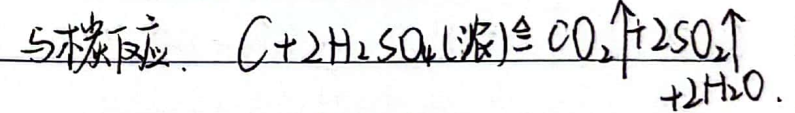
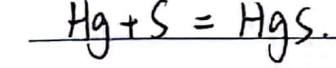
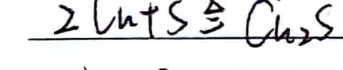


酸的氧化性：在 H^+

氧化性的氧：在酸根



氧化性、酸性



硫酸的性质：

物：无色、粘稠、无色液体 沸点高、难挥发

1. 在常温下浓 H_2SO_4 与 Al, Fe 反应生成致密氧化膜 (钝化)

常用浓硫酸 质量分数 98% 18.4 mol/L

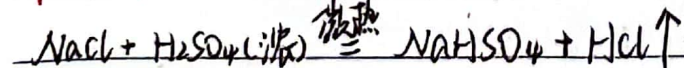
2. 金属单质或低价金属的盐与 H_2SO_4 反应。

密度 1.84 g/cm³

浓 H_2SO_4 既显氧化性又显酸性。

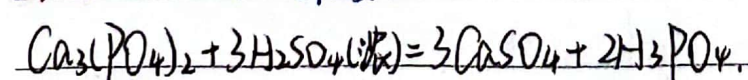
难挥发性：用于制挥发性酸 (HCl, HNO_3)

SO_2 ：

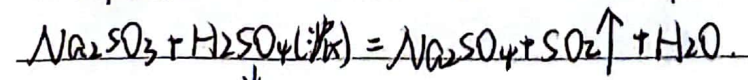


物：无色、有刺激性气味的有毒气体，密度比空气大，易溶于水 (1体积水能溶解40体积 SO_2)

强酸性：制磷酸

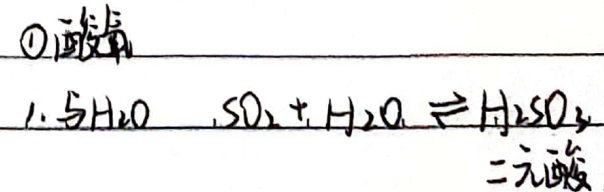


化：



① 硫酸

70%



第二节 氮及其化合物

氮与氮的氧化物

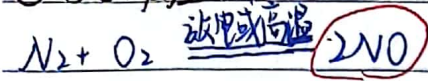
酸雨

N_2 $N \equiv N$ 化学性质很稳定

正常雨水溶解 CO_2 pH为5.6.

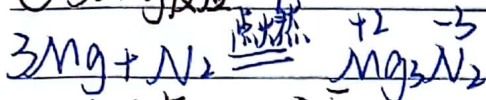
①与 O_2 反应

酸雨 pH < 5.6.



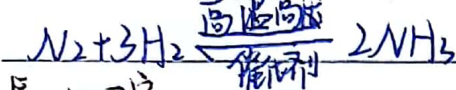
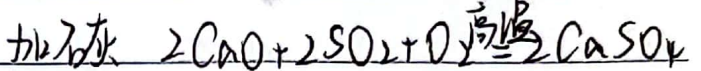
大气中 SO_2 , NO_x 以及它们在大气中发生反应后的生成物溶于水

②与Mg反应



SO_2 工业 硫酸型酸雨

工业合成氨的反应原理



氨水 $(NH_4)_2SO_3$ NH_4HSO_3

氮的固定

NO_2 汽车尾气 硝酸型酸雨

自然: 闪电: 根瘤菌

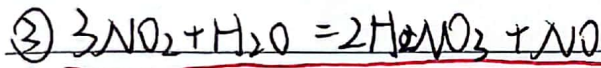
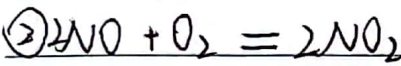
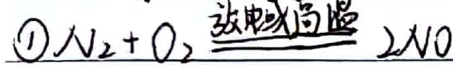


人口: 工业合成

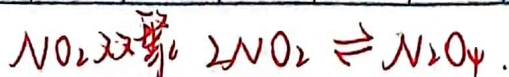
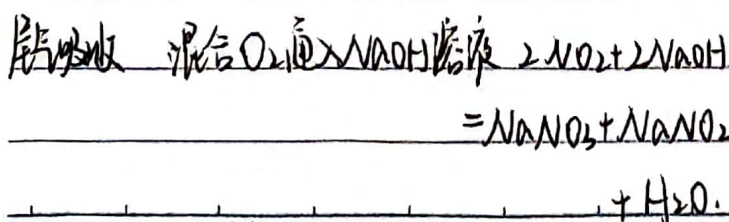
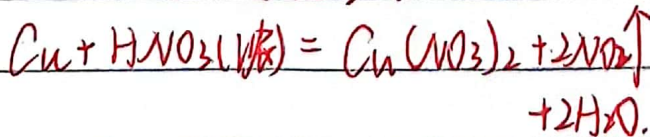
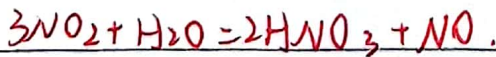
光化学污染

雷雨发庄稼:

氮及其化合物



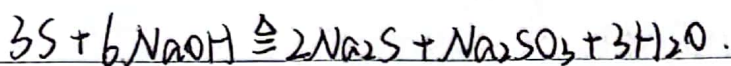
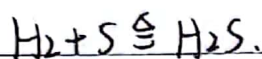
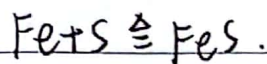
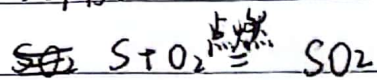
	NO	NO ₂
物理	无色无味	红棕色刺激性气味
性质	有毒	有毒
	不溶于水	溶与水并与水反应
实验	Cu和稀HNO ₃	Cu和浓HNO ₃
空制法	只能用排水法	只能用排空气法



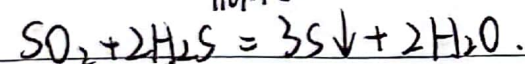
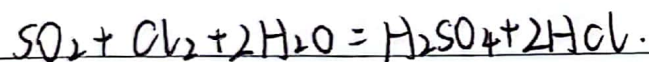
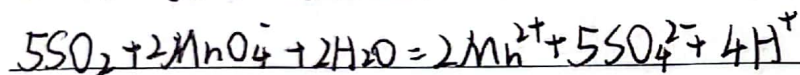
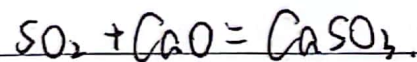
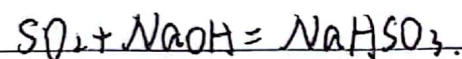
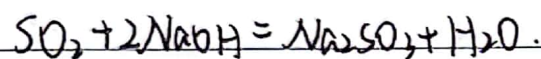
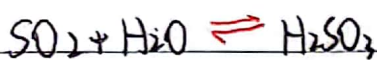
多化学方程式(一).

一. 硫. 1:40 溶于水.

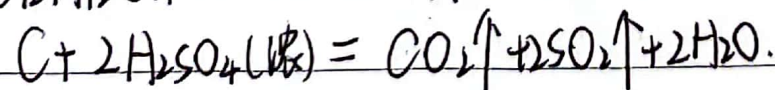
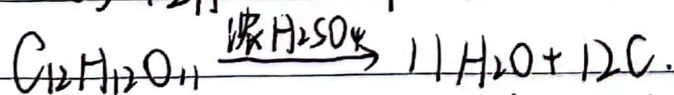
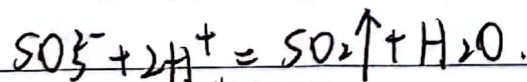
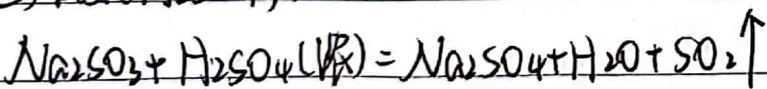
(一) 单质.



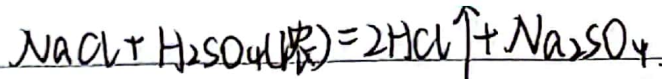
(二) 氧化物 (SO2).



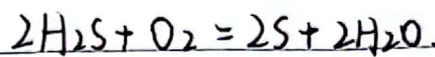
(三) 酸 (H2SO4)



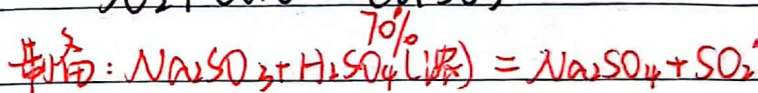
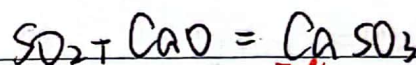
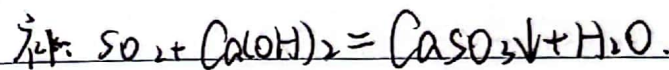
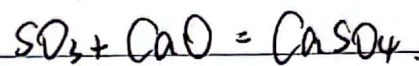
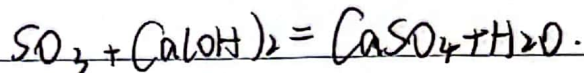
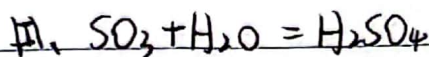
#



(四) 盐



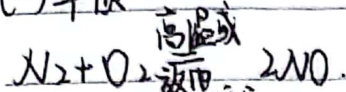
(五) SO3



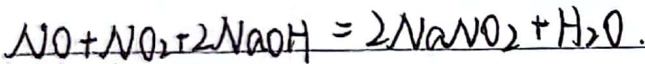
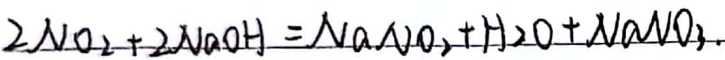
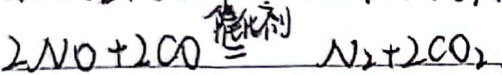
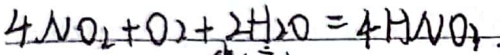
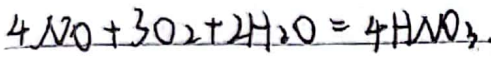
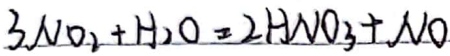
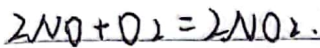
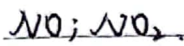
氮的化学方程式(二)

二、氮

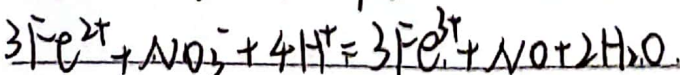
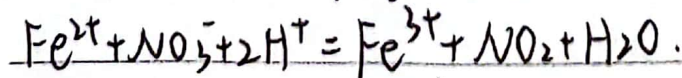
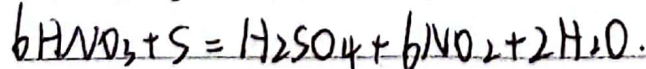
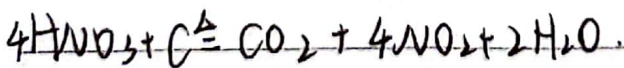
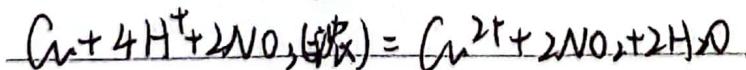
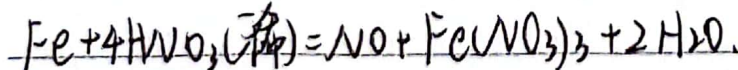
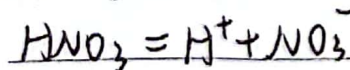
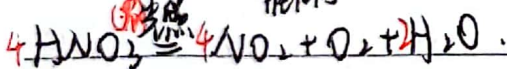
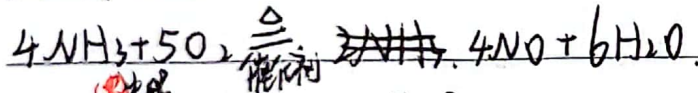
(一) 单质



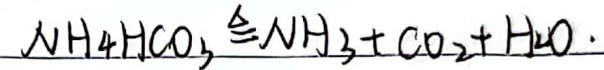
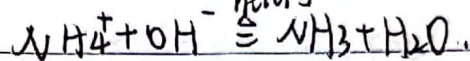
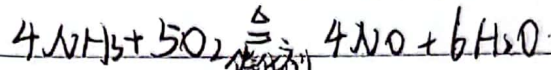
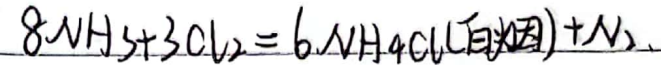
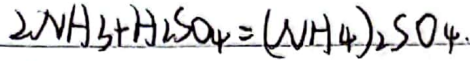
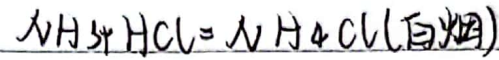
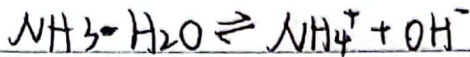
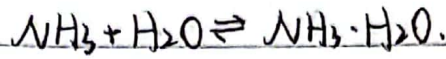
(二) 氧化物



(三) 硝酸盐



(四) 硝酸盐



补: NH_3 实验室制法.



早期 基础特征 社会转型 历史过渡 (中后期) 革命变化 → 国家独立社会转型

政: 封建专制制度 → 王权在中世纪
 经: 等级专制, 权力分散 → 由分散向集中
 在国制度 自治

政: 封建专制制度 → 工业发展 城市兴起 自治
 思想: 教会控制精神 → 大学建立 人文思想逐渐产生
 文化自由

政: 封建专制制度 → 王权在中世纪
 经: 等级专制, 权力分散 → 由分散向集中
 在国制度 自治

政: 封建专制制度 → 王权在中世纪
 经: 等级专制, 权力分散 → 由分散向集中
 在国制度 自治

政: 封建专制制度 → 王权在中世纪
 经: 等级专制, 权力分散 → 由分散向集中
 在国制度 自治

政: 封建专制制度 → 王权在中世纪
 经: 等级专制, 权力分散 → 由分散向集中
 在国制度 自治

政: 封建专制制度 → 王权在中世纪
 经: 等级专制, 权力分散 → 由分散向集中
 在国制度 自治

政: 封建专制制度 → 王权在中世纪
 经: 等级专制, 权力分散 → 由分散向集中
 在国制度 自治

政: 封建专制制度 → 王权在中世纪
 经: 等级专制, 权力分散 → 由分散向集中
 在国制度 自治



元素的周期性变化规律

原子结构	同周期 (左→右)	同主族 (上→下)
核电荷数	逐渐增大	逐渐增大
电子层数	相同	逐渐增多
原子半径	逐渐减小	逐渐增大
原子核外电子排布	电子层数相同, 最外层电子数逐渐增多	最外层电子数相同, 电子层数逐渐增多
原子得电子能力	得电子能力逐渐增强, 失电子能力逐渐减弱	得电子能力逐渐减弱, 失电子能力逐渐增强。

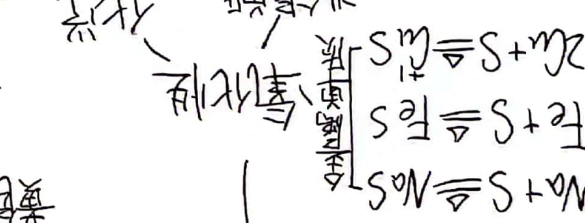
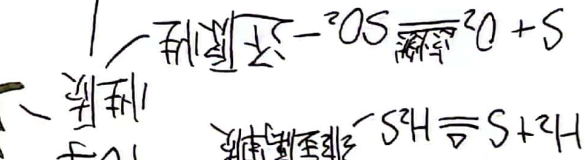
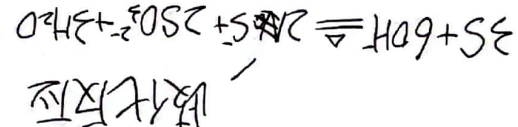
性质	同周期 (左→右)	同主族 (上→下)
化合价	最高正化合价由 +1 → +7; 通常情况下, 最低负化合价 = -(8 - 主族序数)	相同, 最高正化合价 = 主族序数 (O, F 除外)
元素的金属性和非金属性	金属性逐渐减弱, 非金属性逐渐增强	金属性逐渐增强, 非金属性逐渐减弱
离子的氧化性和还原性	阳离子的氧化性逐渐增强, 阴离子的还原性逐渐减弱	阳离子的氧化性逐渐减弱, 阴离子的还原性逐渐增强
气态氧化物稳定性	逐渐增强	逐渐减弱
最高价氧化物的水化物的酸碱性	碱性逐渐减弱, 酸性逐渐增强	碱性逐渐增强, 酸性逐渐减弱



氧化物及其化合物

SO₂ 氧化物

物理性质
 无色气体
 有毒 - 刺激性气味
 可溶于水 (1:40.3)



酒精 萃取
 水 萃取

漂白性 (化合(非氧化))
 选择性
 只能使紫色石蕊溶液变红(酸性)不能使之褪色!
 消除异味
 作食品添加剂
 $SO_2 + 2NaOH = Na_2SO_3 + H_2O$
 $SO_2 + OH^- = HSO_3^-$



酸根

SO₄²⁻

酸雨形成
 pH < 5.6
 SO₂, SO₃, CO 等气体
 $O_2 + 2H_2SO_3 = 2H_2SO_4$
 过程: $H_2O + SO_2 = H_2SO_3$

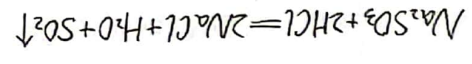
物理性质
 难挥发
 粘稠无色液体
 不相混溶液体

化学性质
 吸水性 - 做干燥剂
 (除NH₃, HI, H₂S等还原性气体)
 脱水性 - 将无机有机物中H₂O以2:1脱出
 强氧化性 - 非金属单质
 还原性
 $C + 2H_2SO_4(浓) \rightleftharpoons 2CO_2 \uparrow + 2H_2O$
 $S + 2H_2SO_4(浓) \rightleftharpoons 3SO_2 \uparrow + 2H_2O$
 I_2, S^{2-}, Fe^{2+}
 金属单质
 $Cu + 2H_2SO_4(浓) \rightleftharpoons CuSO_4 + 2H_2O$

还原性 (主要)
 $2SO_2 + O_2 \xrightarrow{催化剂} 2SO_3$
 $SO_2 + H_2O = H_2SO_3$
 $SO_2 + Cl_2 + 2H_2O = 2HCl + H_2SO_4$
 $5SO_2 + 2H_2O + 2MnO_4^- = 5SO_4^{2-} + 2Mn^{2+} + 4H^+$
 $SO_2 + 2Fe^{3+} + 2H_2O = 2Fe^{2+} + SO_4^{2-} + 4H^+$

碱性
 $SO_2 + Na_2O = Na_2SO_3$
 $SO_2 + OH^- = HSO_3^-$

实验室制SO₂



(Na₂SO₃ + H₂SO₄)
 (1) 逐滴加红
 (2) 逐滴加MnO₂

位置: $SO_2 + H_2O = H_2SO_3$
 $2H_2SO_3 + O_2 = 2H_2SO_4$

检验SO₄²⁻: 加HCl排SO₃²⁻干扰, 再加入BaCl₂溶液

12月 - 3班 康如 20260333



化学在生产中的重要非金属元素

硫及化合物

二氧化硫

物理性：与金属、非金属反应，氧化性，还原性。
 化学性：无色，有刺激性气味，密度大于空气。

$$2SO_2 + O_2 \xrightarrow{MnO_2} 2SO_3$$

$$SO_2 + 2H_2S = 3S + 2H_2O$$

$$SO_2 + NaOH = NaHSO_3$$

硫酸

稀硫酸：酸的通性。
 浓硫酸：脱水性，吸水性，强氧化性。
 SO_4^{2-} 橙红：盐酸酸化的 BaCl₂.

氮及化合物

N₂

物理：无色无味气体，难溶于水。
 化学：氧化性，还原性。
 物：无色无味气体，不溶于水。

氧化物

NO
 物理：无色无味气体，难溶于水。
 化学：与氧气反应 → 2NO + O₂ = 2NO₂ P_{NO} > P_{NO₂}，易溶于水。
 NO₂
 物理：红棕色，有刺激性气味。
 化学：与水反应：3NO₂ + H₂O = 2HNO₃ + NO

NH₃

物理：无色，有刺激性气味，P_{NH₃} < P_{H₂O}。
 化学：与水反应，与酸反应。
 制备：2NH₄Cl + Ca(OH)₂ = CaCl₂ + 2NH₃↑ + 2H₂O。
 检验方法：湿润红色石蕊试纸变蓝。

HNO₃

物理：无色，易溶于水。
 化学：受热易分解，与碱反应：NH₄⁺ + OH⁻ = NH₃ + H₂O。

$$Cu + 4HNO_3(浓) = Cu(NO_3)_2 + 2NO_2 \uparrow + 2H_2O$$

铵盐

物理：易溶于水。
 化学：受热易分解，与碱反应：NH₄⁺ + OH⁻ = NH₃ + H₂O。
 应用：有金属光泽，熔点高，硬度大。

硅

硅化物

物理：不溶。
 化学：弱。

$$Si + 2NaOH + H_2O = Na_2SiO_3 + 2H_2 \uparrow$$

$$SiO_2 + 2C \xrightarrow{高温} Si + 2CO \uparrow$$
 用途：半导体，制芯片，造电池。
 存在形式：水晶，石英，沙子等。

SiO₂

用途：制光纤纤维，光学仪器。

硅酸

物理：不溶。
 化学：弱。

$$Na_2SiO_3 + 2HCl = 2NaCl + H_2SiO_3 \downarrow$$

$$Na_2SiO_3 + H_2O + CO_2 = Na_2CO_3 + H_2SiO_3 \downarrow$$

材料：

传统：水泥、陶瓷、普通玻璃。

高-13) 玻璃
 重-13) 玻璃



化学生产中的重要非金属元素

硫及其化合物

硫

存在: 游离态, 化合态
物理性: 黄色固体, 难溶于水

No.

二氧化硫

化学性: 与金属, 非金属反应, 氧化性, 还原性.
物理性: 无色, 有刺激性气味, 密度大于空气.
还原性: $SO_2 + 2H_2S = 3S + 2H_2O$
漂白: $SO_2 \rightarrow SO_3 \rightarrow H_2SO_4$ (硫酸)
漂白: $SO_2 \rightarrow SO_3 \rightarrow H_2SO_4$ (硫酸)

硫酸

稀硫酸: 酸的酸性.
浓硫酸: 脱水性, 吸水性, 强氧化性.
 SO_4^{2-} 检验: 盐酸酸化的 $BaCl_2$.

氮及其化合物

N_2

物理: 无色无味气体, 难溶于水. $P_{NH_3} < P_{N_2}$.
化学: 氧化性, 还原性.

氧化物

NO : 无色无味气体, 不溶于水.
化学: 与氧气反应 $\rightarrow 2NO + O_2 = 2NO_2$.
 NO_2 : 红棕色, 有刺激性气味. $P_{NO_2} > P_{N_2}$, 易溶于水.
化学: 与水反应: $3NO_2 + H_2O = 2HNO_3 + NO$.

NH_3

物理: 无色, 有刺激性气味. $P_{NH_3} < P_{N_2}$.
化学: 与水反应, 与酸反应.
检验方法: 湿润红色石蕊试纸变蓝.
制备: $2NH_4Cl + Ca(OH)_2 = CaCl_2 + 2NH_3 \uparrow + 2H_2O$.

HNO_3

稀: $3Cu + 8HNO_3$ (稀) $= 3Cu(NO_3)_2 + 2NO \uparrow + 4H_2O$.
浓: $Cu + 4HNO_3$ (浓) $= Cu(NO_3)_2 + 2NO_2 \uparrow + 2H_2O$.

铵盐

物理: 易溶于水.
化学: 受热易分解. 与碱反应: $NH_4^+ + OH^- = NH_3 \uparrow + H_2O$.
物理: 有金属光泽, 熔点高, 硬脆.

硅及其化合物

硅

化学: $Si + 2NaOH + H_2O = Na_2SiO_3 + 2H_2 \uparrow$

制备: $SiO_2 + 2C \xrightarrow{高温} Si + 2CO \uparrow$.

用途: 半导体, 制芯片, 锂电池.

存在形式: 水晶, 石英, 沙子等.

用途: 制光纤, 光学仪器.

二氧化硅

物理: 不溶.
化学: 弱.
制备: $Na_2SiO_3 + 2HCl = 2NaCl + H_2SiO_3 \downarrow$.
用途: $Na_2SiO_3 + H_2O + CO_2 = Na_2CO_3 + H_2SiO_3 \downarrow$

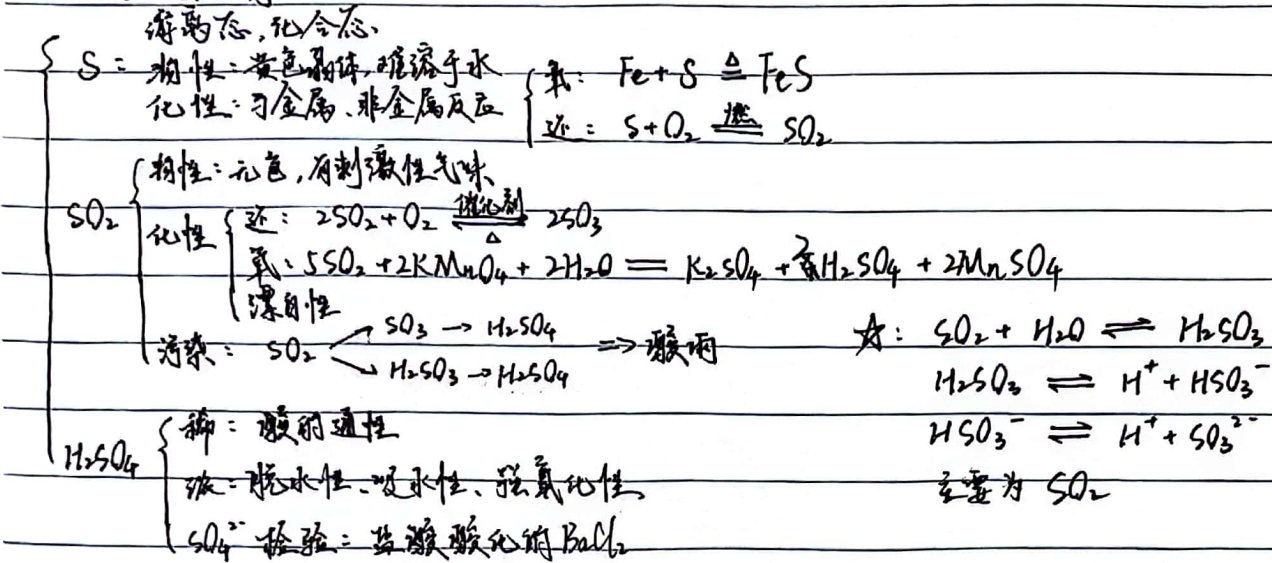
材料:

传统: 水泥, 陶瓷.
新: 纳米材料, 新型陶瓷.

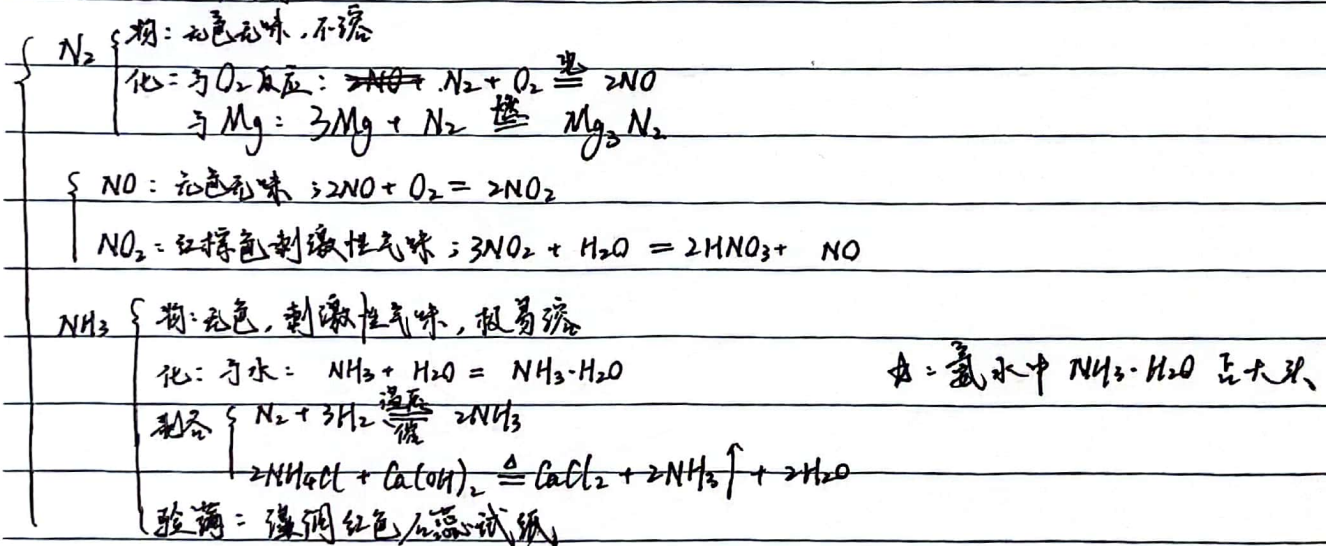
高一(13)班
董兴波

化学生产中的重要非金属元素

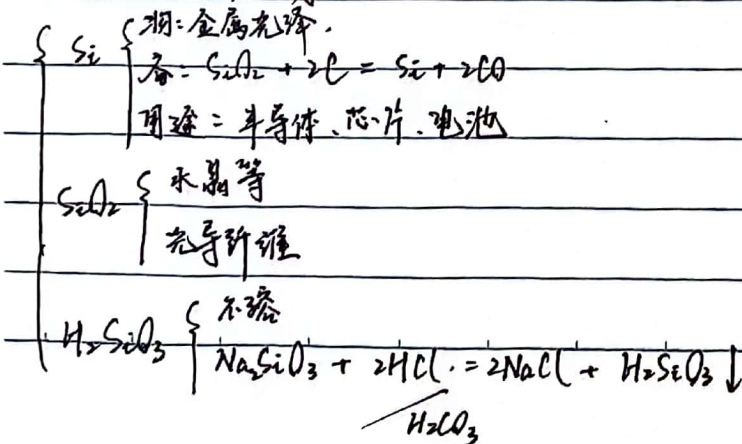
一. S及其化合物



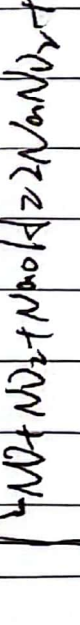
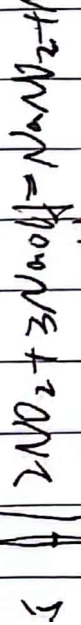
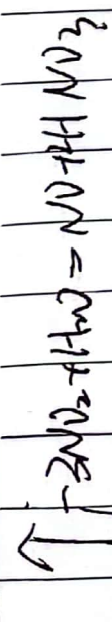
二. N及其化合物



三. Si及其化合物



0. NO_2 , KNO_3 , HNO_3 , NO , N_2 , NF_3 , N_2H_4



不溶于水 (收集) \leftarrow (棕色) NO_2

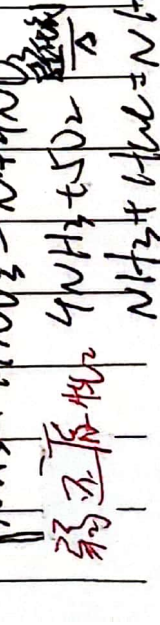
$\text{NO}_2 \rightleftharpoons \text{NO} + \text{H}_2\text{O}$

(强烈刺激性气味, 棕色) NO

不溶于水 (棕色) N_2

(无色) N_2

溶于水 (弱碱性) NH_3



(无色) KNO_3

(无色) $\text{Fe(NO}_3)_3$

(棕色) $\text{Fe(NO}_3)_2$

(棕色) $\text{Al(NO}_3)_3$

Don't know

(无色) NH_4^+

(无色) $\text{NH}_3 \cdot \text{H}_2\text{O}$

(无色) NH_4NO_3

(无色) NH_4NO_2

(无色) NH_4Cl

(无色) $\text{Cu(NO}_3)_2$

(蓝色) $\text{Cu(NO}_3)_2$

(蓝色) $\text{Zn(NO}_3)_2$

(蓝色) $\text{Ni(NO}_3)_2$

(蓝色) $\text{Co(NO}_3)_2$

(蓝色) $\text{Mn(NO}_3)_2$

(蓝色) $\text{Ni}_2(\text{NO}_3)_8$

(蓝色) $\text{Cu}_2(\text{NO}_3)_2$

(蓝色) $\text{Ni}_2(\text{NO}_3)_8$

(蓝色) $\text{Ni}_2(\text{NO}_3)_8$

(无色) $\text{Cu} + 4\text{HNO}_3$

(蓝色) $\text{Cu} + 4\text{HNO}_3$

(蓝色) $3\text{Cu} + 8\text{HNO}_3$

(蓝色) $3\text{Cu} + 8\text{HNO}_3$

(蓝色) $3\text{Cu} + 8\text{HNO}_3$

(蓝色) $3\text{Cu} + 8\text{HNO}_3$

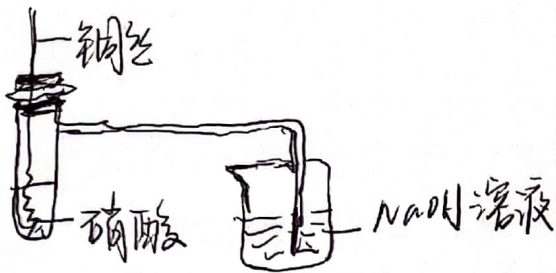
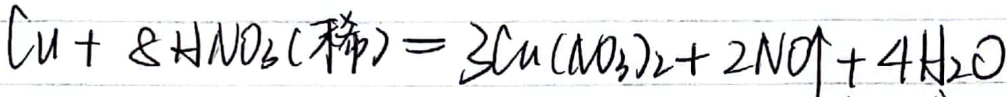
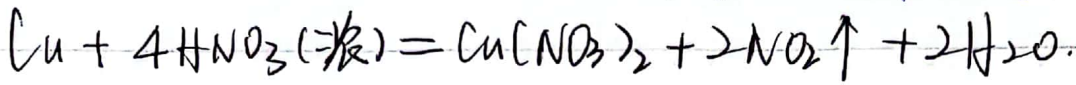
(蓝色) $3\text{Cu} + 8\text{HNO}_3$

(蓝色) $3\text{Cu} + 8\text{HNO}_3$

(蓝色) $3\text{Cu} + 8\text{HNO}_3$

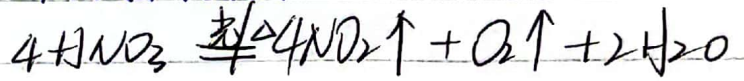
(蓝色) $3\text{Cu} + 8\text{HNO}_3$

HNO₃ 强氧化性* → 与金属反应会先使金属氧化, 不会产生氢气。
挥发性 过量的Cu与浓HNO₃反应也可以生成NO

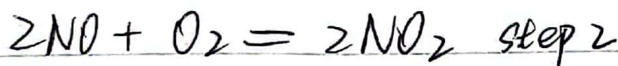
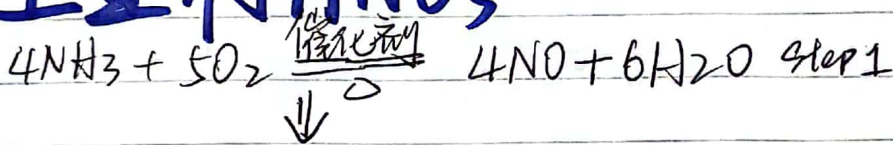


溶液变绿: 气体溶解在溶液中
(黄 + 蓝 → 绿)

可以用铁铝容器在盛装浓硫酸或浓硝酸(铁或铝会在浓HNO₃或浓H₂SO₄中发生钝化)



工业制HNO₃



第五章 第一节 硫及其化合物

FeS₂ 黄铁矿 (自然界 -2, +1 价) 石膏 CaSO₄·2H₂O 毒硫 Na₂SO₄

硫 S → 2KNO₃ + 3S → K₂S + 3NO₂ + 3NO

黄色固体

化性

- 氧化性
 - 金属单质: 2Fe + 3S → Fe₂S₃ (Fe³⁺)
 - 非金属: 2C + S → CS₂
- 还原性: S → SO₂ (蓝色火焰)
- 歧化: 3S + 6NaOH → 2Na₂S + Na₂SO₃ + 3H₂O

溶于水: 微溶于水, 溶于酒精, 溶于CS₂

SO₂ 化性

特性: 漂白 → 可逆, 化合选择性, 有毒刺激性, 漂白剂, 食品添加剂

酸性氧化物

- 与水: SO₂ + H₂O ⇌ H₂SO₃
- 碱: SO₂ + 2OH⁻ → SO₃²⁻ SO₂ + OH⁻ → HSO₃⁻
- 碱性氧化物: SO₂ + Na₂O → Na₂SO₃
- 盐: SO₂ + Na₂CO₃ + H₂O → Na₂SO₃ + NaHCO₃

氧化性: SO₂ + H₂S → S + 2H₂O

还原性: 2SO₂ + O₂ \xrightarrow{Pt} 2SO₃

主: SO₂ + Fe³⁺ + 2H₂O → SO₄²⁻ + 2Fe²⁺ + 4H⁺

副: H₂O + Cl₂ + SO₂ → H₂SO₃ + 2HCl

氮及其化合物

N₂ 结构: N≡N 键能: 946 kJ/mol

物理性质: 无色无味, 难溶于水

化学性质: 高温下可反应

- 氧化性: 2N₂ + 3O₂ → 2N₂O (工业合成)
- 还原性: N₂ + O₂ → 2NO (闪电, 工业合成)

氮的固定: 自然: 闪电, 根瘤菌; 人工: 汽车尾气, 工业合成氨

NO

物理性质: 无色气体, 不溶于水

化学性质: 还原性: 2NO + O₂ → 2NO₂ (工业制硝酸)

氧化性: NO + O₂ → NO₂

NO₂

物理性质: 红棕色气体, 刺激性气味, 易液化

化学性质: 与水: 3NO₂ + H₂O → 2HNO₃ + NO

与碱: 2NO₂ + 2NaOH → NaNO₂ + NaNO₃ + H₂O (歧化)

与Fe²⁺: Fe²⁺ + NO₂ + 2H⁺ → Fe³⁺ + NO + H₂O

与Fe³⁺: Fe³⁺ + NO₂ + 2H₂O → Fe(OH)₃ + NO + 2H⁺

NH₃

物理性质: 无色气体, 有刺激性气味, 易液化, 易溶于水

化学性质: 碱性: NH₃ + HCl → NH₄Cl (白烟); NH₃ + HNO₃ → NH₄NO₃

还原性: 4NH₃ + 3O₂ → 2N₂ + 6H₂O (工业制硝酸)

硫的转化

FeS₂ → SO₂ → SO₃ → H₂SO₄

SO₂ + 2H₂S → 3S + 2H₂O

SO₂ + 2Fe²⁺ + 2H⁺ → 2Fe³⁺ + SO₂ + 2H₂O

实验

1. 制备 SO₂: Na₂SO₃ + 2HCl → 2NaCl + H₂O + SO₂↑

2. SO₂ 的性质

- 漂白: SO₂ + H₂O → H₂SO₃
- 还原性: SO₂ + 2H₂S → 3S + 2H₂O
- 氧化性: SO₂ + 2Fe²⁺ + 2H⁺ → 2Fe³⁺ + SO₂ + 2H₂O

氮的转化

N₂ → NO → NO₂ → HNO₃

3NO₂ + H₂O → 2HNO₃ + NO

氨的转化

NH₃ → NH₄⁺ → NH₃·H₂O → NH₄Cl

2NH₃ + 3Cl₂ → N₂ + 6HCl

实验

原理: 2NH₄Cl + Ca(OH)₂ → CaCl₂ + 2NH₃ + 2H₂O

装置: 加热 (NH₄)₂CO₃ / NH₄HCO₃ 碱石灰

制备: 浓 NH₃·H₂O + NaOH (s) / CaO, 溶于水

NO₂

物理性质: 无色, 易挥发, 有腐蚀性, 刺激性气味, 溶于水

化学性质: 强氧化性: 4HNO₂ → 4HNO₃ + 2H₂O

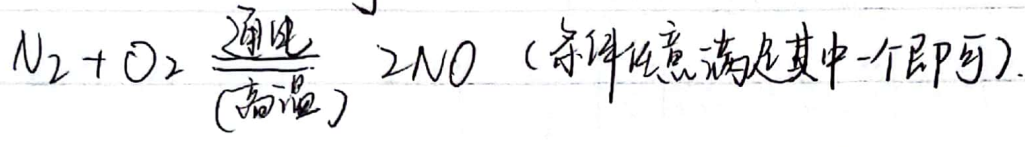
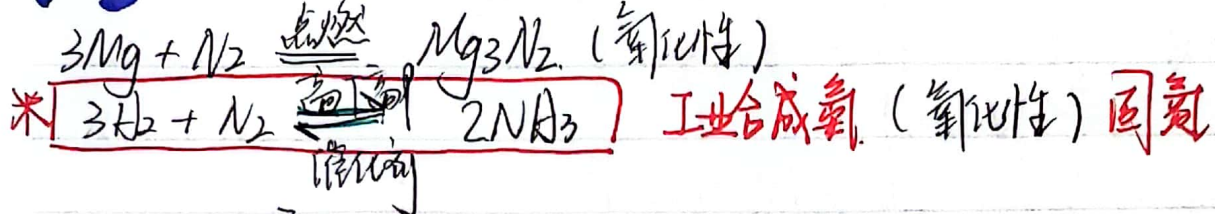
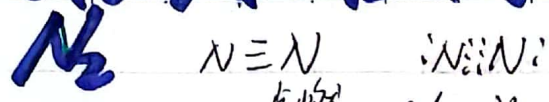
酸性: PH < 5.6 降水

① H₂SO₄ 型酸雨 ② HNO₃ 型

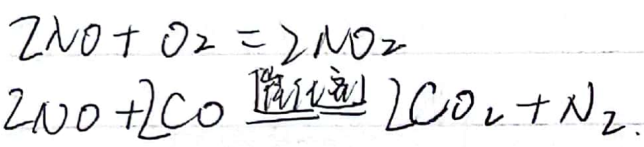
SO₂ → H₂SO₃ → H₂SO₄

NO₂ → HNO₂ → HNO₃

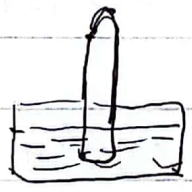
氮及其化合物



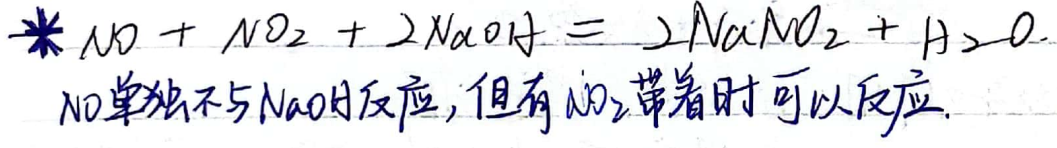
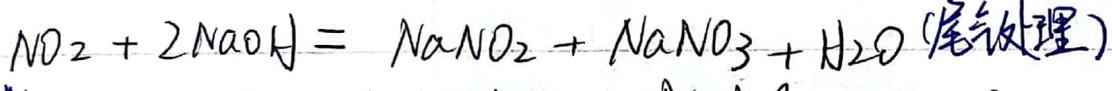
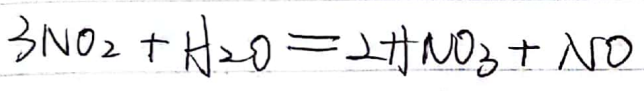
NO: 不溶于水, 无色, 不能用排空气法收集, 会与 O_2 反应.



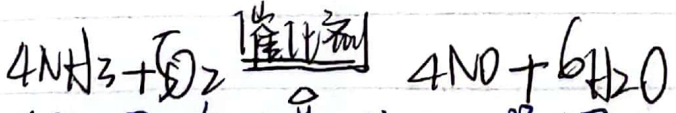
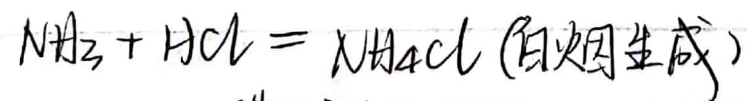
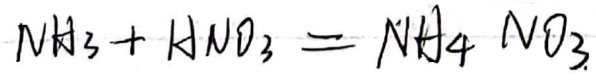
NO₂: 红棕色气体, 刺激性气味.



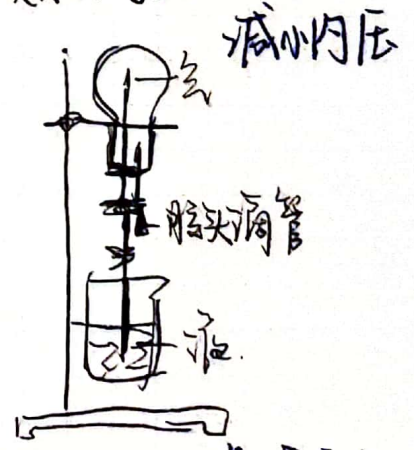
- ① 红棕色褪去
- ② 剩余气体体积占原来的 $\frac{1}{3}$



NH₃ 无色, 刺激性气味, 极易溶于水. $\rho < \rho_{\text{空}}$
 只能用向上排空气法收集.



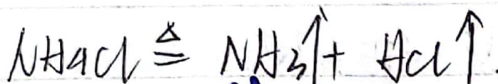
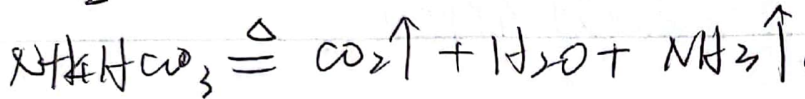
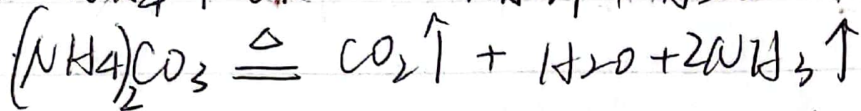
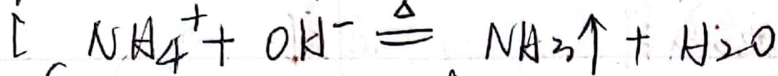
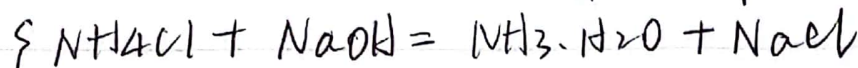
检验: ① 红色石蕊试纸 (湿润), 现象: 变蓝
 ② 浓盐酸, 现象: 产生大量白烟.



结论: NH_3 极易溶于水.
 NH_3 与 H_2O 反应生成碱性物质.

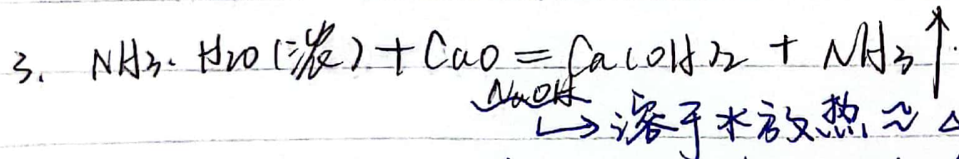
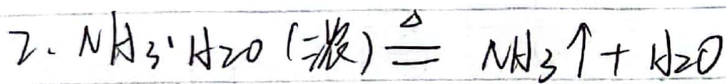
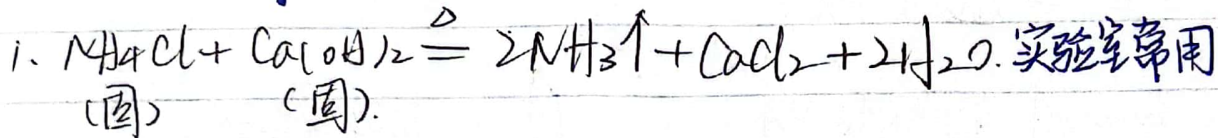
铵盐 NH_4^+

白色晶体, 绝大部分易溶于水, 溶解吸热



同碱石灰于火算
(CaO , NaOH)

NH_3 的制备



加入 CaO 和 NaOH (s) 的作用: ① 放热, 促进分解

② 温度升高, 气体溶解度变小, 让更多气体逸出

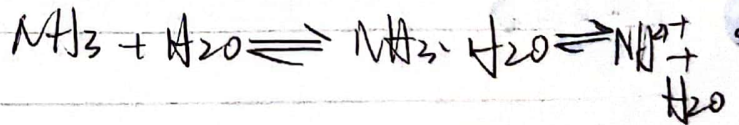
实验装置:



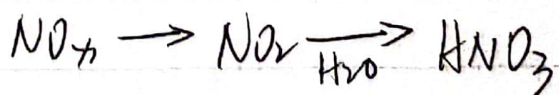
棉花作用: ① 防对流
② 吸收多余的 NH_3

验满: 将湿润的红色石蕊试纸置于试管口.

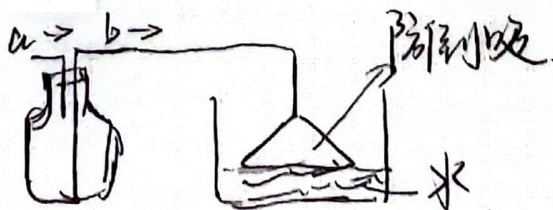
氨水



酸雨:

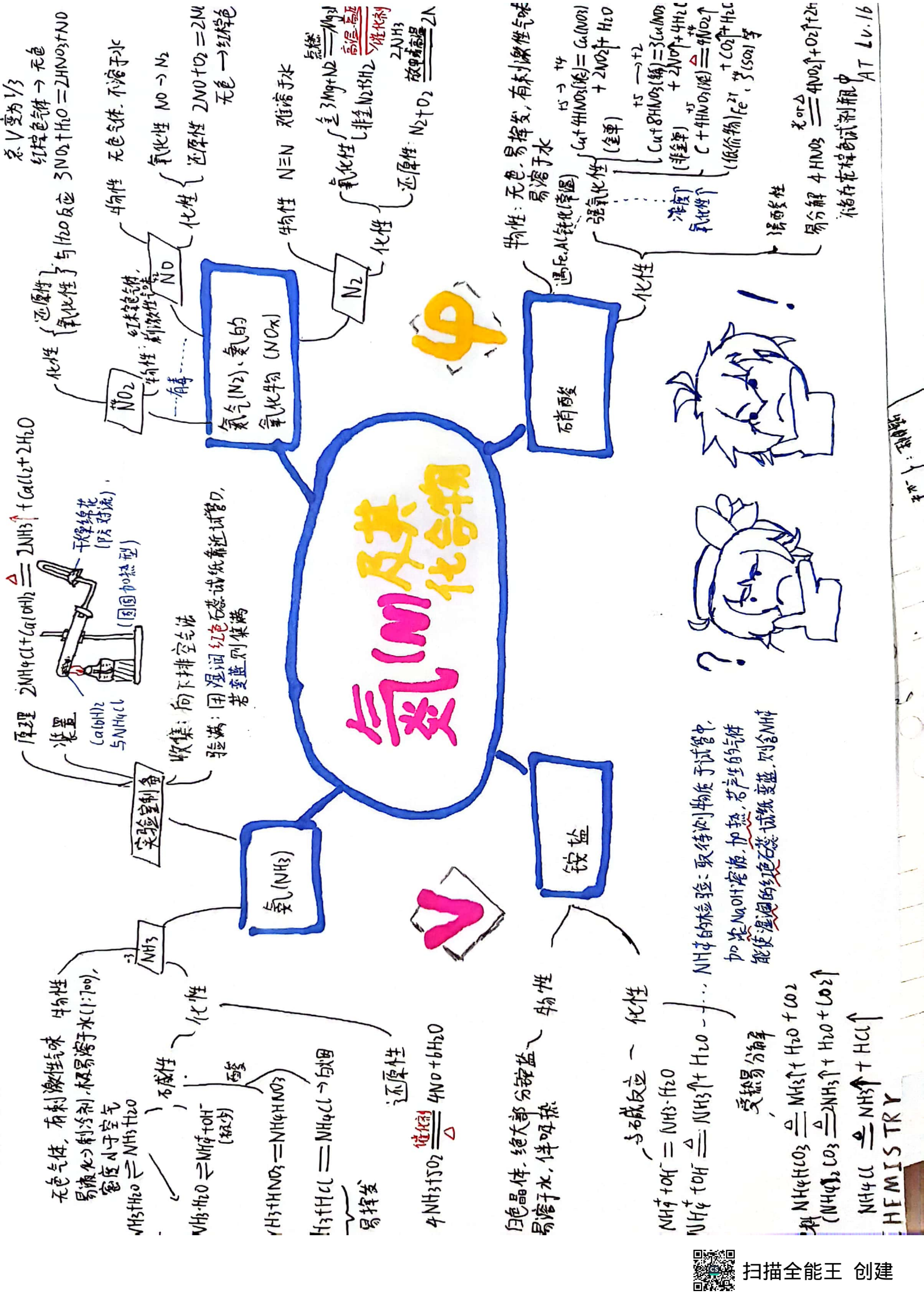


收集方法 2:

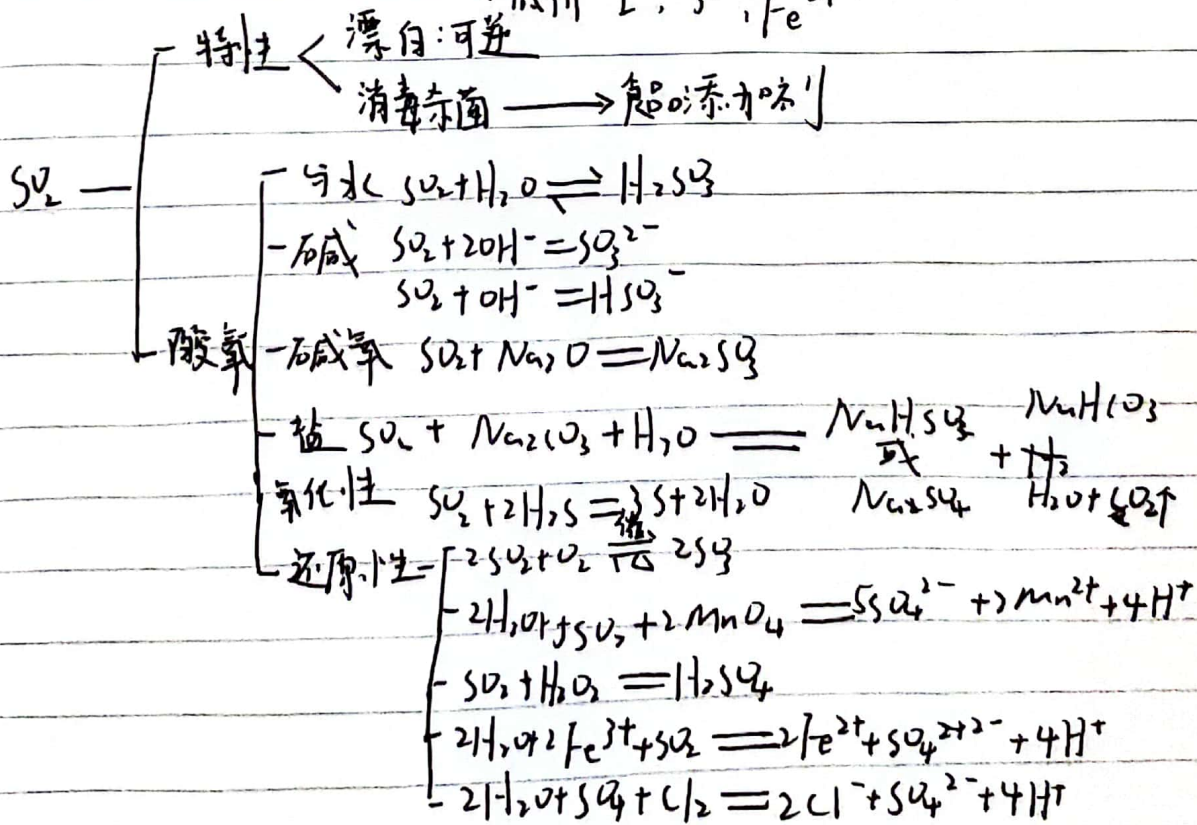
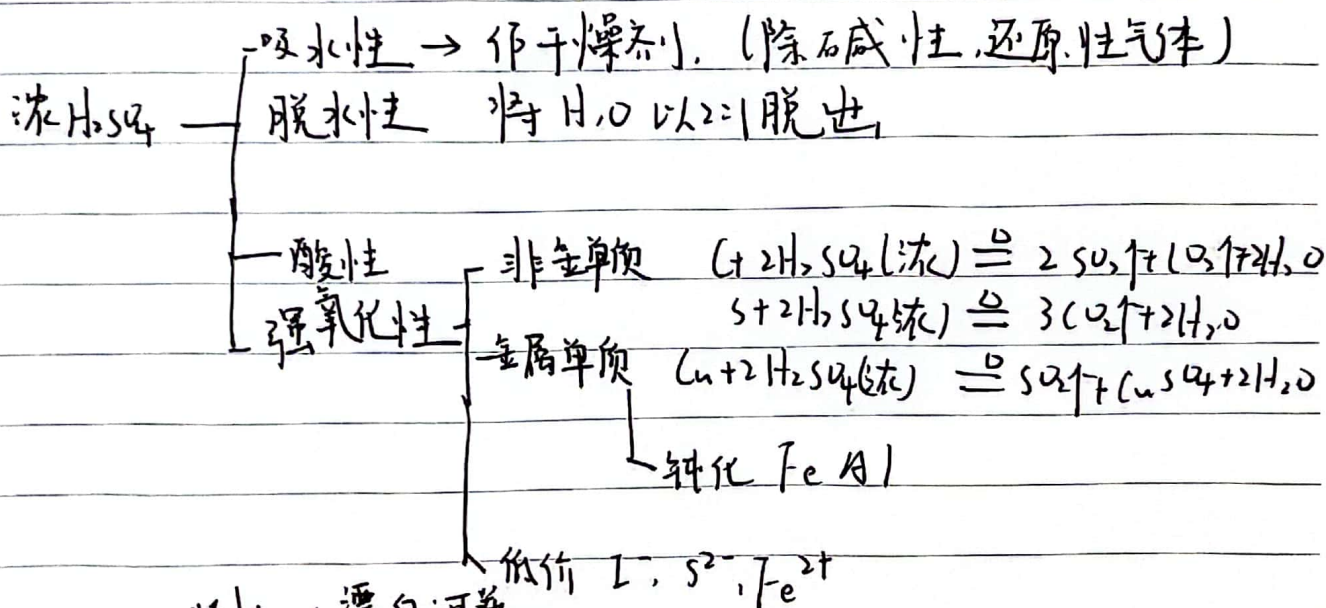
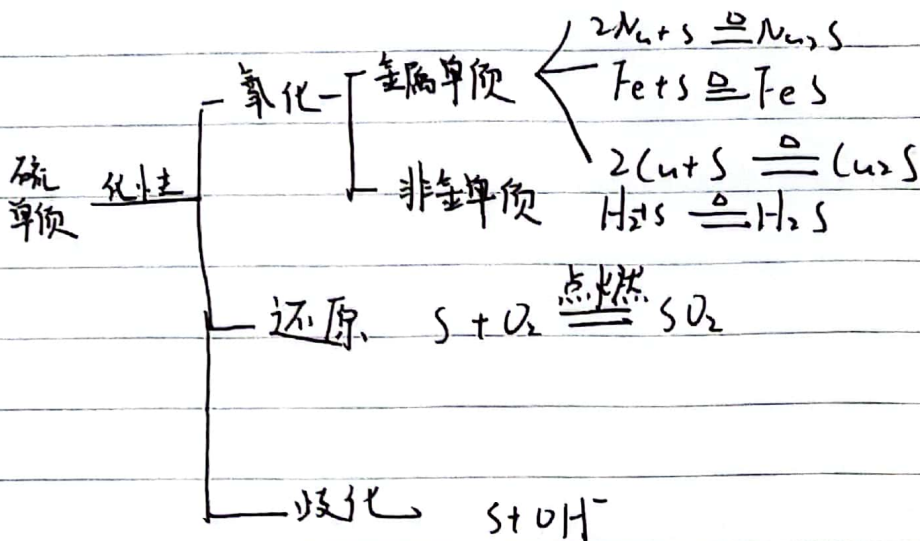


也可以用空的碱石灰装置





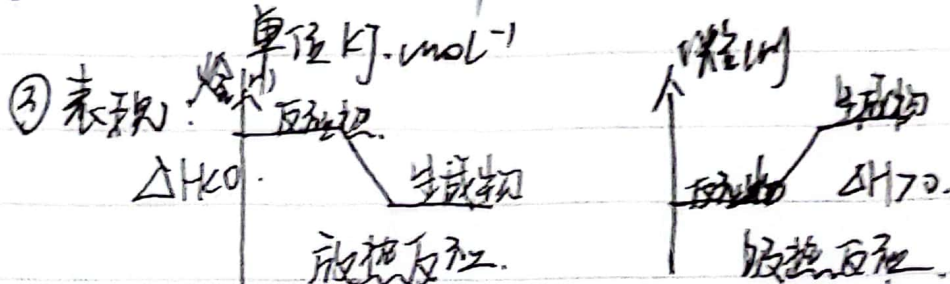
硫及其化合物



第一章 《化学反应的热效应》

反应热 { ① 反应类型 { 吸热反应 "+"
放热反应 "-" } ⇒ 能量守恒定律

② 概念: 在化学反应中放出或吸收的能量用 ΔH 表示



* ④ 原因: 微观: 化学键断裂吸热, 化学键形成放热

⑤ 影响因素: 物质的量
键能, 状态

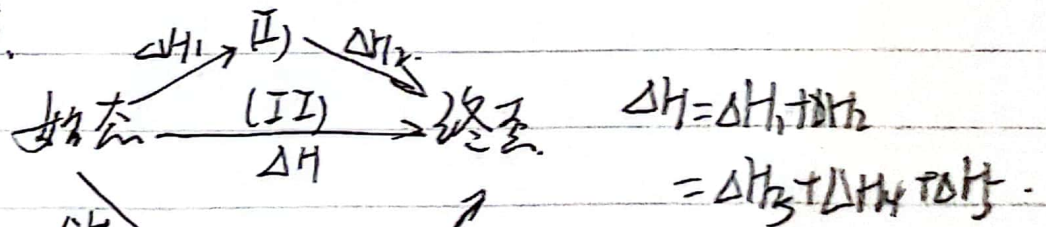
⑥ 计算: ① 热化学方程式 ② 盖斯定律 ③ 燃烧热数据

* 宏观 $\Delta H = \sum E_{\text{生成物}} - \sum E_{\text{反应物}}$

微观 $\Delta H = \sum E_{\text{反应物总键能}} - \sum E_{\text{生成物总键能}}$

盖斯定律 → 反应热只与反应的始态与终态有关

↳ 示意



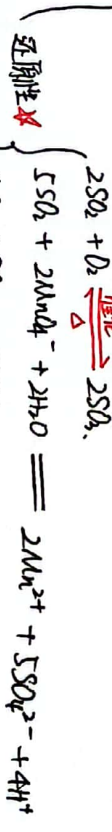
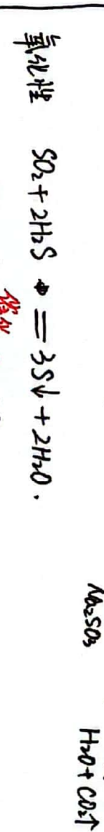
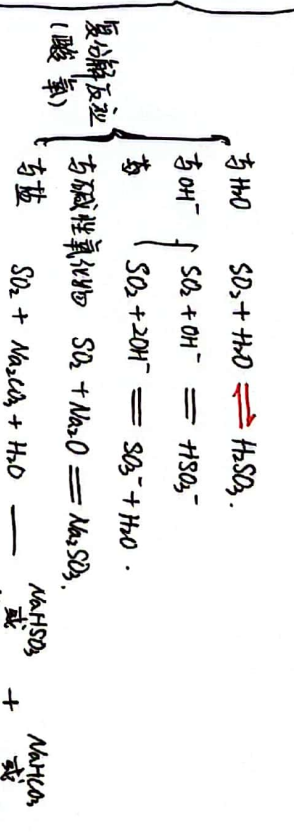
热化学方程式 → 表明反应所释放或吸收热量的化学方程式

- △H 注意:
- ① 注明聚集状态
 - ② 计量数可整数
 - ③ 标明环境
 - ④ 标出 ΔH 、+ 符号

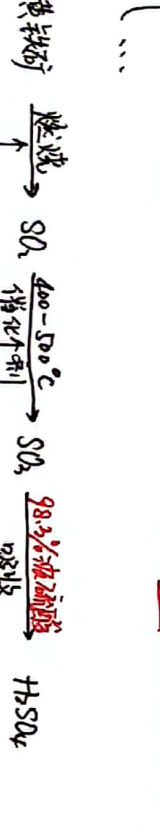
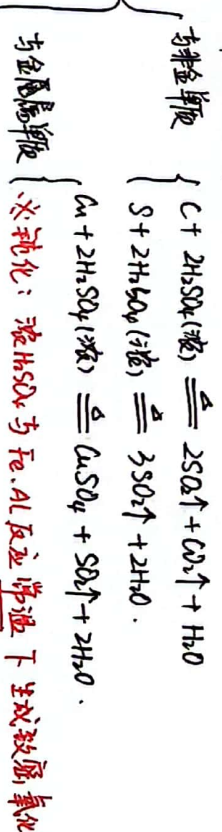


物理性质：
无色气体，有刺激性气味
有毒
易溶于水 (1:40)

特性：
漂白性 \leftrightarrow 化合反应成盐，可逆，不能漂白指示剂 (酸碱)
消毒



酸性：
 强氧化性
 与碱、碱金属、盐、氢前金属



硫及其化合物

物理性质：
 黄色固体
 不溶于水
 微溶于酒精，易溶于 CS_2



0303
 020204

高一三班 常鹤龄 高一下化学总结 (以S为例)

① 归元 \rightarrow 从结构推判性质

$S \rightarrow \begin{matrix} \uparrow \\ \downarrow \end{matrix} \begin{matrix} \uparrow \\ \downarrow \end{matrix} \begin{matrix} \uparrow \\ \downarrow \end{matrix}$ \rightarrow 非金属单质
 [相-E-2] 具有氧化性, 还原性

② 分析 \rightarrow 对应化合物性质 (化学)

S { 氧: $S + Fe \triangleq FeS, S + 2Cu \triangleq Cu_2S$ [性较弱]
 还: $S + O_2 \triangleq SO_2 \dots$

SO_2 (503)
 氧: $SO_2 + 2H_2S = 3S + 2H_2O$
 还: $2SO_2 + O_2 \xrightarrow{4} 2SO_3$ { 相对性强
 弱氧: $SO_2 + H_2O \rightleftharpoons H_2SO_3$

H_2SO_4
 (氧(强)): $2H_2SO_4 + Cu \triangleq CuSO_4 + SO_2 \uparrow + 2H_2O$, 类似 $SO_2 \uparrow$
 弱: 生成 = 强 + 水...
 $+ C \triangleq CO_2 \uparrow + SO_2 \uparrow + 2H_2O$
 与在 与 强条件下反应

③ 寻找 \rightarrow 找到物质特性 (判断依据)

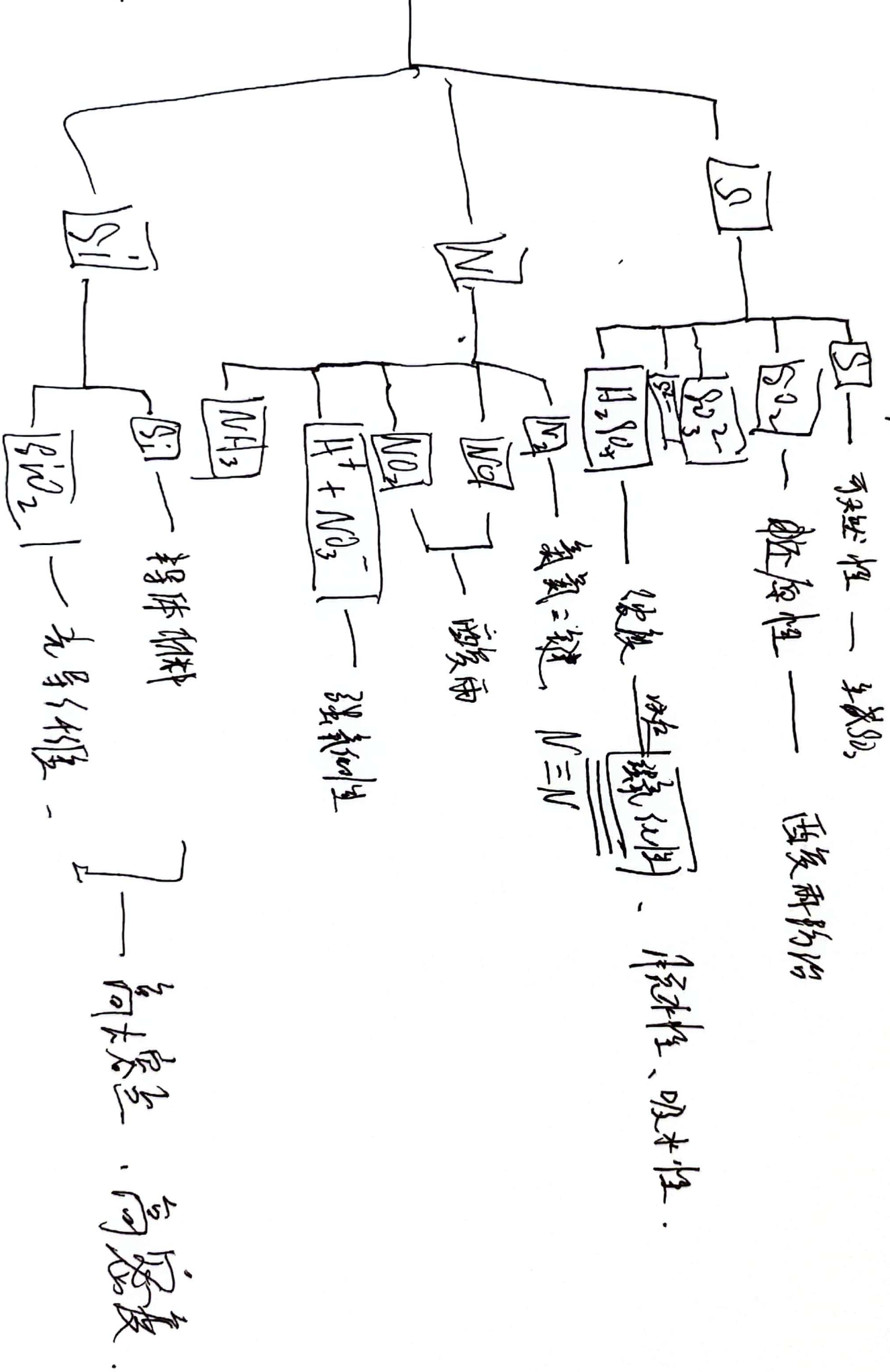
S : 蓝固, 难溶, 难溶于水,
 SO_2 : 酸性(弱), 只溶于水, 难溶于有机溶剂
 H_2SO_4 (强) \Rightarrow 强酸 + 强氧化性 + 强酸性 (有有机物), 与 SO_2 反应
 $SO_4^{2-} \Rightarrow$ 与 $Br_2 \downarrow, Cl_2 \downarrow$, $AgCl$, 用 $OH^- + HCl$ 排
 $SO_3^{2-} \rightarrow$ 性 SO_3^{2-}

④ 已知: 强利用与反应时细节

1. 浓 H_2SO_4 与 Fe/Al 反应时快速形成氧化膜 转化阻碍, 加热后恢复反应
2. 浓 H_2SO_4 与有机物氧化性, 随反应 CH_2SO_4 后 可能由氧化成 CO_2 变为 $SO_2 \uparrow$, 加热下能挥发, 有毒
3. 浓 H_2SO_4 作干燥剂不可通入强还原性/碱性/强氧化
4. 强 SO_2 时可通入品红溶液, 以加热不褪色 是 SO_2 还原性强 (先排 SO_2 等还原物)



化学笔记



一、定语从句

定语从句用于修饰名词或代词，它由关系代词（如 that, which, who, whom, whose）或关系副词（如 when, where, why）引导。定语从句可以是限制性的，对先行词进行限定，也可以是非限制性的。从句去掉后结构完整。

二、状语从句

状语从句用于修饰主句中的动词、形容词或副词，表示时间、地点、原因、条件、结果、方式等。包括时间状语从句（如 when, while）、地点状语从句（如 where）、原因状语从句（如 because, since）、条件状语从句（如 if）等。从句去掉后结构完整。

三、名词性从句

名词性从句在句子中起名词的作用，可以担任主语、宾语、表语等。根据在句子中的不同语法功能，名词性从句可分为主语从句、宾语从句、表语从句。从句去掉后结构不完整。

一、定语从句的定义与功能

定语从句是一种用于修饰名词或代词的从句，通常紧跟在它所修饰的先行词之后，起到限定或描述的作用。

二、先行词与关系词

先行词：被定语从句修饰的名词或代词。它可以是人、物、地点、时间等。

关系词：用于引导定语从句并连接先行词和从句的词。关系词分为关系代词和关系副词。

关系代词：主要有 that、which、who、whom、whose，它们在从句中担任主语、宾语或定语的角色。其中，that 可用于人或物，which 用于物，who 和 whom 用于人，whose 用于表示所属关系。

关系副词：主要有 when、where 和 why，它们在从句中担任状语，分别表示时间、地点和原因。

三、定语从句的分类

限制性定语从句：对先行词进行限定，如果去掉限制性定语从句，句子的意义会发生改变。

非限制性定语从句：对先行词进行补充或说明，并无限定先行词的范围。即使去掉非限制性定语从句，句子的基本意义仍然完整。

四、定语从句的注意事项

关系代词或关系副词的选择应根据先行词的性质和在从句中所担任的成分来确定。

只用 that:

1. 有范围：当先行词被 the only、the very、the same 等修饰时，通常使用关系代词 that。
2. 有序数词。
3. 有最高级
4. 人和物同时存在于句中

在非限制性定语从句中，不能使用关系代词 that，通常使用 which 或 as 来引导。

定语从句的语序应保持正常，即“关系词+从句的主语+谓语+其他成分”。



语法总结

U5~U6 定语从句

- ① where 或 when 引导: 提供地点、时间.
- ② reason 后常 why 引导: 表示原因
- ③ 介 + which / whom :

This is the shop ~~at~~ from which I bought the book.

U4

① 过去将来时

Very few people knew that avatars would have such a wide variety of forms.

U7 名词从句

在主句中做名词性质成分的从句.

引导词: that, whether, if, what, who, which, where, when, why, how long, ... ,
as, as if, as though 等.

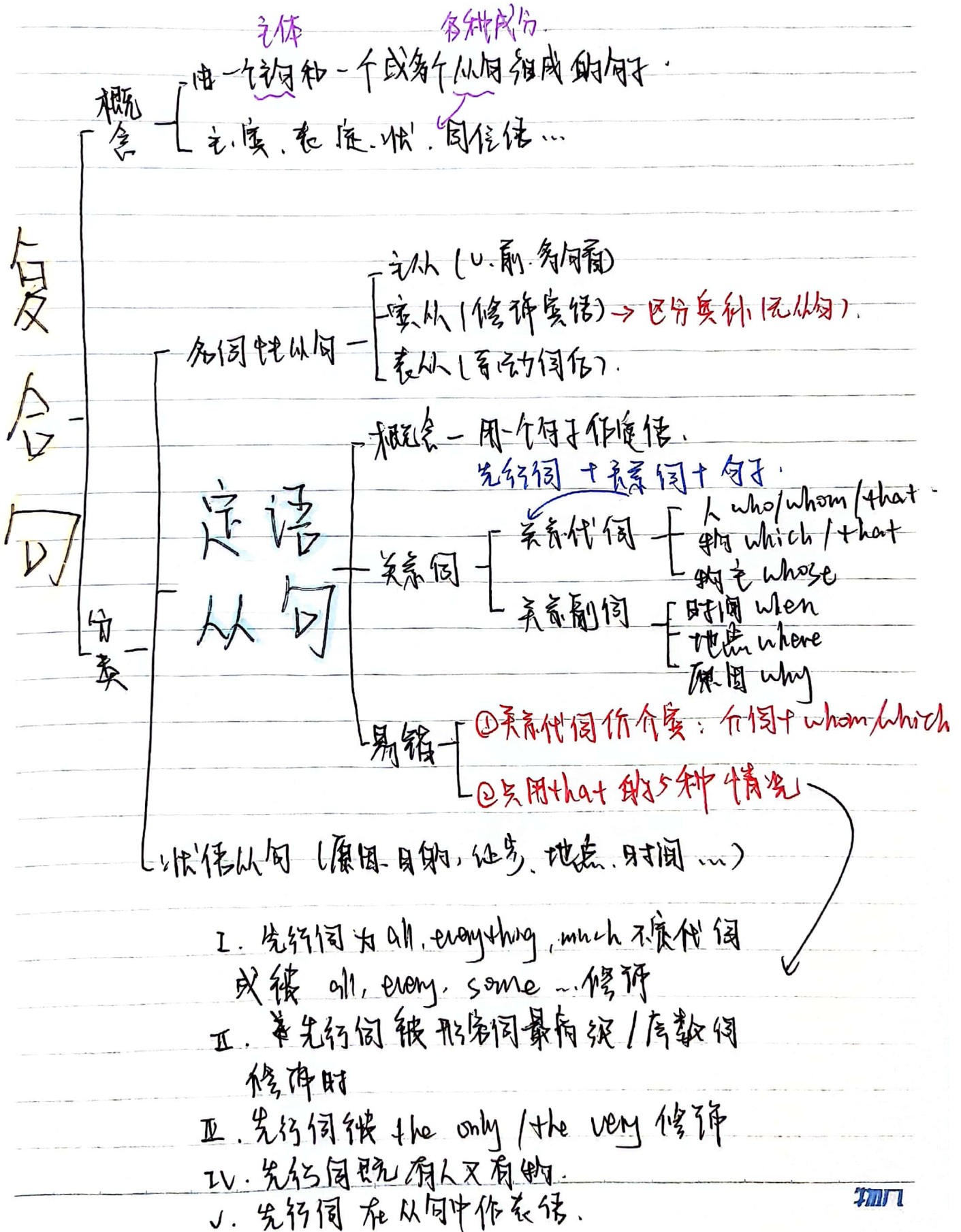
做成分: 主语 Whether he will take the job is unknown.

宾语 Do you know ~~what~~ which football team he supports?

表语 That is how he ~~manage~~ succeeded.



高一一下期中英语知识总结



期中英语总结

高一(6) 张明

语法 ① 定语

关系代词	人	that/who/whom	关系副词	时间	where
	物	that/which		地点	when
	物主	whose		原因	why

作主、宾语。

指 (实词) 实(不指)

② 名从

引导词: that, whether, if, what, who, which, where, when, why, how.
as, as if, as though 等

做成分: 主语 whether he will take the job is unknown.

宾语 Do you know which football team he supports?

表语 That is how he succeeded.

词汇 [USU]

短语: broad smile: 满面笑容; not hesitate to do sth. 毫不犹豫地做某事; turn one's back 对...置之不理; on the edge of 即将发生; breathe in 吸气; run out 用完; break down 停止运转; have ... in mind 心里已有...; come across 偶然发现; pick out 挑选; behind bars 在牢里; what a shame 真遗憾; the other day 不久前某一天;



语文知识总结

高一 曹可凡

第一回 红楼梦判官 红楼梦判官 红楼梦判官

红楼梦判官 红楼梦判官

贾雨村 ①入世 ②假借 ③借

甄士隐 ①将真事隐去 ②假借 ③出世

木石前盟

第四回 (2只眼睛看贾府) 林黛玉 刘姥姥

甄士隐 甄士隐

①介绍贾府历史 ②介绍贾府现状 ③介绍贾府未来

第五回 贾母哄骗 贾母哄骗 贾母哄骗

贾母哄骗 贾母哄骗 贾母哄骗

第四回 贾雨村 贾雨村 贾雨村

贾雨村 贾雨村 贾雨村

第五回 (暗示人聊命运) 金陵十二钗

题型整理

1. 问题 (秋对秋)

①内容 ②写了什么内容

(大意概括)

③有什么写 (情感/主旨)

④结构 ⑤开头与结尾

联: 总叙叙

转: 承上启下

结尾: 总结全文, 深化主题

⑥具体展开分析

古诗词分析

①看标题 (写作对象/时间/地点)

②看作者 ③看内容 ④看题目

熟悉: 翻译

⑤看内容

⑥看题目

· 文言文常见句式 = ① 状语后置

以吾一日长乎尔 / 加以以师旅 / 为国以礼

天下可运于掌 / 而刀可若新发于硎 / 言子郑伯曰

② 宾语前置

不吾知也 / 何由知吾可也 / 夫子之谓也

是以 → 因此

③ 判断句

...者...也

④ 省略句

为击破沛公军 / 箠(平)矣中

季厄酒为(之)寿 / 欲呼张良与俱去

⑤ 被动句

若属物且为所虏 ...

⑥ "主谓倒装" — 宜乎百姓之谓我爱也

· 文言文常见字词及用法 =

而

修饰

子路率尔而对曰

顺承

含瑟而作

并列

非诸侯而后何

转折

若无罪而就死地

若

如此

若无罪而就死地

这样

以若所为, 求若所欲

像

若是其甚与

至于

若民, 则无恒产, 因无恒心

如果

王若隐其无罪而就死地

以

停止

无以, 则至于

用

将以血衅钟

认为

百姓皆以王为爱也

凭借

何以异?

修饰

挟泰山以超北海

顺承

老吾老, 以及人之老

递进

至于兄弟, 以御于家邦

因为

以吾一日长乎尔

之

它

臣未之闻也

去到

牛何之

助词

彼恶知之

取独

宜乎百姓之谓我爱也

的

明足以察秋毫之末

宾前标志

夫子之谓也

这种情况

未之有也

给

庖丁为文惠君解牛

作为

吾见其难为

做出

怵然为戒

因为

初为时行为迟

· 名作状 夜缒而出 既东封郑 (向东)

· 名作动 秦军汜南 (驻扎)

· 使动用法 既东封郑 (把...作疆界)

· 动作名 且君尝为晋师赐食 (恩惠)

· 形作名 共其乏困 (缺乏的粮食)

· 形作动 邻之厚 (变厚)



① 背诵默写错误

—————>

(1) 注意生僻字/古今异义/读音.

例: 毋吾以也 鼓瑟希

异乎三子者之撰

理解性默写

② 现代文/文言文阅读

—————>

(2) 对文章的理解

文章大意/划分段落.

注重字词

(3) 对文言文字词释义的掌握.

③ 审题

—————>

(4) 审题要仔细

必要时圈点勾画

④ 写作

—————>

(5) 作文 (先审题)

找素材 — 构思内容



CH. 7 三角函数

12
22

一. 知识梳理

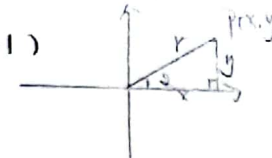
1. 弧度制

弧长为 r 对应的圆心角为 1 rad $1^\circ = \frac{\lambda}{180}$
 $1 \text{ rad} = \frac{180}{\lambda}$

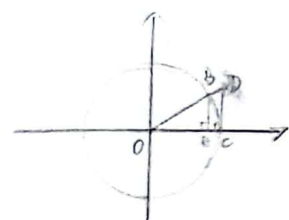
弧长公式: $l = |\alpha| r$

扇形面积: $S_{\text{扇}} = \frac{1}{2} l r = \frac{1}{2} |\alpha| r^2$

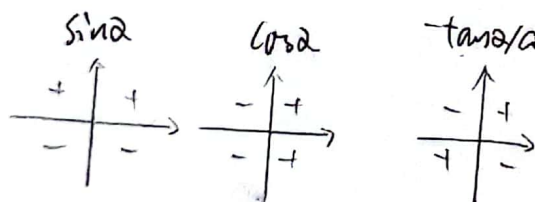
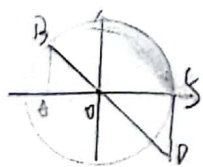
2. 任意角三角函数

1)  $\sin \alpha = \frac{y}{r}$ $\cos \alpha = \frac{x}{r}$ $\tan \alpha = \frac{y}{x}$
 $r = \sqrt{x^2 + y^2}$

2) 单位圆与三角函数线

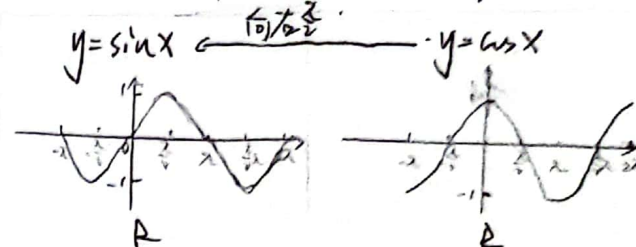


正弦线: \overrightarrow{OM}
 余弦线: \overrightarrow{ON}
 正切线: \overrightarrow{AT}
 利用单位圆, 使各线中长度为 1



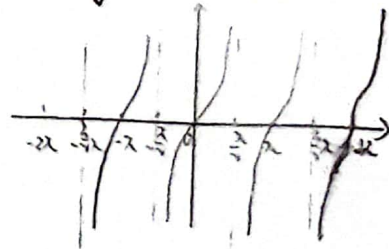
3. 三角函数

1) 周期函数: 定义域为一数集
 $\forall x \in D, \exists T \neq 0, f(x+T) = f(x)$
 T 为 $f(x)$ 的周期 \rightarrow 当 $T > 0$ 时, nT 是周期

2) 

函数	定义域	值域	奇偶性	单调增区间	单调减区间	极值	零点	对称轴	对称中心
$y = \sin x$	\mathbb{R}	$[-1, 1]$	奇	$[2k\pi - \frac{\pi}{2}, 2k\pi + \frac{\pi}{2}]$	$[2k\pi + \frac{\pi}{2}, 2k\pi + \frac{3\pi}{2}]$	$x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi, y = 1$ $x = \frac{3\pi}{2} + 2k\pi, y = -1$	$k\pi$	$x = k\pi + \frac{\pi}{2}$	$(k\pi, 0)$
$y = \cos x$	\mathbb{R}	$[-1, 1]$	偶	$[2k\pi, 2k\pi + \pi]$	$[2k\pi + \pi, 2k\pi + 2\pi]$	$x = 2k\pi, y = 1$ $x = 2k\pi + \pi, y = -1$	$k\pi + \frac{\pi}{2}$	$x = k\pi$	$(k\pi + \frac{\pi}{2}, 0)$

$$y = \tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$



定义域: $x \in (-\frac{\pi}{2} + k\pi, \frac{\pi}{2} + k\pi), k \in \mathbb{Z}$
 单调增区间: $(-\frac{\pi}{2} + k\pi, \frac{\pi}{2} + k\pi)$
 零点: $k\pi$
 对称中心: $(k\pi, 0)$
 渐近线: $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$

3) 诱导公式

① $\sin(\alpha + 2k\pi) = \sin \alpha$
 $\cos(\alpha + 2k\pi) = \cos \alpha$
 $\tan(\alpha + 2k\pi) = \tan \alpha$

⑤ $\sin(\frac{\pi}{2} - \alpha) = \cos \alpha$
 $\cos(\frac{\pi}{2} - \alpha) = \sin \alpha$
 $\tan(\frac{\pi}{2} - \alpha) = \cot \alpha$

奇变偶不变
 符号看象限

$f(\frac{k\pi}{2} + \alpha)$

k 奇: $\sin \theta \rightarrow \cos \theta$
 $\cos \theta \rightarrow \sin \theta$
 $\tan \theta \rightarrow \cot \theta$

k 偶: 不变
 设 α 为锐角, 确定 $\frac{k\pi}{2} + \alpha$ 的象限.
 $f(\frac{k\pi}{2} + \alpha)$ 正 \rightarrow 转换为正

② $\sin(-\alpha) = -\sin \alpha$
 $\cos(-\alpha) = \cos \alpha$
 $\tan(-\alpha) = -\tan \alpha$

⑥ $\sin(\frac{\pi}{2} + \alpha) = \cos \alpha$
 $\cos(\frac{\pi}{2} + \alpha) = -\sin \alpha$
 $-\tan(\frac{\pi}{2} + \alpha) = -\cot \alpha$

③ $\sin(\pi - \alpha) = \sin \alpha$
 $\cos(\pi - \alpha) = -\cos \alpha$
 $\tan(\pi - \alpha) = -\tan \alpha$

⑦ $\sin(\frac{3\pi}{2} + \alpha) = -\cos \alpha$
 $\cos(\frac{3\pi}{2} + \alpha) = \sin \alpha$
 $\tan(\frac{3\pi}{2} + \alpha) = -\cot \alpha$

④ $\sin(\pi + \alpha) = -\sin \alpha$
 $\cos(\pi + \alpha) = -\cos \alpha$

⑧ $\sin(\frac{3\pi}{2} - \alpha) = -\cos \alpha$
 $\cos(\frac{3\pi}{2} - \alpha) = -\sin \alpha$



3). 正弦/余弦/正切型函数

$$y = A \sin(\omega x + \varphi) \quad T = \frac{2\pi}{|\omega|} \quad \varphi: \text{初相}$$

$$y = A \cos(\omega x + \varphi) \quad f = \frac{1}{T}: \text{频率}$$

令 $\omega x + \varphi = t \rightarrow y = \sin t$

模 \rightarrow $y = \sin x \xrightarrow{\text{左移 } \frac{\pi}{6}}$ $y = \sin(x + \frac{\pi}{6})$ $\xrightarrow{\text{模不变}}$ $y = \sin(2x + \frac{\pi}{6})$ $\xrightarrow{\text{模不变}}$ $y = 3\sin(2x + \frac{\pi}{6})$

模 \rightarrow $y = \sin x \xrightarrow{\text{左移 } \frac{\pi}{12}}$ $y = \sin(x + \frac{\pi}{12})$ \rightarrow

$$y = A \tan(\omega x + \varphi) \quad T = \frac{\pi}{|\omega|}$$

4). 已知函数数值求角 (在一个单调区间内)

$$\sin \alpha = a \Rightarrow \alpha = \arcsin a$$

二. 方法总结

1. 整体代入法

$$y = A \sin(\omega x + \varphi), x \in [a, b]$$

令 $\omega x + \varphi = t \Rightarrow t \in [\omega a + \varphi, \omega b + \varphi]$

$$y = \sin t, t \in [\omega a + \varphi, \omega b + \varphi]$$

然后直接 $y = \sin t$ 图像求解即可.

2. 同角三角函数关系

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \Rightarrow \text{同角: } \frac{\sin \alpha \cos \alpha}{\sin \alpha - \cos \alpha} = \frac{\tan \alpha + 1}{\tan \alpha - 1}$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

3. 三角函数线 \rightarrow 直接比较 $\sin \alpha, \cos \alpha, \tan \alpha$ 大小

第一象限 $\cos \alpha > \sin \alpha$

4. 处理 \sin^2, \cos^2 齐次式

同除 $\cos^2 \alpha$:

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

换元
切化弦

三. 易错点

1. 角 α 终边. 终边同: $\alpha \rightarrow \alpha + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$
2. $\tan x \rightarrow \sin x, \cos x$ 差导 (T) (D)
3. 不漏 $k \in \mathbb{Z}$
4. 诱导公式定符号
5. 注意区间开闭 (定 x 域)



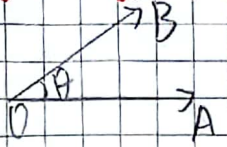
§8 I. 向量的数量积

I. 基础知识

一. 概念

1. 两个向量的夹角

$\vec{OA} = \vec{a}$, $\vec{OB} = \vec{b}$, 则称 $[0, \pi]$ 内的 $\angle AOB$ 为 \vec{a} 与 \vec{b} 的夹角, 记作 $\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle$



$$\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \theta$$

$\theta = 0$: 同向

$\theta = \pi$: 反向

$\theta = \frac{\pi}{2}$: $\vec{a} \perp \vec{b}$

$$\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \langle \vec{b}, \vec{a} \rangle$$

规定: $\vec{0}$ 与任意向量垂直

2. 向量数量积定义

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle \rightarrow \text{实数}$$

正负: θ 决定 $\theta \in [0, \frac{\pi}{2}) \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} > 0$

$\theta = \frac{\pi}{2} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$

$\theta \in (\frac{\pi}{2}, \pi) \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} < 0$

性质: ① $|\vec{a} \cdot \vec{b}| \leq |\vec{a}| |\vec{b}|$

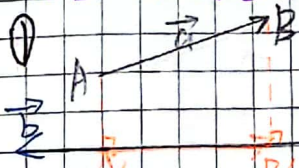
$$\vec{a} \cdot \vec{a} = |\vec{a}|^2$$

$$\vec{a} \cdot \vec{a} = |\vec{a}|^2$$

$$\vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$$

$$\cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|}$$

3. 向量投影, 向量数量积的几何意义



例: \vec{a} 在 \vec{b} 上的投影

$|\vec{a}| \cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle$: \vec{a} 在 \vec{b} 上的投影数量 (有正负)

投影数量: $|\vec{a}| \cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle \rightarrow \vec{a}$ 在 \vec{b} 上投影的数量

几何意义: $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle$ 是 $|\vec{a}|$ 在 \vec{b} 上的投影数量

二. 运算律

$$\text{交换律: } \vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{a}$$

$$2. (\lambda \vec{a}) \cdot \vec{b} = \lambda (\vec{a} \cdot \vec{b}) = \vec{a} \cdot (\lambda \vec{b})$$

$$3. \text{分配律: } (\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{c} = \vec{a} \cdot \vec{c} + \vec{b} \cdot \vec{c}$$

三. 坐标运算

$$\vec{a} = (x_1, y_1)$$

$$\vec{b} = (x_2, y_2)$$

$$1. \vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 x_2 + y_1 y_2$$

$$3. \text{模长公式: } |\vec{a}| = \sqrt{x_1^2 + y_1^2}$$



常规题型及方法

I. 求模长、夹角

1° 见模平方

2° 画图

II. 求数量积

方法

① 将待求向量分解到两个基底 [基底法]

② 建系 → 设坐标 → 坐标运算 [建系法]

适用情况

已知适合作基底的两个向量 (模长、夹角确定)

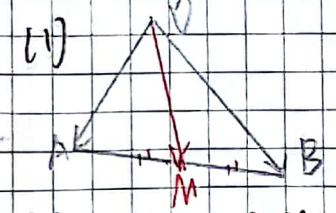
① 直角 (Rt△, 矩形)、等边△、等腰顶点容易表示成坐标

② 求最值

其中一个向量的模已知

③ 几何意义 [投影法]

III. 常用结论:



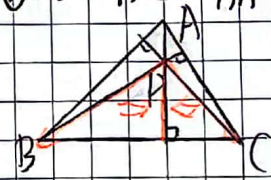
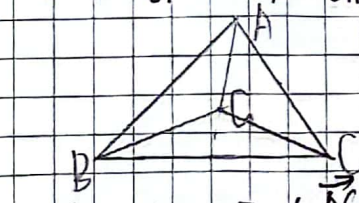
$$\vec{OA} \cdot \vec{OB} = |\vec{OM}|^2 - |\vec{MA}|^2$$

— 适用于 OM 或 AB 长度一定 (OA, OB 变化)

(2) △的“心”相关结论:

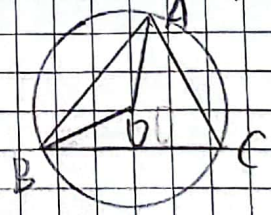
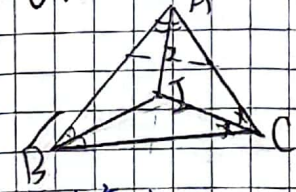
① 重心 G $\Leftrightarrow \vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$

② 垂心 H $\Leftrightarrow \vec{HA} \cdot \vec{BC} = \vec{HB} \cdot \vec{CA} = \vec{HC} \cdot \vec{AB}$



③ 内心 I $\Leftrightarrow \vec{IA} \cdot \left(\frac{\vec{AC}}{|\vec{AC}|} + \frac{\vec{AB}}{|\vec{AB}|}\right) = \vec{IB} \cdot \left(\frac{\vec{BC}}{|\vec{BC}|} + \frac{\vec{BA}}{|\vec{BA}|}\right)$

④ 外心 O $\Leftrightarrow (\vec{OA} + \vec{OB}) \cdot \vec{AB} = (\vec{OB} + \vec{OC}) \cdot \vec{BC} = 0$



[注意事项]

1. △中向量的夹角, 注意起点是否重合, 若不重合, 则需平移至同一起点.
2. 两个向量的夹角为锐/钝角, 需排除两向量共线情况.
3. 使用建系法求最值时, 若以角度θ为自变量, 注意θ的范围.

第九章 解三角形

(以下均指在三角形中)

一. 知识点

1. $A > B \Leftrightarrow \sin A > \sin B$
2. $A > B \Leftrightarrow a > b$

3. $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} ab \sin C = \frac{1}{2} ac \sin B = \frac{1}{2} bc \sin A$

4. $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} Cr$ \rightarrow 三角形内切圆半径

5. 正弦定理: $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$ \rightarrow 外接圆半径

推论: $a:b:c = \sin A:\sin B:\sin C$

6. 余弦定理: $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$

$b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B$

$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$

改写:
$$\begin{cases} \cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} \\ \cos B = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac} \\ \cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab} \end{cases}$$

推论:
$$\begin{cases} a = b \cos C + c \cos B \\ b = a \cos C + c \cos A \\ c = a \cos B + b \cos A \end{cases}$$
 (不能直接用, 需证明)

二. 做题是反方法

1. 利用 $\cos(\pi - \alpha) = -\cos \alpha$ 找互补角解三角形

例: 如图, $AD = 3BD$, $AD \perp AC = BD \perp BC = 2$, $CD = \sqrt{2}$, 求 $\cos A =$



由余弦定理 $\cos B = \frac{AD^2 + CD^2 - AC^2}{2AD \cdot CD} = \frac{BD^2 + CD^2 - BC^2}{2BD \cdot CD}$

解得 $\lambda = \frac{1}{3}$

$\therefore AD = 1, AC = 1$

$\therefore \cos A = \frac{AD^2 + AC^2 - CD^2}{2AC \cdot AD} = 0$

2. 解三角形已知 SSS, SAS 时常用余弦定理, 已知 AAS, ASA 时常用正弦定理, SSA 需视具体情况而定

对于 SSA: 已知 $\angle A, a, b$

- ① $0 < A < 90^\circ$
 - ii) $0 < a < b \sin A$ 时, 不存在 $\triangle ABC$
 - iii) $a = b \sin A$ 时, $\triangle ABC$ 为 $Rt\triangle$
 - iiii) $b \sin A < a < b$ 时, 存在两个不同的 $\triangle ABC$
 - v) $a \geq b$ 时, 存在唯一的 $\triangle ABC$
- ② $90^\circ < A < 180^\circ$
 - i) $a \leq b$ 时, 不存在 $\triangle ABC$
 - ii) $a > b$ 时, 存在唯一的 $\triangle ABC$

第九章 解三角形

一. 知识点

(以下均指在三角形中)

1. $A > B \Leftrightarrow \sin A > \sin B$

2. $A > B \Leftrightarrow a > b$

3. $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2}ab\sin C = \frac{1}{2}ac\sin B = \frac{1}{2}bc\sin A$

4. $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2}Cr$ \rightarrow 三角形内切圆半径

5. 正弦定理: $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$ \rightarrow 外接圆半径

推论: $a:b:c = \sin A:\sin B:\sin C$

6. 余弦定理:
$$\begin{cases} a^2 = b^2 + c^2 - 2bc\cos A \\ b^2 = a^2 + c^2 - 2ac\cos B \\ c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos C \end{cases}$$

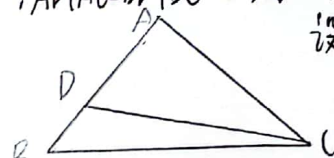
改写:
$$\begin{cases} \cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} \\ \cos B = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac} \\ \cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab} \end{cases}$$

推论:
$$\begin{cases} a = b\cos C + c\cos B \\ b = a\cos C + c\cos A \\ c = a\cos B + b\cos A \end{cases}$$
 (不能直接用, 需证明)

二. 做题方法

1. 利用 $\cos(\pi - \alpha) = -\cos \alpha$ 找互补角解三角形

例: 如图, $AD = 3BD$, $AD + AC = BD + BC = 2$, $CD = \sqrt{2}$, 则 $\cos A =$ _____



设 $BD = x$, $\angle ACD = \theta$, $\angle BDC = \pi - \theta$
 则 $AD = 3x$, $AC = 2 - 3x$, $BC = 2 - x$

由余弦定理 $\cos \theta = \frac{AD^2 + CD^2 - AC^2}{2AD \cdot CD} = -\frac{BD^2 + CD^2 - BC^2}{2BD \cdot CD}$

解得 $x = \frac{1}{3}$

$\therefore AD = 1, AC = 1$

$\therefore \cos A = \frac{AD^2 + AC^2 - CD^2}{2AC \cdot AD} = 0$

2. 解三角形已知 SSS, SAS 时常用余弦定理, 已知 AAS, ASA 时常用正弦定理, SSA 则需视具体情况决定

对于 SSA: 已知 $\angle A, a, b$

① $0 < A < 90^\circ$

i) $0 < a < b \sin A$ 时, 不存在 $\triangle ABC$

ii) $a = b \sin A$ 时, $\triangle ABC$ 为 $Rt\triangle$

iii) $b \sin A < a < b$ 时, 存在两种不同的 $\triangle ABC$

iiii) $a > b$ 时, 存在唯一的 $\triangle ABC$

② $90^\circ \leq A < 180^\circ$

i) $a \leq b$ 时, 不存在 $\triangle ABC$

ii) $a > b$ 时, 存在唯一的 $\triangle ABC$

实际做题时大多用边长 > 0 , 大边对大角, 两边之和大于第三边即可判断



5. 等式(或不等式)化简或证明(利用正弦定理)

例1: $\triangle ABC$ 中, 已知 $b=2$, $\frac{\cos B - 2\cos A}{\cos C} = \frac{2a-b}{c}$, 求 $\angle A$

$$\frac{\cos B - 2\cos A}{\cos C} = \frac{2\sin A - \sin B}{\sin C}$$

整理得 $\sin B \cos C + \sin C \cos B = 2\sin A \cos C + 2\sin C \cos A$

$$\therefore \sin(B+C) = 2\sin(A+C)$$

$$\text{即 } \sin A = 2\sin B$$

$$\therefore a = 2b = 4$$

4. 如已知 A , 求 $\sin B + \sin C$ 或 $\sin B \cdot \sin C$ 取值范围的, 将 $\sin C$ 换成 $\sin(\pi - A - B)$ 后变成只与 B 有关的式子再根据 B 的范围即可求解

5. 利用余弦定理配方求开方如 $b+c$, $\frac{b+c}{a}$ 这样的式子的取值范围

例1: $\triangle ABC$ 中, $a=2\sqrt{3}$, $A=\frac{\pi}{3}$, 求 $b+c$ 的取值范围

$$\therefore a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A, \quad b > 0, c > 0$$

$$\therefore 12 = (b+c)^2 - 3bc \geq (b+c)^2 - 3\left(\frac{b+c}{2}\right)^2$$

$$\therefore b+c \leq 4\sqrt{3} \quad \text{当且仅当 } b=c=2\sqrt{3} \text{ 时取等}$$

$$\text{又 } \therefore b+c > a$$

$$\therefore b+c \in (2\sqrt{3}, 4\sqrt{3}]$$

例2: 已知 $A=\frac{\pi}{3}$, 求 $\frac{b+c}{a}$ 的取值范围

$$\therefore a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A = (b+c)^2 - 3bc \geq (b+c)^2 - 3\left(\frac{b+c}{2}\right)^2$$

$$\therefore \left(\frac{b+c}{a}\right)^2 \leq 4$$

$$\frac{b+c}{a} \leq 2 \quad \text{当且仅当 } b=c \text{ 时取等}$$

$$\text{又 } \therefore b+c > a$$

$$\therefore \frac{b+c}{a} \in (1, 2]$$

6. $\angle A$ 为钝角可等价为 $\cos A < 0$

三. 注意事项

1. 已知 $\sin A$ 或 $\cos A$ 时, 要写 A 的范围 ($A \in (0, \pi)$ 也要写) 才能得出 A 的具体值

2. 已知锐角 $\triangle ABC$, $B=\frac{\pi}{3}$, 求 A 的范围时注意除 $A \in (0, \frac{\pi}{2})$ 还有 $C = \frac{2}{3}\pi - A \in (0, \frac{\pi}{2})$

3. 在求边的情境中不要忘却构成三角形的条件: 两边之和大于第三边

